THEORIE DES LANGAGES

Claude MOULIN Université de Technologie de Compiègne

16 février 2012

Table des matières

1		npilati		11
	1.1		uction	11
		1.1.1	Références	11
		1.1.2	Historique	11
		1.1.3	Compilateur	12
		1.1.4	Interpréteur	12
		1.1.5	Langage Intermédiaire	12
	1.2	Phases	s de la compilation	12
	1.3	Analys	se du programme source	14
		1.3.1	Analyse lexicale	14
		1.3.2	Analyse syntaxique	14
		1.3.3	Analyse sémantique	15
	1.4	Enviro	onnement du compilateur	16
		1.4.1	Préprocesseur	16
		1.4.2	Assembleur	17
		1.4.3	Chargeur et relieur	17
2	Lan	gages		19
	2.1	Alphal	bet	19
	2.1 2.2	-	bet	19 19
	2.2	Chaîne	e	19
		Chaîne Opérat	e	19 20
	2.2	Chaîne Opérat 2.3.1	tions sur les chaînes	19 20 20
	2.2	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2	e	19 20 20 20
	2.2 2.3	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3	tions sur les chaînes	19 20 20 20 20
	2.2	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa	tions sur les chaînes	19 20 20 20 20 20
	2.2 2.3	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1	tions sur les chaînes	19 20 20 20 20 20 21
	2.2 2.3	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1 2.4.2	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages	19 20 20 20 20 21 21
	2.2 2.3	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1	tions sur les chaînes	19 20 20 20 20 20 21
3	2.2 2.3 2.4	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1 2.4.2 2.4.3	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages	19 20 20 20 20 21 21
3	2.2 2.3 2.4	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1 2.4.2 2.4.3	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages Clôture de Kleene	19 20 20 20 20 21 21 21
3	2.2 2.3 2.4	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1 2.4.2 2.4.3 Pression Opérat	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages Clôture de Kleene ns régulières	19 20 20 20 20 21 21 21 21
3	2.2 2.3 2.4 Exp 3.1	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langae 2.4.1 2.4.2 2.4.3 Pression Opérat Exemp	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages Clôture de Kleene teurs * et oles d'expressions régulières	19 20 20 20 20 21 21 21 21 23
3	2.2 2.3 2.4 Exp 3.1 3.2	Chaîne Opérat 2.3.1 2.3.2 2.3.3 Langa 2.4.1 2.4.2 2.4.3 Pression Opérat Exemp Extens	tions sur les chaînes Extension Propriétés de la concaténation Miroir ge Exemples Opérations sur les langages Clôture de Kleene ns régulières teurs * et	19 20 20 20 20 21 21 21 23 23 24

	3.5 3.6		lgébriques sur les expressions régulières	
4	Exp	ressio	ns régulières et Langage de programmation 2	27
	4.1			28
		4.1.1		28
		4.1.2		28
		4.1.3	1	29
		4.1.4		29
		4.1.5		29
		4.1.6	1	3 0
	4.2	Exem	1	30
	4.3		•	30
	1.0	4.3.1		30
		4.3.2		31
		4.3.3		32
5	Aut			3
	5.1			33
	5.2	Auton		33
		5.2.1	0 1	34
		5.2.2		34
		5.2.3		34
		5.2.4	1	35
	5.3			35
		5.3.1	1	35
		5.3.2		36
		5.3.3		36
		5.3.4	•	37
	5.4	Auton		37
		5.4.1	introduction	37
		5.4.2		37
	5.5	Auton	nates finis et expressions régulières	38
		5.5.1	Passage d'un AFD à une expression régulière	39
		5.5.2	Méthode par élimination d'états	10
		5.5.3	Passage d'un AFN à un AFD	12
		5.5.4	Passage d'un ϵ -AFN à un AFD	13
		5.5.5	Conversion d'une expression régulière en ϵ -AFN	14
6	Ana	alvse L	exicale 4	17
-	6.1	•		17
		6.1.1		17
		6.1.2		17
		6.1.3	v	18
			v	

	6.2	Descri	ption	
		6.2.1	Définitions	48
		6.2.2	Exemple	
	6.3	Constr	ructions de l'analyseur lexical	49
		6.3.1	Principe	49
		6.3.2	Ecœuils	50
		6.3.3	Compromis: temps d'exécution - place occupée	50
7	Gra	mmair	es hors contexte	53
	7.1	Introd	uction	53
		7.1.1	Existence de langages non réguliers	
		7.1.2	Exemple: fragment de grammaire	
	7.2	Définit	ion formelle	54
		7.2.1	Conventions d'écriture	54
	7.3	Exemp	oles	54
		7.3.1	Grammaire des palindromes sur $\{0,1\}$	54
		7.3.2	Petit sous-ensemble de la grammaire française	55
	7.4	Dériva	tion	55
		7.4.1	Extension des règles de production	55
		7.4.2	Dérivation la plus à gauche, la plus à droite	56
		7.4.3	Arbre de dérivation	57
		7.4.4	Ambiguïté	58
	7.5		de BACKUS-NAUR	59
	7.6		de grammaires	60
	7.7		ssion régulière sous forme de grammaire	60
	7.8	_		61
	7.9		d'analyse	62
	1.0	7.9.1	Exemple d'analyse	62
		7.9.2	Analyse LL	62
		7.9.3	Analyse LR	
		,,,,,		
8			s à piles	65
	8.1		uction	65
		8.1.1	Fonctionnement schématique	65
		8.1.2	Exemple	66
	8.2		tion formelle	67
		8.2.1	Définition	67
		8.2.2	Règles de transition	67
		8.2.3	Automate à pile déterministe	67
	8.3	_	ble	68
		8.3.1	Diagramme de transition	68
		8.3.2	Simulation	68
	8.4	Extens	sion de la fonction de transition	69
		8.4.1	Configuration	69

		8.4.2	Définition	70
	8.5	Langag	ge d'un automate à pile	70
		8.5.1	Acceptation par état final	70
		8.5.2	Acceptation par pile vide	71
		8.5.3	Théorèmes	71
9	Ana	lvse S	yntaxique Descendante	73
	9.1			73
	9.2			73
		9.2.1		73
		9.2.2	-	75
		9.2.3		76
		9.2.4	Table d'analyse	77
		9.2.5	·	77
	9.3	Gramn	naire $\mathrm{LL}(1)$	79
		9.3.1		79
		9.3.2	Factorisation à gauche	80
	9.4	Conflit	SS	81
		9.4.1	Conflit Premier-Premier	81
		9.4.2	Conflit Premier-Suivant	82
		9.4.3	Conclusion	83
10	Ana	lyse A	scendante $LR(0)$	85
10		•	()	85 85
10		Princip	pe d'analyse ascendante	
10		Princip 10.1.1	pe d'analyse ascendante	85
10		Princip 10.1.1 10.1.2	pe d'analyse ascendante	85 85
10		Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3	De d'analyse ascendante	85 85 86
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4	pe d'analyse ascendante	85 85 86 86
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1	pe d'analyse ascendante	85 86 86 86
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1	pe d'analyse ascendante Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition	85 86 86 86 87
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2	Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche Définition Fermeture d'un ensemble d'items	85 86 86 86 87 87
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom	Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items atte caractéristique canonique	85 86 86 86 87 87
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1	pe d'analyse ascendante Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items ate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition	85 85 86 86 87 87 88
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2	pe d'analyse ascendante Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items nate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition	85 85 86 86 87 87 88 88
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Methodes d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Définition Fermeture d'un ensemble d'items Mate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire	85 86 86 86 87 87 88 88 88
10	10.1	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items nate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire	85 85 86 86 87 87 88 88 88 89
10	10.110.210.3	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4 10.3.5	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Methodes d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Exemple d'analyse Manche Définition Fermeture d'un ensemble d'items Exemple d'analyse Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire Construction des items	85 86 86 87 87 88 88 88 89 90
10	10.110.210.3	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4 10.3.5 Analys	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items nate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire Construction des items se LR(0) Table des actions	85 86 86 87 87 88 88 89 90 91 91
10	10.110.210.3	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4 10.3.5 Analys 10.4.1 10.4.2	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items Late caractéristique canonique Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire Construction des items LR(0) Table des actions Illustration	85 86 86 86 87 88 88 88 89 90 90
10	10.110.210.3	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4 10.3.5 Analys 10.4.1 10.4.2 10.4.3	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items nate caractéristique canonique Définition Diagramme de transition Transitions Collection des items d'une grammaire Construction des items se LR(0) Table des actions Illustration Algorithme d'analyse	85 86 86 87 87 88 88 89 90 91 91
10	10.110.210.3	Princip 10.1.1 10.1.2 10.1.3 10.1.4 Item I 10.2.1 10.2.2 Autom 10.3.1 10.3.2 10.3.3 10.3.4 10.3.5 Analys 10.4.1 10.4.2 10.4.3 10.4.4	Exemple d'analyse Décalage - Réduction Méthodes d'analyse Manche LR(0) Définition Fermeture d'un ensemble d'items nate caractéristique canonique Définition Transitions Collection des items d'une grammaire Construction des items se LR(0) Table des actions Illustration Algorithme d'analyse Simulation de l'automate	85 86 86 87 88 88 88 89 90 91 91

11)5
		Introduction	
		Algorithme de construction	
		Tables $SLR(1)$	
	11.4	Grammaire $SLR(1)$, non $LR(0)$	
		11.4.1 Premiers - Suivants	
		11.4.2 Tables d'analyse	
		11.4.3 Simulation de l'automate	
	11.5	Conflits	
		11.5.1 Conflit Décaler - Réduire	
		11.5.2 Conflit Réduire - Réduire)(
12		lyse $LR(1)$	
		Exemple	
		Introduction	
	12.3	Items $LR(1)$	
		12.3.1 Définition	
		12.3.2 Fermeture d'un ensemble d'items LR(1)	
		12.3.3 Transition	
		12.3.4 Calcul de l'ensemble des items	
		12.3.5 Tables d'analyse LR(1)	
		12.3.6 Illustration	
	10.4	12.3.7 Exemples de conflits $LR(1)$	
	12.4	Analyse LALR(1)	
		12.4.1 Cœur d'un ensemble d'items	
		12.4.2 Fusion de deux états	
		12.4.3 Tables d'analyse LALR	
		12.4.4 Exemple	
		12.4.5 Conflits	
		12.4.6 Grammaire $LR(1)$ non $LALR(1)$	JS
13		lyse Sémantique 11	
		Introduction	
	13.2	Grammaire attribuée	
	10.0	13.2.1 Exemple	
	13.3	Attributs	
		13.3.1 Arbre décoré	
		13.3.2 Définition formelle	
		13.3.3 Ordre d'évaluation des attributs	
	10 /	13.3.4 Exemple	
	13.4	Traduction dirigée par la syntaxe	
		13.4.1 Analyse ascendante	
		13.4.2 Analyse descendante	
		13.4.3 Principe	17

		13.4.4 Définition L-attribuée
	13.5	Arbre abstrait - AntLR
		13.5.1 Exemple: expression arithmétique
		13.5.2 Arbre abstrait
		13.5.3 Evaluation récursive
	13.6	Traduction de langage
\mathbf{A}		érateurs d'analyseur 127
		Commandes unix
	A.2	Générateurs en langage Java
В	_	générateur AntLR 129
	B.1	Exemple simple
		B.1.1 Introduction
		B.1.2 Grammaire
	B.2	Mise en œuvre
		B.2.1 Génération des classes en ligne de commande
		B.2.2 Exemple de fichier batch sous Windows
		B.2.3 Outil ANTLRWorks
		B.2.4 Exécution
	B.3	Autre exemple
		B.3.1 Grammaire
		B.3.2 Exécution
	B.4	Création de l'arbre AST
		B.4.1 Création par défault
		B.4.2 Création automatique
		B.4.3 Code
		B.4.4 Affichage de l'arbre
		B.4.5 Création manuelle de l'arbre
	B.5	Actions AntLR
		B.5.1 Actions du parser
		B.5.2 Variables et méthodes globales
\mathbf{C}	Intr	oduction à Java 5.0
	C.1	Introduction
		C.1.1 Objectifs
		C.1.2 Environnements de développement
	C.2	Programmation orientée objet
	· - _	C.2.1 Classes et Objets
		C.2.2 API Java
		C.2.3 Entrées-Sorties sur la console
		C.2.4 Une application en Java
	C.3	Éléments de base
	$\bigcirc.0$	C.3.1 Types primitifs
		0.5.1 Types primitins

	C.3.2	Types des variables	42
	C.3.3	Structures de contrôle des méthodes	43
C.4	Consti	ruction d'une classe $\dots \dots \dots$	46
	C.4.1	Portée - Visibilité	46
	C.4.2	Constructeurs	46
	C.4.3	Interface	47
	C.4.4	Application simple	47
C.5	Conte	neur Générique	48
	C.5.1	Déclaration	48
	C.5.2	Itération	48
C.6	Hérita	ge de Classes	49
C.7	Sites U	Utiles	49

Chapitre 1

Compilation

1.1 Introduction

1.1.1 Références

On pourra consulter avec profit les ouvrages référencés dans la bibliographie : [1, 2, 6, 3, 5, 4, 7, 8].

1.1.2 Historique

- Avant 1950
 - Langage machine: suite de nombres écrits dans le système hexadécimal.
 Certains nombres représentent des instructions, d'autres des valeurs, etc.
 (0A 43)
 - Langage d'assemblage: il contient des instructions faisant intervenir les registres de l'unité centrale de l'ordinateur, les données.

Ex: ADD #2, R1

- Introduction des étiquettes dans le langage d'assemblage dans le but de faciliter les branchements (boucles, sauts).
- Introduction des variables

Ex: MOV R1, b

- Définition des Langages de haut niveau (1950)
 - expressions
 - fonctions
 - structures de données
- Définition des langages à objets (1970)
 - Classes, Objets, méthodes, variables d'instance
 - Héritage
 - polymorphisme

1.1.3 Compilateur

Tout programme écrit dans un langage de haut niveau doit être traduit en instructions exécutables par un ordinateur. Le programme effectuant cette traduction est un compilateur.

Il est préférable que le programme soit indépendant du système sur lequel il doit s'exécuter. Ce n'est pas toujours le cas. On peut introduire des instructions en langage d'assemblage dans le langge C par exemple.

Le programme n'a pas besoin du compilateur lorsqu'il est exécuté.

La compilation est un peu plus compliquée.

fichier source $1 \longrightarrow \text{compilateur} \longrightarrow \text{fichier objet } 1$

fichier source $2 \longrightarrow \text{compilateur} \longrightarrow \text{fichier objet } 2$

fichier objet 1, fichier objet $2 \longrightarrow \text{programme}$ exécutable

Exemples de langages compilés: Pascal, C, C++, ADA, Fortran, Cobol

1.1.4 Interpréteur

Un interpréteur travaille simultanément sur les données et sur le programme source. Il analyse une à une les instructions du programme, les "compile" et les exécute.

- L'interpréteur doit être présent sur le système où le programme s'exécute
- L'exécution est plus lente
- On peut modifier le source pendant l'exécution

Exemples de langages interprétés: Basic, Lisp, Scheme, Tcl, Perl, Prolog, Smaltalk

1.1.5 Langage Intermédiaire

Le code source est traduit dans une forme binaire (pseudo-code). Ce code est interprété et exécuté. Exemple de Java : fichier source (.java) \longrightarrow compilateur (javac) \longrightarrow fichier objet (.class)

Les fichiers objet (et les ressources) peuvent être regroupés dans des fichiers archives (.jar).

Les fichiers objet \longrightarrow interpréteur (JVM) \longrightarrow résultat.

Exemples de langages intermédiaires: Java, Python.

1.2 Phases de la compilation

Le but d'un compilateur est de traduire un programme source écrit dans un certain langage en un programme cible écrit dans un dans un autre langage. Le plus souvent, le langage cible est le langage machine, mais cela peut être seulement un code intermédiaire optimisé (byte code java).

La compilation se décompose en 6 phases : 3 phases d'analyse et 3 phases de génération de code. La figure 1.2 montre le fonctionnement typique d'un compilateur,

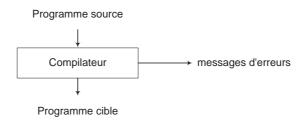


Fig. 1.1 – Compilation

même si dans la pratique certaines phases peuvent être regroupées. Deux autres tâches interagissent avec les six phases:

- la gestion d'une table des symboles. Celle-ci contient les identificateurs des variables et leurs attributs (type, portée, etc.).
- la détection des erreurs. Une phase ne doit pas s'interrompre à la première erreur rencontrée mais doit traiter les erreurs de façon à ce que la compilation puisse continuer.

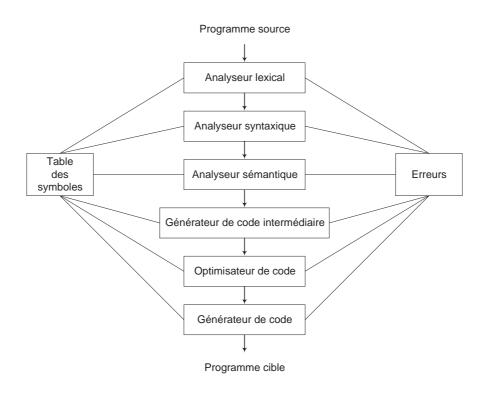


Fig. 1.2 – Les différentes étapes de la compilation

1.3 Analyse du programme source

L'analyse du programme source est réalisée durant les trois premières phases de la compilation.

- Analyse lexicale. Le flot des des caractères du programme source est regroupé en suites ayant une signification précise et appartenant à des catégories prédéfinies appelées unités lexicales.
- Analyse syntaxique. Elle regroupe les unités lexicales en structures ou unités grammaticales qui permettent de synthétiser le résultat de la compilation.
- Analyse sémantique. Elle contrôle la cohérence sémantique du programme source. En particulier, elle vérifie la cohérence des types des variables et des expressions et procède parfois à des conversions (entier vers réel).

La représentation interne du programme source évolue en fonction des phases de la compilation. Nous illustrons ces représentations par l'exemple suivant. Il s'agit de traduire une instruction extraite d'un programme source:

$$aire := base * hauteur/2$$
 (1.1)

1.3.1 Analyse lexicale

L'analyse lexicale reconnaît les lexèmes suivants:

aire, base, hauteur sont des lexèmes représentants de la même unité lexicale appelée par exemple identificateur.

La représentation de l'instruction 1.1 peut être suggérée par :

$$id_1 := id_2 * id_3/2 \tag{1.2}$$

Après analyse lexicale, la chaîne qui contient l'instruction source:

peut être représentée par la suite:

```
<identificateur> aire
```

<affectation> :=

<identificateur> base

<opérateur> *

<identificateur> hauteur

<opérateur> /

<nombre> 2

1.3.2 Analyse syntaxique

L'analyse syntaxique regroupe les unités lexicales en structures grammaticales en suivant les règles figurant dans une grammaire. On représente souvent par un arbre syntaxique le résultat produit par l'analyse syntaxique.

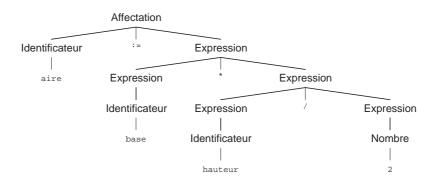


Fig. 1.3 - L'arbre syntaxique

La structure hiérarchique d'un programme est exprimée à l'aide de règles. Ainsi : Tout identificateur est une expression
Tout nombre est une expression

Certaines règles sont récursives:

 $Si\ expr_1\ et\ expr_2\ sont\ des\ expressions\ alors\ expr_1\ *\ expr_2\ est\ une\ expression$

1.3.3 Analyse sémantique

L'analyse sémantique va contrôler les erreurs sémantique et collecte des informations de type destinées aux phases suivantes de la compilation.

Une partie importante est le contrôle des types des variables (identificateurs de variables : aire, base, hauteur) dans les instructions.

- Affectation
- Opérandes dans les opérations, facteurs dans les expressions
- Type de retour des fonctions

Les erreurs de types sont généralement signalées et nécessitent une correction : Ex : nombre réel employé comme indice d'un tableau.

Cependant, l'analyse sémantique peut éventuellement réaliser la coercition de valeurs ou de constantes. Dans l'instruction étudiée ci-dessus, les identificateurs base, hauteur sont normalement déclarés comme réels. Les opérations, multiplication, division ont des opérandes de même type (tous deux réels). L'entier 2 va donc être substitué par un réel (2.0). Le codage machine des entiers et des réels n'étant pas le même cette coercition est rendue nécessaire. La figure 1.4 montre l'appel à un opérateur supplémentaire.

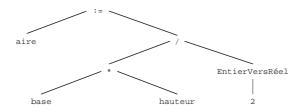


Fig. 1.4 – Coercition

1.4 Environnement du compilateur

La création d'un programme cible exécutable requiert en fait plusieurs programmes en plus du strict compilateur. La figure 1.5 indique ces différents programmes.

1.4.1 Préprocesseur

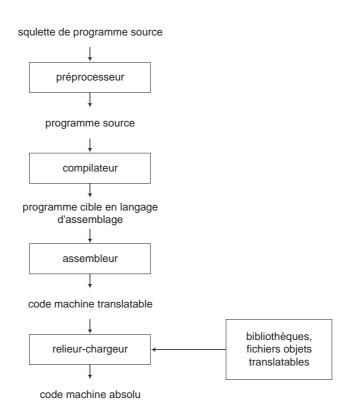


Fig. 1.5 – Traitement d'un programme source

Le programme source est en général divisé en modules stockés dans différents fichiers. Le préprocesseur a pour tâche de reconstituer le programme source à par-

tir des différents modules le constituant. Certains langages possèdent également des macros-instructions. Elles ont pour but de remplacer des éléments des fichiers d'entrée par des instructions du langage.

Ainsi en langage C, on peut trouver le contenu suivant:

```
#ifndef LISTE_H
#define LISTE_H
#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#define CR 13
]
```

1.4.2 Assembleur

Certains compilateurs produisent du code en langage d'assemblage qui doit être traité par un assembleur. Le langage d'assemblage est une version mnémonique de code machine dans laquelle on utilise des noms au lieu du code binaire pour désigner des opérations et dans laquelle on utilise des noms pour désigner les adresses mémoire. Ainsi le code suivant permet d'additionner 2.

```
MOV a, R1
ADD #2, R1
MOV R1, b
```

a et b sont des emplacements mémoire, R1 est un registre et le code réalise l'instruction: b:= a + 2. Le code produit par l'assembleur est un code machine (écrit en langage binaire) où les adresses sont translatables. Il peut donc être chargé en mémoire à partir de n'importe qu'elle adresse.

1.4.3 Chargeur et relieur

Un chargeur est un programme qui charge le programme en mémoire, c'est-à dire qu'il qu'il prend le code machine translatable, modifie les adresse translatables en adresse absolues et place les instructions et les données aux endroits appropriés. Le relieur ou éditeur de liens permet de constituer un unique programme à partir de plusieurs fichiers. contenant du code machine translatable.

Chapitre 2

Langages

2.1 Alphabet

Définition 2.1 (Alphabet)

Un alphabet est un ensemble fini non vide de symboles appelés également lettres de l'alphabet.

Exemples:

- 1. $\Sigma = \{0,1\}$
- 2. $\Sigma = \{a, b, ..., z\}$

2.2 Chaîne

Définition 2.2 (Chaîne)

Une chaîne est une suite finie de symboles choisis dans un alphabet.

On note une chaîne par la suite des symboles qu'elle contient: $c = x_1x_2...x_n$. Exemples à partir des alphabets 1 et 2:

- 1. 01011, 111, 00, ...
- 2. abc, aa, xyzt, ...

Définition 2.3 (Chaîne vide)

La chaîne vide est la chaîne ne contenant aucun symbole.

Cette chaîne, notée ϵ , peut être construite sur tout alphabet.

Définition 2.4 (Longueur d'une chaîne)

La longueur d'une chaîne est le nombre de symboles la composant.

- 1. |abc| = 3
- 2. $|\epsilon| = 0$

2.3 Opérations sur les chaînes

Définition 2.5 (Concaténation de deux chaînes)

Soient $u = x_1x_2...x_n$ et $v = y_1y_2...y_m$ deux chaînes non vides définies sur l'alphabet Σ , on définit par:

 $uv = x_1x_2...x_ny_1y_2...y_m$ la chaîne concaténation de u et de v.

Préfixe, Suffixe

Soient u, v et w, trois chaînes telles que w = uv.

On dit que u est une chaîne préfixe de w et que v est une chaîne suffixe de w.

2.3.1 Extension

On peut étendre la définition de la concaténation à la chaîne vide. Si u est une chaîne non vide définie sur l'alphabet $\Sigma : \epsilon u = u\epsilon = u$ On note x^n , $n \in N$ la concaténation de n symboles identiques.

On note x^n , $n \in \mathbb{N}$ la concatenation de n symboles ident $x^0 = \epsilon$ et $x^1 = x$.

On note également u^n , $n \in N$ la concaténation de n chaînes identiques.

2.3.2 Propriétés de la concaténation

La concaténation est associative : $\forall u, \forall v, \forall w, (uv)w = u(vw)$

La concaténation possède pour élément neutre ϵ

$$|uv| = |u| + |v|$$

$$|u^n| = n.|u|, n \in N$$

La concaténation n'est pas commutative. En général, $uv \neq vu$.

2.3.3 Miroir

Définition 2.6 (Miroir)

La chaîne miroir d'une chaîne c est la chaîne formée par la suite des symboles composant c mais pris dans l'ordre inverse.

```
si u = 0101 alors miroir(u) = 1010.
si v = \epsilon alors miroir(v) = v = \epsilon.
```

2.4 Langage

Définition 2.7 (Langage)

Un langage défini sur un alphabet Σ est un ensemble de chaînes définies sur Σ .

2.4.1 Exemples

- 1. Σ_2 est le langage composé de toutes les chaînes de longueur 2 sur Σ
- 2. Σ^* est le langage composé de toutes les chaînes constructibles sur l'alphabet Σ
- 3. Pour tout langage L construit sur un alphabet Σ on a: $L \subseteq \Sigma^*$

2.4.2 Opérations sur les langages

Définition 2.8 (Réunion, Intersection de deux langages)

Soient L_1 et L_2 deux langages définis sur un alphabet Σ . $L_1 \cup L_2$ et $L_1 \cap L_2$ sont aussi deux langages définis sur Σ .

Définition 2.9 (Concaténation de deux langages)

Soient L_1 et L_2 deux langages définis sur un alphabet Σ .

 $L_1L_2 = \{uw/u \in L_1, w \in L_2\}$ est le langage obtenu par concaténation de L_1 et de L_2 .

2.4.3 Clôture de Kleene

Définition 2.10 (Clôture d'un langage)

Soit L un langage défini sur un alphabet $\Sigma.$

La clôture de Kleene du langage L, notée L^* est l'ensemble des chaînes qui peuvent être formées en prenant un nombre quelconque (éventuellement 0) de chaînes de L et en les concaténant.

$$\begin{array}{l} L^0=\{\epsilon\}\\ L^1=L\\ L^2=LL\\ L^i=LL...L,\, \text{la concaténation de i copies de L}\\ L^*=\bigcup_{i\geq 0}L^i \end{array}$$

Chapitre 3

Expressions régulières

Les expressions régulières sont une façon déclarative de décrire la formation des chaînes d'un langage. Si E est une expression régulière on notera L(E) le langage engendré par E.

3.1 Opérateurs * et |

Considérons l'alphabet $\Sigma = \{0,1\}$

- 1. Expression 1: 0*
 - Cette expression régulière décrit toutes les chaînes composées uniquement du symbole 0 ainsi que la chaîne vide ϵ .
- 2. Expression 2: 110*1
 - Cette expression régulière décrit les chaînes contenant deux fois le symbole 1 suivis d'un nombre quelconque de symboles 0, éventuellement nul, et du symbole 1.
- 3. 0*110*1
 - est la concaténation des expressions 1 et 2. Elle décrit les chaînes commençant par un nombre quelconque de 0 suivis de deux 1, suivi d'un nombre quelconque de 0 et d'un 1.
- $4. \ 0^* \mid 110^*1$
 - est l'expression régulière décrivant les chaînes générées soit par l'expression 1, soit par l'expression 2.

Les règles suivantes permettent de décrire les expressions régulières définies sur un alphabet Σ :

Définition 3.1 (Expressions régulières)

- 1. la chaîne vide ϵ et l'ensemble vide \emptyset sont des expressions régulières. $L(\epsilon) = \{\epsilon\}$ et $L(\emptyset) = \emptyset$.
- 2. $\forall a \in \Sigma$, la chaîne a formée de l'unique symbole a est une expression régulière.

- 3. Si E et E' sont des expressions régulières alors :
 - (a) EE' est une expression régulière, concaténation de E et E'. Elle décrit L(EE') = L(E)L(F)
 - (b) $E \mid E'$ est une expression régulière. Elle décrit $L(E \mid E') = L(E) \cup L(F)$
 - (c) (E) est une expression régulière, décrivant le même langage que E. L((E)) = L(E).
 - (d) E^* est une expression régulière. $L(E^*) = L(E)^*$

Définition 3.2 (Langage régulier)

Un langage régulier est un langage représenté par une expression régulière.

3.2 Exemples d'expressions régulières

3.3 Extension des notations

Soit E une expression régulière :

- Opérateur unaire +: au moins une fois $E^+ = EE^*$
- Opérateur unaire ?: 0 ou 1 fois $E? = E \mid \epsilon$
- Classes de caractères:

$$\begin{split} [abc] &= a \mid b \mid c \\ [a-z] &= a \mid b \mid c \mid \dots \mid z \\ [A-Ca-z] &= A \mid B \mid C \mid a \mid b \mid c \mid \dots \mid z \end{split}$$

3.4 Priorité des opérateurs

Les opérateurs unaires + et * ont la plus haute priorité. La concaténation a la deuxième plus haute priorité et est associative à gauche. | a la plus faible priorité et est associative à gauche.

Exemple: $(a) \mid ((b)^*(c))$ équivaut à $a \mid b^*c$

3.5 Lois algébriques sur les expressions régulières

Définition 3.3 (Expressions égales)

Deux expressions régulières sont égales si elles engendrent le même langage.

Propriétés

$$\begin{array}{l} E \mid E' = E' \mid E \\ E \mid (E' \mid E'') = (E \mid E') \mid E'' \\ \emptyset \mid E = E \mid \emptyset = E \\ E \mid E = E \end{array}$$

$$E(E'E'') = (EE')E''$$

$$\epsilon E = E\epsilon = E$$

$$\emptyset E = E\emptyset = \emptyset$$

$$E(E' \mid E'') = EE' \mid EE''$$

$$(E \mid E')E'' = EE'' \mid E'E''$$

commutativité de la réunion associativité de la réunion.

 \emptyset est l'élément neutre pour la réunion. idempotence de la réunion.

associativité de la concaténation.

 ϵ est l'élément unité pour la concaté nation. \emptyset est élément absorbant pour la concaté nation.

distributivité à gauche de la concaténation par rapport à la réunion. distributivité à droite de la concaténation

par rapport à la réunion.

Quelques conséquences

$$(E^*)^* = E^*$$

$$\emptyset^* = \epsilon$$

$$\epsilon^* = \epsilon$$

$$E^+ = EE^* = E^*E$$

$$E^+ \mid \epsilon = E^*$$

$$E? = E \mid \epsilon$$

$$p(qp)^* = (pq)^* p$$

$$(p|q)^* = (p * |q *)^*$$

$$(p * q *)^* = (p |q)^* = (p * |q *)^*$$

3.6 Définition régulière

Pour des raisons de commodité, il est possible de donner des noms explicites à des expressions régulières. On utilise le symbole \longrightarrow pour écrire leur définition.

Exemples:

```
lettre \longrightarrow [A-Za-z] chiffre \longrightarrow [0-9] id \longrightarrow lettre ( lettre | chiffre )* chiffres \longrightarrow chiffre (chiffre)* fraction \longrightarrow . chiffres | \epsilon exposant \longrightarrow E( + | - | \epsilon) chiffres | \epsilon nombre \longrightarrow chiffres fraction exposant A partir de cette définition :
```

CHAPITRE 3. EXPRESSIONS RÉGULIÈRES

– id reconnaît: a, a0b, begin

- nombre reconnaît: 0, 1.0, 2E4, 1.5E-8, 0.25E-0

– nombre ne reconnaît pas: 0., .1, 1E2.0

Chapitre 4

Expressions régulières et Langage de programmation

La plupart des langages de programmation intègrent des possibilités d'analyse de chaînes à partir d'expressions régulières. Ces possibilités étendent les opérateurs vus dans le chapitre précédent.

Des méthodes permettent de déterminer si la totalité d'une chaîne satisfait le patron d'une expression régulière ou si seulement une portion de la chaîne le satisfait. Dans ce cas, il est possible de recommencer plusieurs fois la recherche et de trouver l'ensemble des parties de la chaîne qui satisfont l'expression régulière.

4.1 Principales caractéristiques

4.1.1 Classes de caractères

[T]	
[]	Union des caractères entre les crochets
[^]	Complémentaire des symboles entre les crochets
[x-y]	L'un des symboles entre x et y
\d	[0-9]
\D	[^0-9]
\w	[a-zA-Z0-9]
\W	[^a-zA-Z0-9]
\s ou \p{Space}	[\t\n\x0B\f\r]
\S	$[^{t}n\x0B\f\r]$
\p{Lower}	Un caractère minuscule
$\P\{Upper\}$	Un caractère majuscule
\p{ASCII}	Un caractère dont le code ascii est compris entre 0 et 128
\p{Alpha}	Un caractère minuscule ou majuscule
\p{Alnum}	$\P{Alpha} \cup \P{Digit}$
\p{Punct}	[! "#\$%&'()*+,/:;<=>?@[\]^_'{ }~]
\P{Print}	$\P\{Alnum\} \cup \P\{Punct\}$
\p{Blank}	Caractères espace ou tabulation
\p{XDigit}	Un chiffre hexadécimal [0-9a-fA-F]
	Un caractère quelconque
$ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $	Union des classes cl1 et cl2
[< cl1 > && < cl2 >]	Intersection des classes cl1 et cl2

4.1.2 Groupes

Les parenthèses dans une expression régulière sont des méta symboles permettant de délimiter des groupes. Chaque groupe possède un rang unique. Pour connaître le rang d'un groupe dans une expression régulière, il suffit de compter le nombre de parenthèses ouvrantes le précédant. Le rang du groupe est égal à ce nombre de parenthèses.

Il est possible d'indiquer qu'un groupe est non capturant. Dans ce cas, le groupe n'a pas de rang attribué. Pour déterminer le rang d'un groupe, il faut retirer le nombre de groupes non capturant le précédant en appliquant la règle précédente. Dans une expression régulière, il est possible de faire référence à un groupe capturant précédent et de l'insérer dans le patron.

()	Groupe capturant	
(?:)	Groupe non capturant	
\n	Référence arrière au groupe capturant de rang n	

4.1.3 Caractères limites

ou \a	Début de chaîne
\$ ou \z	Fin de chaîne
(?m)^	Début de ligne ou de chaîne
(?m)\$	Fin de ligne ou de chaîne
\b	Début ou fin de mot
\B	Absence de début ou de fin de mot
\G	Fin du précédent groupe satisfaisant le gabarit

4.1.4 Facteurs de répétition

{n}	Exactement n occurrences d'une classe de caractères
+ ou {n,}	Au moins n occurrences d'une classe de caractères
{n,p}	De n à p occurrences d'une classe de caractères
?	0 ou 1 occurrence
*	Un nombre quelconque de fois, éventuellement zéro
*?, +?	Opérateurs passifs
?+, *+, ++	Opérateurs possessifs

Les opérateurs ?, *, +, {n,p} sont avides, c'est-à-dire qu'ils essaient de satisfaire le patron en utilisant le maximum de caractères possible. On peut les rendre passifs en leur adjoignant le symbole ?. Dans ce cas, ils essaient de satisfaire le patron en utilisant le minimum de caractères possible. On les rend possessifs en leur adjoignant le caractère +. Ils sont alors indépendants du contexte.

Il est à noter que l'opérateur *? est satisfait par une chaîne vide.

4.1.5 Caractères de prévision

(?=)	Prévision positive avant
(?!)	Prévision négative avant
(?<=)	Prévision positive arrière
(?)</th <th>Prévision négative arrière</th>	Prévision négative arrière

Les séquences de caractères de prévision permettent de faire des assertions, positives ou négatives sur les caractères qui suivent ou précèdent sans consommer de caractères: le pointeur dans la chaîne à partir duquel se fait l'analyse n'est pas avancé ou reculé selon les caractères satisfaisant le patron.

4.1.6 Drapeaux

(?i)	L'analyse est faite indépendamment de la casse des caractères,				
	minuscule ou majuscule				
(?m)	Pour rendre ^ et \$ début et fin de ligne ou de chaîne				
(?s)	Pour que le caractère . satisfasse n'importe quel caractère,				
	y compris le retour à la ligne				
(?-i)	Annule (?i)				
(?-m)	Annule (?m)				
(?-s)	Annule (?s)				
(?ims)	Pour plusieurs drapeaux				

4.2 Exemples

Les exemples suivant montrent des sous-chaînes satisfaisant un patron.

D.	\ 1.				
Patron	\d+				
Texte	rge5r43				
Résultat	5				
Patron	\p{Upper}+				
Texte	rgEF5r-4'3				
Résultat	EF				
Patron	(?i)(\w{1,3})(\d{1,2})\2\1				
Texte	-abC4141aBc-				
Résultat	abC4141aBc				
Patron	.*				
Texte	millions et des milliards				
Résultat	<pre>millions et des milliards</pre>				
Patron	.*?				
Texte	millions et des milliards				
Résultat	millions				
Patron	(?<=\D\d).(?=\d{2,})				
Texte	25.3a512b.3.5135				
Résultat	a				

4.3 Implémentation en Java

4.3.1 Classes

Classe java.util.regex.Pattern

Cette classe permet d'instancier des patrons basés sur une expression régulière. Ainsi, si patternString est une chaîne contenant une expression régulière, on peut créer un objet p de type Pattern:

Pattern p = Pattern.compile(patternString);

Classe java.util.regex.Matcher

Cette classe permet d'instancier des objets Matcher associés à un objet Pattern et basés sur une chaîne à tester. Ainsi si p est un objet de type Pattern et text une chaîne à tester, on peut créer un objet Matcher par:

Matcher m = p.matcher(text);

4.3.2 Méthodes de la classe Matcher

find

Cette méthode analyse la chaîne d'entrée en cherchant la prochaine séquence qui satisfait le patron.

matches

Cette méthode essaie de satisfaire la chaîne entière en regard du patron.

start

Cette méthode retourne le rang du premier caractère de la séquence qui satisfait le patron.

end

Cette méthode retourne le rang du dernier caractère de la séquence qui satisfait le patron.

group

Cette méthode retourne la chaîne qui satisfait le patron.

groupCount

Cette méthode retourne le nombre de groupes dans la chaîne qui satisfait le patron.

group(int n)

Cette méthode retourne le groupe de rang n dans la chaîne qui satisfait le patron.

appendReplacement(StringBuffer sb,String s)

Cette méthode ajoute au buffer la chaîne s en remplacement de la séquence qui satisfait le patron.

appendTail(StringBuffer sb)

Cette méthode ajoute au buffer la fin de la chaîne d'entrée.

4.3.3 Exemple de programme

```
import java.util.regex.Matcher;
import java.util.regex.Pattern;
public static void scan() {
 String patternString = "^.*?\\p{Alpha}|[.].*?\\p{Alpha}";
 String text = "il. est. conseillé de. souvent. rire.";
 Pattern p = Pattern.compile(patternString);
 Matcher m = p.matcher(text);
 StringBuilder sb = new StringBuilder();
 boolean found = m.find();
 while (found) {
   m.appendReplacement(sb,m.group().toUpperCase());
   found = m.find();
 }
 m.appendTail(sb);
 System.out.println(sb.toString());
}
```

Chapitre 5

Automate à états finis

5.1 Introduction

Les automates sont des modèles mathématiques qui prennent en entrée une chaîne de symboles et qui effectuent un algorithme de reconnaissance de la chaîne. Si l'algorithme se termine dans certaines conditions, l'automate est dit accepter la chaîne correspondante. Le langage reconnu par un automate est l'ensemble des chaînes qu'il accepte. La figure 5.1 représente un automate qui accepte toute chaîne comportant une suite de caractères 01.

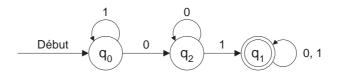


Fig. $5.1 - Exemple\ d'automate$

5.2 Automate fini déterministe - AFD

Définition 5.1 (AFD)

un automate fini déterministe (AFD) est un modèle mathématique qui consiste en:

- Q un ensemble d'états.
- $-\Sigma$ un ensemble de symboles d'entrée (alphabet).
- δ une fonction de transition qui prend comme argument un état et un symbole d'entrée et qui retourne un état. $\delta: Q \times \Sigma \longrightarrow Q$.
- $-q_0$, un état initial appartenant à Q.
- F, un ensemble d'états finals ou états d'acceptation, $F \subset Q$.

Un automate A est un quintuplet: $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$

5.2.1 Diagramme de transition - graphe d'automate

Un automate est représenté par un graphe orienté étiqueté, appelé $graphe\ de$ $transition\ tel\ que$:

- Pour chaque état $q, q \in Q$, il existe un nœud étiqueté q.
- Pour chaque état q et chaque symbole a de Σ tel que $\delta(q,a) = p$, il existe un arc du nœud q vers le nœud p étiqueté a.
- Les nœuds correspondant aux états de satisfaction (états appartenant à F) sont représentés par un cercle double.

Exemple: Soit le langage $L = \{w | w \text{ possède un nombre pair de } 0 \text{ et de } 1 \}$

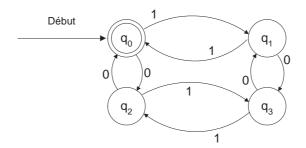


Fig. 5.2 – Le graphe du langage L

L'état q_0 correspond à un nombre pair de 0 et de 1

L'état q_1 correspond à un nombre impair de 1

L'état q_2 correspond à un nombre impair de 0

L'état q_3 correspond à un nombre impair de 0 et de 1

5.2.2 Table de transition

	0	1		
$^* \rightarrow q_0$	q_2	q_1		
q_1	q_3	q_0		$exemple: \delta(q_0,0) = q_2$
q_2	q_0	q_3	\rightarrow désigne l'état initial	
q_3	$ q_1 $	q_2	* désigne les états finals	

Définition 5.2 (Langage engendré par un automate - 1)

Le langage d'un automate à états finis déterministe est l'ensemble des chaînes obtenues sur tout chemin du graphe partant du nœud initial et s'achevant sur un nœud final.

5.2.3 Extension de la fonction de transition

La fonction de transition étendue appelée δ décrit ce qui se passe lorsqu'on se positionne dans un état quelconque de l'automate et que l'on suit une séquence

5.3. AUTOMATE FINI NON DÉTERMINISTE - AFN

quelconque d'entrées. $\hat{\delta}: Q \times \Sigma * \longrightarrow Q$ est définie par induction sur la longueur de la chaîne de symboles d'entrée par :

- $-\hat{\delta}(q,\epsilon) = q$
- Soit w = xa, a le dernier symbole de w et x la chaîne contenant tous les autres symboles de w,

si
$$\hat{\delta}(q,x) = p$$
, alors $\hat{\delta}(q,w) = \delta(p,a) = \delta(\hat{\delta}(q,x),a)$

5.2.4 Exemple

L'automate de la section 5.2.1, à partir de l'entrée 110101 possède la fonction de transition $\hat{\delta}$ telle que :

$$\begin{split} \hat{\delta}(q_0,\epsilon) &= q_0 \\ \hat{\delta}(q_0,1) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,\epsilon),1) = \delta(q_0,1) = q_1 \\ \hat{\delta}(q_0,11) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,1),1) = \delta(q_1,1) = q_0 \\ \hat{\delta}(q_0,110) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,11),0) = \delta(q_0,1) = q_2 \\ \hat{\delta}(q_0,1101) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,110),1) = \delta(q_2,1) = q_3 \\ \hat{\delta}(q_0,11010) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,1101),0) = \delta(q_3,1) = q_1 \\ \hat{\delta}(q_0,110101) &= \delta(\hat{\delta}(q_0,11010),1) = \delta(q_1,1) = q_0 \end{split}$$

Définition 5.3 (Langage engendré par un automate - 2)

Le langage d'un automate à états finis déterministe $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ est défini par : $L(A) = \{w \mid \hat{\delta}(q_0, w) \in F\}$

Théorème 5.1

Pour tout automate à états finis déterministe A, il existe une expression régulière R, telle que L(A) = L(R)

5.3 Automate fini non déterministe - AFN

5.3.1 Exemple

Un automate non déterministe possède un nombre fini d'états, un ensemble fini de symboles d'entrée, un état de départ et un ensemble d'états finals. Il possède une fonction de transition, mais la différence avec un automate déterministe est que cette fonction renvoie un ensemble d'états.

La figure 5.3 représente un automate non déterministe dont le travail est de n'accepter que les chaînes composées de 0 et de 1 et terminées par la séquence 01. Il reste en l'état q_0 tant qu'il n'a pas deviné que l'ultime séquence n'a pas commencé.

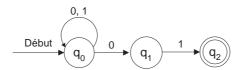


Fig. 5.3 – Exemple d'automate non déterministe

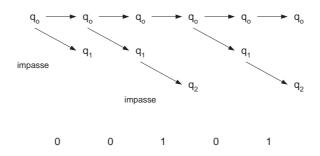


Fig. 5.4 – Reconnaissance de la chaîne 00101

5.3.2 Définition

Définition 5.4 (Automate non déterministe)

Un automate non déterministe est un quintuplet $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ où:

- Q est un ensemble fini d'états.
- $-\Sigma$ est un ensemble fini de symboles d'entrée.
- $-q_0$ l'état initial $(q_0 \in Q)$.
- F, sous-ensemble de Q, est l'ensemble des états finals.
- δ , la fonction de transition, qui prend en argument un état et un symbole d'entrée et qui retourne un ensemble d'états. $\delta: Q \times \Sigma \longrightarrow \mathcal{P}(Q)$

La différence entre un AFD et un AFN tient dans la nature de la fonction de transition. L'AFN représenté par la figure 5.3 est spécifié formellement par :

$$A = (\{q_0, q_1, q_2\}, \{0, 1\}, \delta, q_0, \{q_2\})$$

Sa table de transition est la suivante:

5.3.3 Extension de la fonction de transition

La fonction de transition δ est étendue à une fonction $\hat{\delta}$ par :

$$- \hat{\delta}(q, \epsilon) = \{q\}$$

5.4. AUTOMATE FINI AVEC ϵ -TRANSITIONS (ϵ -AFN)

– Pour tout $w \neq \epsilon$, w = xa où a est le symbole final de w et x le reste de w. En supposant que

$$- \hat{\delta}(q,x) = \{p_1, p_2, \dots, p_k\}$$

$$- \bigcup_{i=1}^k \delta(p_i, a) = \{r_1, r_2, \dots, r_m\}$$
alors $\hat{\delta}(q, w) = \{r_1, r_2, \dots, r_m\}$

5.3.4 Exemple

L'automate de la section 5.3.1, à partir de la l'entrée 00101 donne la fonction $\hat{\delta}$ telle que :

$$\begin{split} \hat{\delta}(q_0,\epsilon) &= \{q_0\} \\ \hat{\delta}(q_0,0) &= \delta(q_0,0) = \{q_0,q_1\} \\ \hat{\delta}(q_0,00) &= \delta(q_0,0) \cup \delta(q_1,0) = \{q_0,q_1\} \cup \emptyset = \{q_0,q_1\} \\ \hat{\delta}(q_0,001) &= \delta(q_0,1) \cup \delta(q_1,1) = \{q_0\} \cup \{q_2\} = \{q_0,q_2\} \\ \hat{\delta}(q_0,0010) &= \delta(q_0,0) \cup \delta(q_2,0) = \{q_0,q_1\} \cup \emptyset = \{q_0,q_1\} \\ \hat{\delta}(q_0,00101) &= \delta(q_0,1) \cup \delta(q_1,1) = \{q_0\} \cup \{q_2\} = \{q_0,q_2\} \end{split}$$

Définition 5.5 (Langage d'un AFN)

Soit $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ un AFN, alors le langage engendré par l'automate A est défini par $L(A) = \{w \mid \hat{\delta}(q_0, w) \cap F \neq \emptyset\}$

5.4 Automate fini avec ϵ -transitions (ϵ -AFN)

5.4.1 introduction

Les automates finis possédant des ϵ -transitions sont des automates pouvant faire spontanément des transitions. Les arcs correspondants sont étiquetés par le symbole ϵ et ne consomment aucun caractère de la chaîne d'entrée.

5.4.2 Définition

La définition d'un automate avec ϵ -transitions est similaire à celle d'un automate non déterministe. La fonction de transition inclut des informations sur les transitions concernant ϵ .

Définition 5.6 (Automate avec ϵ -transitions)

Un automate non déterministe avec ϵ -transitions est un quintuplet $A=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$ où :

- Q est un ensemble fini d'états

- Σ est un ensemble finis de symboles d'entrée
- $-q_0$ l'état initial $(q_0 \in Q)$
- F, sous-ensemble de Q, est l'ensemble des états finals
- δ , la fonction de transition, qui prend en argument un état et un élément de $\Sigma \cup \{\epsilon\}$ et qui retourne un ensemble d'états

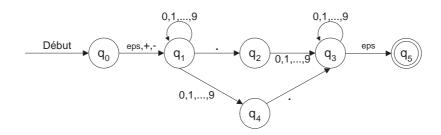


Fig. 5.5 – Exemple d'automate fini non déterministe avec ϵ -transitions

 $L'\epsilon$ -AFN de la figure 5.5 est représenté de façon formelle par :

$$A = (\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5\}, \{., +, -, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}, \delta, q_0, \{q_5\})$$

Sa table de transition est la suivante:

	ϵ	+, -		$0, 1, \ldots, 9$	_
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	$\{q_1\}$	Ø	Ø	-
q_1	Ø	Ø	$\{q_2\}$	$\{q_1,q_4\}$	
q_2	Ø	Ø	Ø	$\{q_3\}$	$F = \{q_5\}$
q_3	$\{q_5\}$	Ø	Ø	$\{q_3\}$	
q_4	Ø	Ø	$\{q_3\}$	Ø	
* q_5	Ø	$ \emptyset$	Ø	Ø	

5.5 Automates finis et expressions régulières

Les automates finis et les expressions régulières, bien que d'aspect totalement différents permettent de représenter exactement la même catégorie de langages.

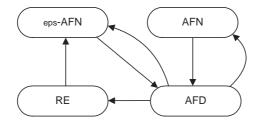


Fig. 5.6 – Equivalence des quatre notions

Passage d'un AFD à une expression régulière 5.5.1

Théorème 5.2

Soit L(A) le langage défini par un AFD, A. Il existe une expression régulière R, telle L(R) = L(A).

Démonstration

Soit A un AFD ayant n états. Soit $\{1, 2, ..., n\}$ l'ensemble de ses états.

Notons $R_{ij}^{(k)}$ le nom de l'expression régulière dont le langage est l'ensemble des chaînes w construites sur un chemin allant de l'état i à l'état j qui ne passe pas par un état dont le rang est supérieur à k.

Lorsque k = 0 il n'y a que deux possibilités:

- si i=j on ne considère que le nœud i lui-même; les chemins légaux sont le chemin de longueur 0 étiqueté ϵ et les boucles sur l'état i.
 - $R_{ij}^{(0)} = \epsilon$ lorsqu'il n'y a pas de transition
 - $R_{ij}^{(0)} = \epsilon \mid a$ lorsqu'il n'y a qu'une transition étiquetée a
 - $R_{ii}^{(0)} = \epsilon \mid a_1 \mid a_2 \mid \dots \mid a_p$ lorsqu'il y a p transitions
- si $i \neq j$ on ne considère que les arcs reliant le nœud i au nœud j.
 - $-R_{ij}^{(0)} = \emptyset$ lorsqu'il n'y a pas de transition
 - $R_{ii}^{(0)}=a$ lorsqu'il n'y a qu'une transition étiquetée a
 - $R_{ij}^{(0)}=a_1\mid a_2\mid \ldots\mid a_p$ lorsqu'il y a p
 transitions étiquetées de a_1 à a_p

Récurrence : Lorsque $k \neq 0$

On considère les chemins allant du nœud i au nœud j passant par des nœuds dont l'indice est \leq k.

Un chemin peut ne pas passer par le nœud k et dans ce cas son étiquette est décrite par $R_{ij}^{(k)}=R_{ij}^{(k-1)}$

Un chemin peut passer par le nœud k au moins une fois et repasser éventuellement par ce même nœud puis terminer sur le nœud j. Dans ce cas son étiquette satisfait l'expression régulière:

$$R_{ik}^{(k-1)}(R_{kk}^{(k-1)}) * R_{kj}^{(k-1)}$$

Par suite :
$$R_{ij}^{(k)} = R_{ij}^{(k-1)} \mid R_{ik}^{(k-1)}(R_{kk}^{(k-1)}) * R_{kj}^{(k-1)}$$

 $R_{ij}^{(k)}$ ne dépend que d'expressions de degré inférieur à k et l'expression régulière décrivant un AFD est donnée par :

$$R_{1p_1}^{(n)} \mid R_{1p_2}^{(n)} \mid \dots \mid R_{1p_m}^{(n)}$$
 où les nœuds p_1, p_2, \dots, p_m sont les nœuds finals.

Illustration

L'automate de la figure 5.7 correspond à la partie droite de l'automate de la figure 5.1 où q_1 et q_2 ont pour noms 3 et 2.

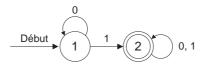


Fig. 5.7 – Automate simple

D'après les définitons précédentes:

$R_{11}^{(0)}$	$ \epsilon 0$
$R_{12}^{(0)}$	1
$R_{21}^{(0)}$	Ø
$R_{22}^{(0)}$	$\epsilon \mid 0 \mid 1$

De manière générale, d'après l'hypothèse de récurrence : $R_{ij}^{(1)} = R_{ij}^{(0)} \mid R_{i1}^{(0)}(R_{11}^{(0)}) * R_{1j}^{(0)}$ On obtient :

	Par substitution directe	Simplification
$R_{11}^{(1)}$	$\epsilon \mid 0 \mid (\epsilon \mid 0)(\epsilon \mid 0)^*(\epsilon \mid 0)$	0*
	$1 \mid (\epsilon \mid 0)(\epsilon \mid 0)*1$	0*1
$R_{21}^{(1)}$	$\emptyset \mid \emptyset(\epsilon \mid 0)^*(\epsilon \mid 0)$	Ø
$R_{22}^{(1)}$	$\epsilon \mid 0 \mid 1 \mid \emptyset(\epsilon \mid 0)^*1$	$\mid \epsilon \mid 0 \mid 1$

Puis: $R_{ij}^{(2)} = R_{ij}^{(1)} \mid R_{i2}^{(1)}(R_{22}^{(1)}) * R_{2j}^{(1)}$

	Par substitution directe	Simplification
$R_{11}^{(2)}$	$0^* \mid 0^*1(\epsilon \mid 0 \mid 1)^*$	0*
$R_{12}^{(2)}$	$0*1 \mid 0*1(\epsilon \mid 0 \mid 1)*(\epsilon \mid 0 \mid 1)$	0*1(0 1)*
$R_{21}^{(2)}$	$0*1 0*1(\epsilon 0 1)*(\epsilon 0 1)$ $\emptyset (\epsilon 0 1)(\epsilon 0 1)*\emptyset$	Ø
$R_{22}^{(2)}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
	$(\epsilon \mid 0 \mid 1)$	$(0 1)^*$

L'expression $R_{12}^{(2)}$ donne le résultat. Reprenons l'automate de la figure 5.1 et rebaptisons respectivement q_0 , q_1 et q_2 en 3, 1 et 2. l'expression régulière à déterminer est : $R_{32}^{(3)}$

On démontre aisément que
$$R_{13}^{(3)} = R_{13}^{(2)} = R_{13}^{(1)} = R_{13}^{(0)} = \emptyset$$

Par suite $R_{12}^{(3)} = R_{12}^{(2)} = 0*1(0 \mid 1)*$ et $R_{32}^{(3)} = 1*00*1(0 \mid 1)*$

5.5.2 Méthode par élimination d'états

La méthode précédente est très pénalisante en nombre d'expressions à créer. Pour n états, il faut considérer n^3 expressions.

Une autre méthode consiste à éliminer des états de l'automate sans changer le langage qu'il définit. Lorsqu'on élimine un état s, tous les chemins allant d'un état q à

5.5. AUTOMATES FINIS ET EXPRESSIONS RÉGULIÈRES

un état p et passant par s n'existent plus. Comme le langage de l'automate ne doit pas changer, il faut créer un chemin allant de q à p. L'étiquette de celui-ci comporte une chaîne et non plus un seul symbole. On considère ainsi des automates dont les étiquettes des arcs sont des expressions régulières. Les automates déjà rencontrés en sont des cas particuliers puisque tout symbole peut être considéré comme une expression régulière.

Le langage de l'automate est l'union de tous les chemins allant de l'état initial jusqu'à un état d'acceptation. Pour éliminer un état s, il faut considérer tous les chemins allant d'un état q à un état p et passant par s. L'état q peut-être identique à l'état p mais s est distinct des états q et p.

Cas général : l'arc qs est étiqueté par une expression régulière Q; l'arc sp est étiqueté par l'expression régulière P et l'état s possède une boucle étiquetée par l'expression régulière S.

Un tel chemin q, s, p sera remplacé par un chemin q, p étiqueté par QS * P.

Elimination d'un état

La figure 5.8 montrent un stade auxquel on peut arriver après avoir supprimé tous les états exceptés l'état initial et les états d'acceptation. Dans ce cas l'expression régulière associée à l'automate est: $(R \mid SU*T)*SU*$, (R, U, T) peuvent être l'expression \emptyset).

Fig. 5.8 – Cas général: deux états

La figure 5.9 montre le stade auxquel on arrive lorsque l'état initial est un état d'acceptation. Dans ce cas l'expression régulière associée à l'automate est : R*.



Fig. 5.9 – Cas général: un état

Dans le cas général, il reste plusieurs chemins issus de l'état intial et s'achevant sur un état d'acceptation différent. L'expression régulière résultante est alors la disjonction des expressions régulières similaires aux précédentes.

La figure 5.10 montre un stade possible lorsque deux états d'acceptation sont situés sur le même chemin. L'expression résultante est la disjonction des expressions régulières obtenues en éliminant un des états d'acceptation. L'expression régulière correspondant à l'automate de la figure 5.10 est: $R*SU*T \mid R*SU*$.

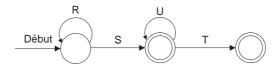


Fig. 5.10 – Deux états d'acceptation

5.5.3 Passage d'un AFN à un AFD

Algorithme

- 1. Soit $E = \{q_0\}$.
- 2. Construire $E^{(1)}(a) = \delta(E,a) = \bigcup_{q \in E} \delta(q,a)$ pour tout $a \in \Sigma$.
- 3. Recommencer 2 pour toute transition et pour chaque nouvel ensemble $E^{(i)}(a)$.
- 4. Tous les ensembles d'états $E^{(i)}(a)$ contenant au moins un état final deviennent des états finals.
- 5. Renuméroter les ensembles d'états en tant que simples états.

Exemple

Considérons l'AFN défini par la table de transition suivante:

Par application de l'algorithme, on obtient le tableau de gauche puis en substituant par un nom unique les ensembles d'états on obtient le tableau de droite, table de transition de l'automate fini déterministe recherché.

état	a	b
q_0	q_0, q_2	q_1
q_0, q_2	q_0, q_2, q_3, q_4	q_1, q_2
q_1	q_3	q_0, q_2
q_0, q_2, q_3, q_4	q_0, q_2, q_3, q_4	q_1, q_2, q_3
q_1, q_2	q_3, q_4	q_0, q_2
q_3	q_2	q_1
q_1, q_2, q_3	q_2, q_3, q_4	q_0, q_1, q_2
q_3, q_4	q_2	q_1, q_3
q_2	q_3, q_4	q_2
q_2, q_3, q_4	q_2, q_3, q_4	q_1, q_2, q_3
q_0, q_1, q_2	q_0, q_2, q_3, q_4	q_0, q_1, q_2
q_1, q_3	q_2, q_3	q_0, q_1, q_2
q_2, q_3	q_2, q_3, q_4	q_1, q_2

	l h
a	b
1	2
3	4
5	1
3	6
7	1
8	2
9	10
8	11
7	8
9	6
3	10
12	10
9	4
	1 3 5 3 7 8 9 8 7 9 3 12

0 état initial; $F = \{1, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$

5.5.4 Passage d'un ϵ -AFN à un AFD

ϵ -fermeture

Définition 5.7

L' ϵ -fermeture d'un état q est l'ensemble des états obtenus en suivant des ϵ -transitions à partir de q.

Règles d'appartenance:

- $q \in \epsilon$ -fermeture(q)
- si $p \in \epsilon$ -fermeture(q) et s'il existe une ϵ -transition entre p et un état r alors $r \in \epsilon$ -fermeture(q).

Définition 5.8

L' ϵ -fermeture d'un ensemble d'états Q est l'ensemble des états obtenus en suivant des ϵ -transitions à partir de tout état de Q.

Construction de l'e-fermeture d'un ensemble d'états

```
pour tout e \in Q

empiler\ e\ dans\ la\ pile\ P

initialiser\ \epsilon\text{-}fermeture(Q)\ avec\ Q

tant\ que\ P\ est\ non\ vide\ faire

dépiler\ P\ dans\ s

pour\ chaque\ état\ q\ tel\ qu'il\ existe\ un\ arc\ \epsilon\ de\ s\ vers\ q

si\ q\ n'est\ pas\ dans\ \epsilon\text{-}fermeture(Q)\ alors

ajouter\ q\ dans\ \epsilon\text{-}fermeture(Q)

empiler\ q\ dans\ P
```

Algorithme

- Partir de H, l' ϵ -fermeture de l'état initial.
- Construire $E^{(1)}$, l'ensemble des états obtenus à partir de H par la transition a. Déterminer l' ϵ -fermeture de $E^{(1)}$ et la réunir avec $E^{(1)}$. $H^{(1)} = E^{(1)} \cup \epsilon$ -fermeture $(E^{(1)})$.
- Recommencer l'étape 2 avec les autres transitions et tant qu'il y a de nouveaux états créés.
- Tous les nouveaux états contenant au moins un état final sont des états finals.
- Renommer les états obtenus.

Exemple

Considérons l' ϵ -AFN défini par la table de transition suivante :

éta	t	ϵ	a	b	c	_
q	/0 /1 /2 /3	$egin{array}{c} q_1 \\ \emptyset \\ q_0 \\ \emptyset \\ q_2 \end{array}$	$egin{array}{c} q_2 \\ q_3 \\ \emptyset \\ \emptyset \\ \emptyset \end{array}$	$egin{array}{c} \emptyset \ q_4 \ \emptyset \ q_1 \ \emptyset \end{array}$	q_0 \emptyset q_1, q_4 \emptyset q_3	q_0 état initial; $F = \{q_4\}$

- $-\epsilon$ -fermeture($\{q_0\}$) = $\{q_0, q_1\}$
- ϵ -fermeture($\{q_2, q_3\}$) = $\{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
- $-\epsilon$ -fermeture($\{q_1, q_4\}$) = $\{q_0, q_1, q_2, q_4\}$

- ...

état	a	b	c
q_0, q_1	q_0, q_1, q_2, q_3	q_0, q_1, q_2, q_4	q_0, q_1
q_0, q_1, q_2, q_3	q_0, q_1, q_2, q_3	q_0, q_1, q_2, q_4	q_0, q_1, q_2, q_4
q_0, q_1, q_2, q_4	q_0, q_1, q_2, q_3	q_0, q_1, q_2, q_4	q_0, q_1, q_2, q_3, q_4
q_0, q_1, q_2, q_3, q_4	$ q_0, q_1, q_2, q_3 $	q_0, q_1, q_2, q_4	$ q_0, q_1, q_2, q_3, q_4 $

En renommant les états, on obtient:

état	a	b	c	
0	1	2	0	
1	1	2	2	$F = \{2, 3\}$
2	1	2	3	
3	1	2	3	

5.5.5 Conversion d'une expression régulière en ϵ -AFN

Théorème 5.3

Tout langage défini par une expression régulière est également défini par un automate fini.

5.5. AUTOMATES FINIS ET EXPRESSIONS RÉGULIÈRES

Si L(R) est le langage dénoté par une expression régulière R, on démontre qu'il existe un ϵ -AFN, A, tel que L(A) = L(R).

La preuve, basée sur les constructions de Thompson, est construite par récurrence à partir des expressions régulières de base. Tous les automates construits sont des ϵ -AFN ayant un unique état d'acceptation, ce qui n'introduit pas de restriction. Il faut combiner les automates au fur et à mesure pour construire des automates composites acceptant les opérations :

- Union (|)
- Concaténation
- Fermeture (*)

La figure 5.11 montre les automates correspondant aux expressions de base.

- -a) L = \emptyset
- b) L = $\{\epsilon\}$
- $c) L = \{a\}$

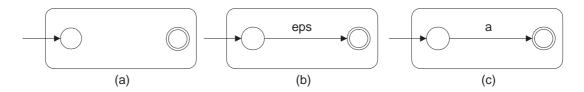


Fig. $5.11 - \emptyset$, ϵ , symbole

La figure 5.12 montre l'automate construit à partir de la disjonction de deux expressions régilières.

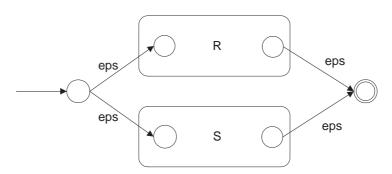


Fig. $5.12 - R \mid S$

La figure 5.13 montre l'automate construit à partir de la concaténation de deux expressions régilières.

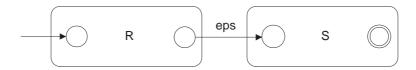


Fig. 5.13 - R S

La figure 5.14 montre l'automate construit à partir de la fermeture d'une expression régulière.

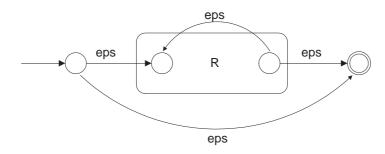


Fig. $5.14 - R^*$

Chapitre 6

Analyse Lexicale

6.1 Rôle d'un l'analyseur lexical

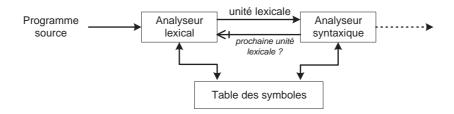


Fig. 6.1 – Rôle de l'analyseur lexical

6.1.1 Introduction

L'analyse lexicale doit permettre de déterminer correctement les chaînes comprises dans le programme source. Ainsi dans l'instruction Pascal suivante:

$$aire := base * hauteur/2$$
 (6.1)

L'analyse lexicale reconnaît les lexèmes suivants:



6.1.2 Fonctions de l'analyseur lexical

- La tâche principale d'un analyseur lexical est de lire les caractères d'entrée et produire comme résultat une suite d'unités lexicales que l'analyseur syntaxique va utiliser.
- C'est en général un sous-module de l'analyseur syntaxique qui lui commande la prochaine unité lexicale à extraire.

- Autres tâches
 - initialiser la table des symboles.
 - éliminer les commentaires et les séparateurs.
 - relier les erreurs de compilation au programme source ("erreur en ligne ...").

6.1.3 Intérêts de l'analyse lexicale

- Conception modulaire plus simple du compilateur.
- Simplification de l'écriture de l'analyseur syntaxique.
- Efficacité accrue du compilateur.
- Portabilité accrue (modifications de l'alphabet d'entrée).
- Existence de techniques générales d'analyse lexicale.

6.2 Description

6.2.1 Définitions

Définition 6.1 (Lexème)

Un lexème est une chaîne de caractères.

Définition 6.2 (Unité lexicale)

Une unité lexicale est un type de lexèmes (pour la syntaxe).

Définition 6.3 (Modèle)

Un modèle est une règle décrivant les chaînes qui correspondent à une unité lexicale.

Définition 6.4 (Attribut)

Un attribut est une information additionnelle (pour la sémantique).

Un analyseur lexical est un programme qui reconnaît des unités lexicales. Les expressions régulières permettent d'exprimer les unités lexicales. Donc:

- Un analyseur lexical est un programme qui reconnaît des expressions régulières.
- Pour écrire un analyseur lexical, il suffit d'écrire un programme simulant un AFD (automate fini déterministe).

6.2.2 Exemple

Après l'analyse lexicale de l'expression aire := base * hauteur / 2 La chaîne source est divisée en tokens lexicaux ou lexèmes grâce à un analyseur

lexical.

lexèmes	unité lexicale	Attribut
aire	identificateur	pointeur vers la table des symboles
:=	op-affectation	aucun
base	identificateur	pointeur vers la table des symboles
*	op-arithmétique	code
<	op-relation	code

En pratique les unités lexicales n'ont qu'un seul attribut, un pointeur vers la table des symboles dans laquelle l'information sur l'unité lexicale est conservée. Les définitions régulières qui en permettent l'analyse pourraient être :

```
lettre \longrightarrow [A-Za-z] chiffre \longrightarrow [0-9] chiffres \longrightarrow chiffre (chiffre)* identificateur \longrightarrow lettre ( lettre | chiffre )* fraction \longrightarrow . chiffres | \epsilon exposant \longrightarrow E( + | - | \epsilon) chiffres | \epsilon nombre \longrightarrow chiffres fraction exposant op-affectation \longrightarrow := op-relation \longrightarrow = | < | > | <> | \leq | \geq op-arithmétique \longrightarrow * | / | + | -
```

6.3 Constructions de l'analyseur lexical

6.3.1 Principe

La figure 6.2 représente la démarche d'analyseur lexical.

- Les unités lexicales sont définies par des expressions régulières.
- A chaque unité lexicale $\mathbf{u}_1, \, \mathbf{u}_2, \, \dots \, \mathbf{u}_n$ est associé un AFN.
- Un AFN général est bâti à partir de ces AFN.

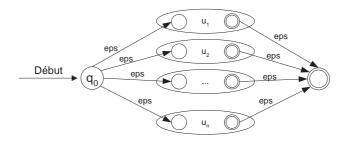


Fig. $6.2 - \epsilon$ -AFN pour un analyseur lexical

6.3.2 Ecœuils

Prévision

Les analyseurs lexicaux sont obligés pour reconnaître certaines constructions de langages de programmation, de lire des caractères en avant au-delà de la fin d'un lexème avant de déterminer avec certitude l'unité lexicale correspondante.

Ambiguïté

- Plusieurs modèles peuvent représenter le même lexème:
 - . Le prochain token le plus long est celui qui vérifie une expression régulière.
 - . Le premier modèle (la première expression régulière) qui est vérifié détermine l'unité lexicale du token (Il y a un ordre dans l'écriture des définitions régulières).
- Les mots clés sont des mots réservés et ne peuvent servir d'identificateurs :
 - . Comme les mots-clés sont des suites de lettres, ils sont des exceptions au modèle "identificateur". Plutôt que de définir un modèle particulier, une astuce consiste à traiter les mots-clés comme des identificateurs particuliers. On les recherche à l'aide de l'exécution d'un code particulier lorsque l'automate se trouve en état d'acceptation.

- Exemples:

- . if8 est un identificateur (règle du plus long).
- . if 8 est une erreur (une parenthèse est en général requise après if).
- . if est un mot réservé.

6.3.3 Compromis: temps d'exécution - place occupée

Problème: Pour une expression régulière r, déterminer si une chaîne $x \in L(r)$.

- A l'aide d'un AFN
 - . Temps de construction : $\mathcal{O}(|r|)$
 - . Nombre d'états $\leq |r|$.
 - . Au plus deux transitions par état.
 - . Taille de la table: $\mathcal{O}(|r|)$
 - . Temps d'analyse $\mathcal{O}(|r| \times |x|)$.
 - . Plutôt utilisé lorsque les chaînes x ne sont pas très longues
- A l'aide d'un AFD
 - . On construit d'abord un AFN à partir de la construction de Thompson, puis on le transforme en AFD.
 - . Grâce à certains algorithmes, on peut simuler l'AFD résultant sur une chaîne x en un temps proportionnel à |x| indépendamment du nombre d'états. Place occupée: $\mathcal{O}(2^{|r|})$

6.3. CONSTRUCTIONS DE L'ANALYSEUR LEXICAL

- . Cette approche est avantageuse lorsque les chaînes d'entrée sont longues.
- Evaluation paresseuse : ne calculer de l'AFD que la partie effectivement utilisée par la chaîne à tester.

. Bon compromis général.

Chapitre 7

Grammaires hors contexte

7.1 Introduction

7.1.1 Existence de langages non réguliers

Théorème 7.1

Il existe des langages non réguliers.

Considérons le langage $L_{01} = \{0^n 1^n \mid n \ge 1\}$. Il consiste en un nombre quelconque de 0 suivi du même nombre de 1. Ce langage n'est pas régulier.

Démonstration rapide

Si ce langage est régulier alors il existe un AFD le dénotant. Cet AFD a un nombre fini d'états (k par exemple). Considérons l'AFD lisant une chaîne commençant par des 0. Il est possible de trouver deux nombres i et j différents tels que, après avoir lu les préfixes 0^i et 0^j , l'AFD soit dans le même état (sinon l'AFD aurait un nombre infini d'états).

Considérons qu'à partir de ce moment, l'AFD lise des 1. S'il existait un état final, l'AFD l'attendrait après avoir lu p caractères 1.

Or p ne pourra être simultanément égal à i et à j.

7.1.2 Exemple: fragment de grammaire

 $S \longrightarrow \epsilon$

 $S \longrightarrow 0$

 $S \longrightarrow 1$

 $S \longrightarrow 0S0$

 $S \longrightarrow 1S1$

Cette grammaire permet de définir le langage des palindromes sur {0,1}

7.2 Définition formelle

Définition 7.1 (Grammaire hors contexte - CFG)

Une grammaire hors contexte (en anglais Context Free Grammar) est définie par 4 éléments:

- T: un alphabet, ensemble fini non vide de symboles permettant de composer les chaînes du langage. Cet alphabet est appelé ensemble des symboles terminaux ou terminaux.
- V: Un ensemble fini non vide de variables, appelées non terminaux ou catégories syntaxiques. $T \cap V = \emptyset$.
- S: une variable particulière appelée symbole de départ
- P: un ensemble fini non vide de règles de production
 - . de forme $A \longrightarrow \alpha$
 - . où A est une variable et α une chaîne de 0 ou plus terminaux et variables.
 - . Les parties gauche et droite de la flèche sont appelées les tête et corps de la production.
 - . $P \subset \{(A,\alpha) \mid A \in V; \alpha \in (V \cup T)*\}$

Une grammaire G est donc un quadruplet G = (T, V, S, P)

7.2.1 Conventions d'écriture

```
Minuscules de début d'alphabet (a,b,c) symboles terminaux Majuscules de fin d'alphabet (M,X,Z) chaînes de terminaux Majuscules de fin d'alphabet (M,X,Z) terminaux ou variables Lettres grecques (\alpha,\beta) chaînes de terminaux et de variables
```

7.3 Exemples

7.3.1 Grammaire des palindromes sur $\{0,1\}$

```
T = \{0,1\}
V = \{S\}
S: \text{ symbole de départ }
P = \{
S \longrightarrow \epsilon
S \longrightarrow 0
S \longrightarrow 1
S \longrightarrow 0S0
S \longrightarrow 1S1
\}
```

7.3.2 Petit sous-ensemble de la grammaire française

```
T = \{ d_m, d_f, nom_m, nom_f, vb \}
V = \{ PH, GN, N, V, D \}
S = PH
P = {
    PH \longrightarrow GN V GN
    GN \longrightarrow DN
    N \longrightarrow nom_m
    N \longrightarrow nom_f
    D \longrightarrow d_m
    D \longrightarrow d_-f
    V \longrightarrow vb
Les symboles terminaux sont des identifiants d'unités lexicales définies par exemple
par:
                     "le"
 d_m
 d f
                     "la"
                     "chat"
 nom_m \longrightarrow
 nom_f
                     "balle"
                     "regarde"
 vb
```

Quelques chaînes syntaxiquement correctes

- 1. le chat regarde la balle (sémantiquement correct)
- 2. la balle regarde le chat (sémantiquement incorrect)
- 3. le chat regarde le balle (accord incorrect)

Utilisation des règles

```
\begin{array}{l} PH \implies GN\ V\ GN \implies D\ N\ V\ GN \\ \implies d\_m\ N\ V\ GN \implies d\_m\ nom\_m\ V\ GN \\ \implies d\_m\ nom\_m\ vb\ GN \implies d\_m\ nom\_m\ vb\ D\ N \\ \implies d\_m\ nom\_m\ vb\ d\_f\ N \implies d\_m\ nom\_m\ vb\ d\_f\ nom\_f \end{array}
```

Et après substitution par les lexèmes correspondants:

"le chat regarde la balle"

7.4 Dérivation

7.4.1 Extension des règles de production

Pour définir le langage engendré par une grammaire, on définit chacune des chaînes ainsi :

- Choisir une règle dont la tête est le symbole de départ

- Remplacer une des variables du corps de la chaîne produite par le corps de l'une de ses productions
- Continuer jusqu'à ce que le corps ne contiennent plus que des symboles terminaux

Soient G = (T, V, S, P) une grammaire et $\alpha A \beta$ une chaîne telle que :

- $\alpha \in (V \cup T)^*$
- $\beta \in (V \cup T)^*$
- $A \in V$
- . et $A \longrightarrow \gamma$ une production de G

alors:

. $\alpha A\beta$ se dérive selon G en $\alpha\gamma\beta$

et on écrit:

.
$$\alpha A\beta \underset{\sim}{\Longrightarrow} \alpha \gamma \beta$$
 ou plus simplement $\alpha A\beta \underset{\sim}{\Longrightarrow} \alpha \gamma \beta$

Il est possible d'étendre la relation \Rightarrow en $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ pour représenter 0, 1 ou plusieurs pas de dérivation.

Pour tout $\alpha \in (V \cup T)^*$ on écrit

- $\alpha \stackrel{*}{\Longrightarrow} \alpha$
- . Si $\alpha \stackrel{*}{\Longrightarrow} \beta$ et $\beta \Longrightarrow \gamma$ alors $\alpha \stackrel{*}{\Longrightarrow} \gamma$

Définition 7.2 (Langage engendré par une grammaire)

Le langage défini par la grammaire G=(T,V,S,P) appelé L(G) est l'ensemble des chaînes dérivées du symbole de départ :

$$L(G) = \{ w \in T^* \mid S \underset{G}{\overset{*}{\Longrightarrow}} w \}$$

Remarque importante : Une grammaire définit un seul langage. Par contre, un même langage peut être engendré par plusieurs grammaires différentes.

Définition 7.3 (Syntagme)

Etant donnée une grammaire G=(T,V,S,P), un syntagme α est une chaîne de $(T\cup V)*$ telle que $S\stackrel{*}{\Longrightarrow}\alpha$.

Définition 7.4 (Dérivation terminale)

Une dérivation terminale w est un syntagme appartenant à $T*: S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$ (un programme correct).

7.4.2 Dérivation la plus à gauche, la plus à droite

Etant donné que plusieurs variables peuvent apparaître dans le corps d'une règle de production, il est possible d'imposer le choix de la variable à remplacer. On peut ainsi imposer celle figurant le plus à gauche (respectivement le plus à droite). La dérivation de la section 7.3.2 est une dérivation la plus à gauche.

Soit la grammaire suivante:

7.4. DÉRIVATION

Symboles terminaux : $\Sigma = \{a,b,0,1,+,*,(,)\}$. Variables : $V = \{E,I\}$. Symbole de départ E. Règles de production P, telles que :

 $\begin{array}{l} E \longrightarrow I \\ E \longrightarrow E + E \\ E \longrightarrow E * E \\ E \longrightarrow (E) \\ I \longrightarrow a \\ I \longrightarrow b \\ I \longrightarrow Ia \end{array}$

 $\begin{array}{c} I \longrightarrow Ib \\ I \longrightarrow I0 \\ I \longrightarrow I1 \end{array}$

Dérivation la plus à gauche de : a * (b + a0)

$$E \underset{lm}{\Longrightarrow} E * E \underset{lm}{\Longrightarrow} I * E \underset{lm}{\Longrightarrow} a * E \underset{lm}{\Longrightarrow} a * (E + E) \underset{lm}{\Longrightarrow} a * (I + E)$$

$$\underset{lm}{\Longrightarrow} a * (b + E) \underset{lm}{\Longrightarrow} a * (b + I) \underset{lm}{\Longrightarrow} a * (b + I0) \underset{lm}{\Longrightarrow} a * (b + a0)$$

Dérivation la plus à droite de : a * (b + a0)

$$E \underset{rm}{\Longrightarrow} E*E \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E+E) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E+I) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E+I0) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E+a0) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(E+a0) \underset{rm}{\Longrightarrow} E*(b+a0) \underset{rm}{\Longrightarrow} I*(b+a0) \underset{rm}{\Longrightarrow} a*(b+a0)$$

7.4.3 Arbre de dérivation

Pour déterminer si une chaîne terminale appartient au langage engendré par une grammaire, on établit un arbre de dérivation dont la racine est l'axiome, les feuilles sont des terminaux formant la chaîne donnée et les nœuds sont des variables décrivant les règles utilisées.

Soit la grammaire suivante:

Symboles terminaux: $\Sigma = \{a,b,0,1,+,*,(,)\}$. Variables: $V = \{E,I\}$. Symbole de départ E. Règles de production P, telles que:

 $E \longrightarrow I$

 $E \longrightarrow E + E$ $E \longrightarrow E * E$

 $E \longrightarrow (E)$

 $I \longrightarrow a$

 $I \longrightarrow b$

 $I \longrightarrow Ia$

 $I \longrightarrow Ib$

 $I \longrightarrow I0$

 $I \longrightarrow I1$

Claude Moulin

57

La figure 7.1 représente l'arbre de dérivation de l'expression: a * (a + b00). La dérivation la plus à gauche et la plus à droite fournissent le même arbre.

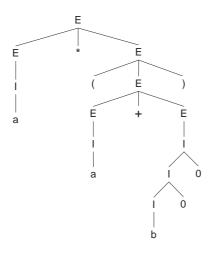


Fig. 7.1 – Arbre de dérivation

Définition 7.5 (Arbre de dérivation)

On appelle arbre de dérivation (ou arbre syntaxique), tout arbre tel que:

- . la racine est le symbole de départ.
- . les feuilles sont des symboles terminaux ou ϵ .
- . les nœuds sont des non-terminaux.
- . les fils d'un nœud X sont Y_0, Y_1, \ldots, Y_n si et seulement si $X \longrightarrow Y_0 Y_1 \ldots Y_n$ avec les $Y_i \in T \cup V$.

7.4.4 Ambiguïté

Définition 7.6 (Ambiguïté)

Une grammaire G est ambiguë s'il existe une chaîne du langage L(G) qui possède plusieurs arbres de dérivation.

Exemple de grammaire ambiguë

La grammaire suivante:

Symboles terminaux : $\Sigma = \{id, +, *, (,)\}$. Variables : $V = \{E\}$. Symbole de départ E. Règles de production P, telles que :

$$E \longrightarrow E + E$$

$$E \longrightarrow E * E$$

$$E \longrightarrow (E) \mid id$$

est ambiguë. La figure 7.2 montre les deux arbres de dérivation possibles de l'expression: id * id + id.

$$E \Longrightarrow E * E \Longrightarrow E * E + E \Longrightarrow id * E + E \Longrightarrow id * id + E$$

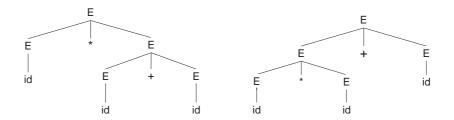


Fig. 7.2 – Ambiguïté de la dérivation

$$\Rightarrow id * id + id$$

$$E \Rightarrow E + E \Rightarrow E * E + E \Rightarrow id * E + E \Rightarrow id * id + E$$

$$\Rightarrow id * id + id$$

7.5 Forme de BACKUS-NAUR

La notation de Backus-Naur (en anglais Backus-Naur Form, ou BNF) a été utilisée dès 1960 pour décrire le langage ALGOL 60, et depuis est employée pour définir de nombreux langages de programmation. L'écriture BNF des règles de grammaire est définie comme suit :

Le symbole des règles de réécriture est remplacé par le symbole "::=".

Les symboles désignant les éléments non-terminaux sont inclus entre un chevron ouvrant "<" et un chevron fermant ">", ceci afin de les distinguer des terminaux. Un appenhale de règles dont les parties gauches sont identiques, telles que:

Un ensemble de règles dont les parties gauches sont identiques, telles que :

```
\begin{array}{cccc} \mathbf{A} & ::= & \alpha_1 \\ \mathbf{A} & ::= & \alpha_2 \\ \mathbf{A} & ::= & \dots \\ \mathbf{A} & ::= & \alpha_p \end{array}
```

peut être écrit de manière abrégée: $A ::= \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \ldots \mid \alpha_p$ Certains auteurs proposent des extensions (forme EBNF):

L'opérateur ? (0 ou 1 fois)

Les items optionnels sont placés entre les méta symboles "[" et "]". Exemple:

L'opérateur * (0 ou plusieurs fois)

Les items à répéter sont placés entre les méta symboles "{" et "}". Exemple:

<identifier> ::= <letter> { <letter> | <digit> }

7.6 Types de grammaires

En introduisant des critères plus ou moins restrictifs sur les règles de production, on obtient des classes de grammaires hiérarchisées, ordonnées par inclusion. La classification des grammaires, définie en 1957 par Noam CHOMSKY¹, distingue les quatre classes suivantes:

Type 0

Pas de restriction sur les règles. Elles sont de la forme; $\alpha \longrightarrow \beta$ avec $\alpha \in (V \cup T)^+$ et $\beta \in (V \cup T)^*$ Toute sous-chaîne de α peut être remplacée par une chaîne quelconque.

Type 1

Grammaires sensibles au contexte ou contextuelles (CSG). Les règles sont de la forme:

```
\alpha A\beta \longrightarrow \alpha \gamma \beta avec A \in V; \alpha, \beta \in (V \cup T)^* et \gamma \in (V \cup T)^+.
```

Autrement dit, le symbole non terminal A est remplacé par la forme γ de $(V \cup T)^+$ si les contextes α et β sont présents à gauche et à droite.

Type 2

Grammaires hors-contexte (CFG). Les règles sont de la forme : $A \longrightarrow \alpha$ avec $A \in V$ et $\alpha \in (V \cup T)^*$.

Autrement dit, le membre de gauche de chaque règle est constitué d'un seul symbole non terminal.

Type 3

Grammaires régulières à droite (respectivement à gauche). Les règles sont de la forme :

 $A \longrightarrow aB$, (respectivement $A \longrightarrow Ba$) avec $A,B \in V$ et $a \in T$.

ou de la forme: $A \longrightarrow a$ avec $A \in V$ et $a \in T$. Autrement dit, le membre de gauche de chaque règle est constitué d'un seul symbole non terminal, et le membre de droite est constitué d'un symbole terminal éventuellement suivi (respectivement précédé) d'un seul non terminal.

7.7 Expression régulière sous forme de grammaire

Théorème 7.2

Pour toute expression régulière R, il existe une grammaire G telle que L(G) = L(R).

^{1.} Bibliographie: http://web.mit.edu/linguistics/www/biography/noambio.html

La démonstration se fait par récurrence sur le nombre n d'opérateurs de l'expression régulière. Soit R une expression régulière sur un alphabet Σ .

$$\begin{array}{l} -\ \mathbf{n} = 0 \\ \mathbf{R} = \emptyset \text{ ou } \mathbf{R} = \epsilon \text{ ou } \mathbf{R} = x \text{ où } x \in \Sigma \end{array}$$

On crée un symbole S et une grammaire G = (T,V,S,P) ayant au plus une règle de dérivation: $T = \Sigma$, $V = \{S\}$

$$-R = \emptyset$$
, pas de règle, $L(G) = \emptyset$

– R =
$$\epsilon$$
, 1 règle, $S \longrightarrow \epsilon$, L(G) = $\{\epsilon\}$

$$-R = x, 1 \text{ règle}, S \longrightarrow x, L(G) = \{x\}$$

$$-n \geq 0$$

On suppose l'hypothèse de récurrence vraie pour des expressions comportant au plus n occurrences d'opérateurs. Soit R une expressions ayant n+1 occurrences d'opérateurs.

 $R = R_1 | R_2$ ou $R = R_1 R_2$ ou $R = R_1 *$ où R_1 et R_2 possèdent au plus n occurrences d'opérateurs.

Selon l'hypothèse de récurrence:

il existe $G_1 = (T, V_1, S_1, P_1)$ et $G_2 = (T, V_2, S_2, P_2)$ telles que $L(R_1) = L(G_1)$ et $L(R_2) = L(G_2)$ (si G_1 et G_2 n'ont pas le même ensemble de terminaux, T est pris comme la réunion de ces ensembles).

Il est possible de construire G_1 et G_2 telles que $V_1 \cap V_2 = \emptyset$, en renommant éventuellement quelques variables.

$$-R = R_1|R_2$$
 Soit $G = (T,V,S,P)$ telle que: $V = V_1 \cup V_2 \cup \{S\}$ $P = P_1 \cup P_2 \cup P'$ où P' contient la règle: $S \longrightarrow S_1|S_2$ $L(G) = L(R_1) \cup L(R_2)$
$$-R = R_1R_2$$
 Soit $G = (T,V,S,P)$ telle que: $V = V_1 \cup V_2 \cup \{S\}$ $P = P_1 \cup P_2 \cup P'$ où P' contient la règle: $S \longrightarrow S_1S_2$ $L(G) = L(R_1)L(R_2)$
$$-R = R_1*$$
 Soit $G = (T,V,S,P)$ telle que: $V = V_1 \cup \{S\}$ $P = P_1 \cup P'$ où P' contient la règle: $S \longrightarrow S_1S|\epsilon$ $L(G) = L(R_1)*$

7.8 Equivalence

Théorème 7.3

Etant données une grammaire G = (T,V,S,P), une variable A et une chaîne de terminaux w, les quatre propositions suivantes sont équivalentes :

$$A \stackrel{*}{\Longrightarrow} w$$

$$A \stackrel{*}{\underset{lm}{\Longrightarrow}} u$$

$$A \stackrel{*}{\underset{rm}{\Longrightarrow}} w$$

. Il existe un arbre de dérivation de racine A et qui produit w

Remarque : le théorème est également vrai si w est remplacée par une chaîne α de $T \cup V$

7.9 Types d'analyse

Il existe deux grandes classes de techniques différentes pour construire un arbre syntaxique et vérifier si une chaîne appartient au langage. L'analyse de la chaîne se fait toujours de la gauche vers la droite (Left scanning).

- L'approche descendante. Un analyseur gauche construit l'arbre de dérivation à partir de sa racine et en effectuant des dérivations en considérant la tête des règles de production et en faisant des dérivations les plus à gauche. C'est la famille des analyseurs LL (left scanning, leftmost derivation).
- L'approche ascendante. Un analyseur droit construit l'arbre de dérivation à partir de ses feuilles et en effectuant des dérivations en considérant la partie droite des règles de production et en faisant des dérivations les plus à droite.
 C'est la famille des analyseurs LR (left scanning, rightmost derivation).

7.9.1 Exemple d'analyse

```
Soit la grammaire G suivante : T = \{a,c,d\} \ V = \{S,T\} P = \{ 1. \ S \longrightarrow aSbT 2. \ S \longrightarrow cT 3. \ S \longrightarrow d 4. \ T \longrightarrow aT 5. \ T \longrightarrow bS 6. \ T \longrightarrow c
```

Considérons la chaîne: w = accbbadbc.

7.9.2 Analyse LL

}

```
La dérivation permettant de construire l'arbre est la suivante : S \underset{1}{\Rightarrow} aSbT \underset{2}{\Rightarrow} acTbT \underset{6}{\Rightarrow} accbT \underset{5}{\Rightarrow} accbbS \underset{1}{\Rightarrow} accbbaSbT \underset{3}{\Rightarrow} accbbadbT \underset{6}{\Rightarrow} accbbadbC
```

7.9.3 Analyse LR

Chapitre 8

Automates à piles

8.1 Introduction

8.1.1 Fonctionnement schématique

Un automate à pile est un automate (en général non déterministe) ayant la capacité en plus de pouvoir gérer une pile de "symboles". Cela permet à l'automate de mémoriser un nombre important d'informations. L'accès à l'information est cependant de type *Last In First Out*. Ces automates ne reconnaissent qu'un certain type de langages, ceux générés par les grammaires hors contexte.

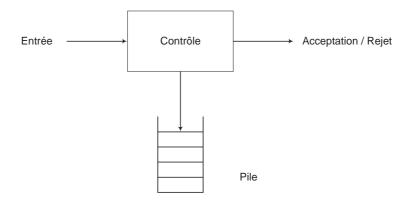


Fig. 8.1 – Suggestion d'un automate à pile

La figure 8.1 montre le fonctionnement schématique d'un automate à pile. Le contrôle de l'automate à pile lit un à un les symboles d'entrée. Il base sa transition sur son état courant, le prochain symbole d'entrée et le symbole en sommet de pile. Il peut faire des transitions spontanées consumant ϵ au lieu du prochain symbole d'entrée.

8.1.2 Exemple

Considérons le langage $L_{wcw^R} = \{wcw^R; w \in (0|1)*\}$. Déterminons un automate à pile permettant de reconnaître les mots de ce langage. Sa stratégie sera de stocker dans la pile les 0 et les 1 tant qu'il n'a pas rencontré le marqueur central (c). Il dépilera ensuite les symboles à condition qu'ils correspondent aux caractères d'entrée. S'il réussit à vider la pile sans qu'il reste de caractères à traiter, alors il accepte la chaîne en entrée.

La figure 8.2 simule le fonctionnement de l'automate sur la chaîne 10c01, faisant partie du langage L_{wcw^R} .

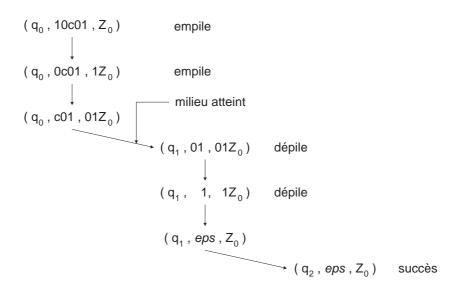


Fig. 8.2 – Simulation de l'automate

La figure 8.3 représente le diagramme de transition de cet automate.

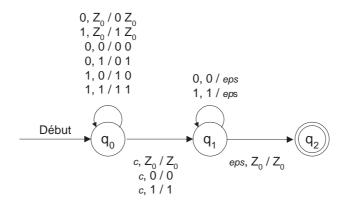


Fig. 8.3 – Diagramme de transition

8.2 Définition formelle

8.2.1 Définition

Définition 8.1 (Automate fini à pile - AFP)

Un automate fini à pile comprend sept composants:

 $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$

- Q est un ensemble fini d'états
- $-\Sigma$ est un ensemble fini de symboles d'entrée
- Γ est un ensemble fini dit alphabet de pile. C'est l'ensemble des symboles qui peuvent être empilés
- $-\delta$ est la fonction de transition. Elle prend en argument trois paramètres:
 - q un état de Q
 - a un symbole d'entrée ou ϵ
 - X un symbole de pile

Elle renvoie un ensemble fini de couples (p,γ) où p est le nouvel état et γ est la nouvelle chaîne de symboles qui remplace X au sommet de la pile.

- $-q_0$ est l'état initial
- $-Z_0$ est le symbole de départ de la pile
- F est l'ensemble des états finals

8.2.2 Règles de transition

Lors d'une transition l'automate:

- . consume le symbole utilisé dans la transition. Si ϵ est utilisé aucun symbole d'entré n'est consumé.
- . passe dans un nouvel état qui peut être le même que le précédent.
- . remplace le symbole au sommet de la pile par un nombre quelconque de symboles. Cette chaîne de symboles peut être :
 - . ϵ ; ce qui correspond à un dépilement (pop).
 - . le même symbole que le sommet actuel; aucun changement dans la pile.
 - . un autre symbole (pop du sommet suivi de push).
 - . une suite de symboles ; dépilement du sommet (pop) et empilement (push) des symboles.

8.2.3 Automate à pile déterministe

Un automate à pile est déterministe s'il n'existe pas d'alternative de déplacement dans aucune situation.

Un automate à pile $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$ est déterministe, si et seulement si :

- $-\delta(q,a,X)$ contient au plus un élément, pour tout état $q\in Q,\ a\in \Sigma$ ou $a=\epsilon$ et $X\in \Gamma$.
- si $\delta(q,a,X)$ est non vide pour un élément $a\in\Sigma$, alors $\delta(q,\epsilon,X)$ doit être vide.

8.3 Exemple

Considérons le langage qui accepte les chaînes palindromes de longueur paire sur l'alphabet $\Sigma = \{0,1\}$. $L_{ww^r} = \{ww^r | w \in \Sigma *\}$

Un AFP qui engendre ce langage peut être décrit par:

$$P = (\{q_0, q_1, q_2\}, \{0, 1\}, \{0, 1, Z_0\}, \delta, q_0, Z_0, \{q_2\})$$

La fonction δ est définie par les égalités suivantes. Le fond de la pile est à droite :

$\delta(q_0,0,Z_0) =$	$\{(q_0,0Z_0)\}$	
$\delta(q_0,1,Z_0) =$	$\{(q_0,1Z_0)\}$	lecture, empilement
$\delta(q_0,0,0) =$	$\{(q_0,00)\}$	
$\delta(q_0,0,1) =$	$\{(q_0,01)\}$	
$\delta(q_0,1,0) =$	$\{(q_0,10)\}$	
$\delta(q_0,1,1) =$	$\{(q_0,11)\}$	lecture, empilement
$\delta(q_0, \epsilon, Z_0) =$	$\{(q_1,Z_0)\}$	
$\delta(q_0,\epsilon,0) =$	$\{(q_1,0)\}$	pas de lecture
$\delta(q_0, \epsilon, 1) =$	$\{(q_1,1)\}$	pile inchangée
$\delta(q_1,0,0) =$	$\{(q_1,\epsilon)\}$	dépilement si le sommet de pile
$\delta(q_1,1,1) =$	$\{(q_1,\epsilon)\}$	correspond à la lecture
$\delta(q_1,\epsilon,Z_0) =$	$\{(q_2, Z_0)\}$	fond de pile \rightarrow état final

Il est à remarquer que cet automate n'est pas déterministe.

8.3.1 Diagramme de transition

Le diagramme de transition illustré sur le figure 8.4 généralise celui défini pour les automates finis. Il comporte:

- Un ensemble de nœuds correspondant aux états de l'AFP.
- Une flèche étiquetée "début" indiquant l'état initial.
- Un état final est indiqué par deux cercles concentriques.
- Les arcs correspondent aux transitions. Un arc étiqueté $a,X/\alpha$ de l'état q vers l'état p signifie que $\delta(q,a,X)$ contient le couple (p,α) , parmi d'autres couples. L'étiquette de l'arc indique ce qui est utilisé et les ancien et nouveau sommets de la pile.
- Il faut convenir du symbole de fond de pile (par défaut Z_0).

8.3.2 Simulation

La figure 8.5 simule une séquence entière du fonctionnement de l'automate à pile à partir de l'entrée 1111. La configuration initiale est $(q_0, 1111, Z_0)$. L'automate a l'opportunité de se tromper plusieurs fois. A partir de la configuration initiale, l'automate a deux choix possibles:

– Estimer que le milieu de la chaîne n'a pas été atteint. Cela conduit à la configuration : $(q_0, 111, 1Z_0)$.

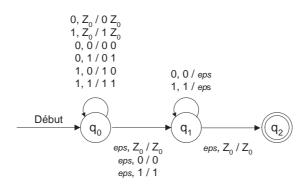


Fig. 8.4 – Diagramme de transition généralisé

– Estimer que le milieu de la chaîne a été atteint. Cela conduit à la configuration : $(q_1, 1111, Z_0)$.

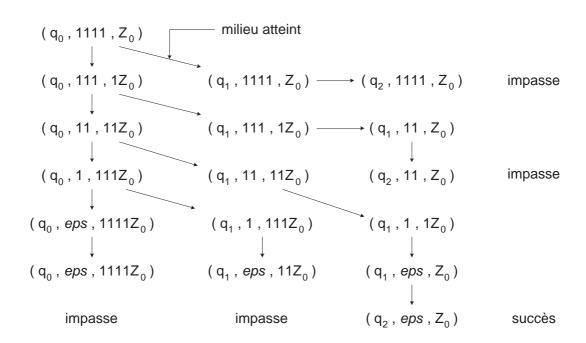


Fig. 8.5 – Simulation du fonctionnement de l'automate

8.4 Extension de la fonction de transition

8.4.1 Configuration

Un AFP passe de configuration en configuration en réponse aux symboles d'entrée ou ϵ . Une configuration comprend l'état actuel de l'automate ainsi que le contenu

de la pile.

Définition 8.2 (Configuration)

Une configuration d'un AFP est un triplet (q, w, γ) où:

- . q est l'état de la configuration.
- . w est la chaîne d'entrée restant à analyser.
- . γ est le contenu de la pile.

8.4.2 Définition

Soit $P=(Q,\Sigma,\Gamma,\delta,q_0,Z_0,F)$ un automate à pile, on symbolise par $\frac{1}{R}$ ou seulement ⊢, lorsque l'automate est sous-entendu, la fonction définie par :

- . On suppose que $\delta(q,a,X)$ contienne (p,α)
- . $\forall w \in \Gamma * : (q, aw, X\beta) \vdash (p, w, \alpha\beta)$

Ce qui signifie que, en consumant le symbole d'entrée a (ce pourrait être éventuellement ϵ) et en remplaçant X au sommet de la pile par α , l'automate passe de l'état q à l'état p.

On utilise $_{\vdash}^*$ ou plus simplement $_{\vdash}^*$ pour représenter un ou plusieurs pas de l'automate.

Généralisation

 $I \stackrel{*}{\vdash} I$

 $I \stackrel{*}{\vdash} J$ s'il existe K tel que $I \stackrel{*}{\vdash} K$ et $K \vdash J$

8.5 Langage d'un automate à pile

Le langage d'un automate à pile peut être défini de deux façons selon le type d'acceptation de l'automate.

8.5.1Acceptation par état final

L'automate reconnaît une chaîne s'il a consumé tous les symboles d'entrée et s'il se trouve dans un état final. La pile peut être vide ou non.

Définition 8.3 (Acceptation par état final)

Soit $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$ un AFP. Le langage accepté par P par état final est: $L(P) = \{ w \mid (q_0, w, Z_0) \stackrel{*}{\underset{P}{\vdash}} (q, \epsilon, \alpha) \}$ où q est un état final et α une suite quelconque de symboles.

8.5.2 Acceptation par pile vide

L'automate reconnaît une chaîne s'il a consumé tous les symboles d'entrée et si la pile est vide.

Définition 8.4 (Acceptation par pile vide)

8.5.3 Théorèmes

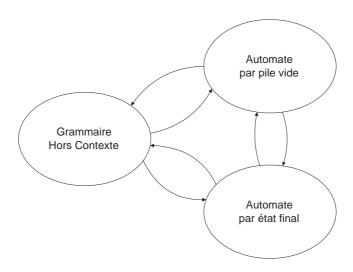


Fig. 8.6 – Equivalence: grammaire - automate

La classe des langages qui sont L(P) est la même que la classe des langages N(P). C'est aussi la classe des langages hors contexte (cf. figure 8.6).

Théorème 8.1

Si $L = N(P_N)$ pour un automate à pile $P_N = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta_N, q_0, Z_0, F)$ alors il existe un automate à pile P_F tel que $L = L(P_F)$.

Théorème 8.2

Si $L = L(P_F)$ pour un automate à pile $P_F = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta_F, q_0, Z_0, F)$ alors il existe un automate à pile P_N tel que $L = N(P_N)$.

Théorème 8.3

Etant donnée une grammaire hors contexte G, il est possible de construire un automate à pile P tel que N(P) = L(G).

Théorème 8.4

Soit $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$ un AFP. Il existe une grammaire hors contexte G telle que L(G) = N(P).

Chapitre 9

Analyse Syntaxique Descendante

9.1 Introduction

Un analyseur syntaxique prend en entrée une chaîne d'unités lexicales fournie par l'analyseur lexical et détermine si celle-ci fait partie du langage en construisant l'arbre syntaxique correspondant.

Il doit donc écrire une dérivation, c'est-à dire la suite des règles de production à utiliser pour obtenir la chaîne en entrée.

Si G est une grammaire hors contexte pour un langage de programmation alors L(G) est l'ensemble de tous les programmes que l'on peut écrire dans ce langage. Les symboles terminaux de la grammaire sont des unités lexicales qui ont une représentation sous forme de chaînes de caractères que l'on peut saisir au clavier et qui sont imprimables.

Pour l'analyse on ajoute généralement une variable S' qui devient le nouvel axiome de la grammaire, un terminal \$ désignant la fin de chaîne et une nouvelle règle de production $S' \longrightarrow S\$$.

9.2 Analyseur descendant LL(1)

9.2.1 Problématique

Etant donné un non terminal A, un symbole d'entrée a, à la position p de l'entrée, un analyseur descendant doit décider de la règle à appliquer pour que le sous-arbre étiqueté A soit le sous-arbre correct à la position p.

Une première idée consiste à essayer toutes les règles. La première règle qui fonctionne est la bonne. On peut mémoriser ainsi la bonne dérivation pour les autres occurrences de A. Ce procédé ne permet cependant pas de reconnaître toutes les chaînes du langage.

Le plus simple est de créer au préalable une table donnant la règle à appliquer connaissant A et a. On construit alors ce que l'on appelle un analyseur prédictif.

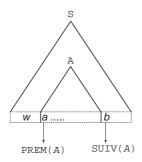


Fig. 9.1 – Prédiction

Début de résolution

Une règle telle que $A \longrightarrow X_1 X_2 \dots X_n$ permet de dire que les premiers symboles que peux générer A contiennent ceux que peut générer X_1 . Mais si X_1 est nullifiable (pouvant générer ϵ), il faut considérer aussi ceux que peut générer X_2 . Et ainsi de suite.

Si
$$X_1$$
 ne génère pas ϵ , $wA\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} wX_1X_2 \dots X_n\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} wa_1w_1X_2 \dots X_n\beta$.
Si X_1 génère ϵ et X_2 ne génère pas ϵ , on aura:
 $wA\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} wX_1X_2 \dots X_n\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} wX_2 \dots X_n\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} wa_2w_2X_3 \dots X_n\beta$.

Si $A \stackrel{*}{\Longrightarrow} \epsilon$, $wA\beta \stackrel{*}{\Longrightarrow} w\beta$. Il faut ainsi prendre en compte les premiers symboles terminaux que β peut générer et qui sont en fait des symboles qui peuvent suivre A. On est donc amené à prendre en compte et à calculer les "premiers" de chaque chaîne de symboles apparaissant dans la partie droite d'une règle de production ainsi que les "suivants" de chacune des variables.

Illustration

Les sections suivantes sont illustrées à partir de la grammaire définie par :

$$T = \{+, -\ , *\ , /, (,), nb\}\,;\; V = \{E, E', T, T', F\}\,;\; \text{Axiome}\colon E\,;\; P = \{$$

- 1. $E \longrightarrow TE'$
- $2. E' \longrightarrow +TE'$
- 3. $E' \longrightarrow -TE'$
- 4. $E' \longrightarrow \epsilon$
- 5. $T \longrightarrow FT'$
- 6. $T' \longrightarrow *FT'$
- 7. $T' \longrightarrow /FT'$
- 8. $T' \longrightarrow \epsilon$

9.2. ANALYSEUR DESCENDANT LL(1)

```
9. F \longrightarrow (E)
10. F \longrightarrow nb
}
```

9.2.2 Premiers

Définition 9.1 (Choix)

On appelle choix toute chaîne d'éléments de $V \cup T$ pouvant figurer dans la partie droite d'une règle de production.

Définition 9.2 (Fin de choix)

Une fin de choix α est une chaîne de 0 ou plus éléments de $V \cup T$ telle qu'il existe $A \in V \cup T$ tell que $A\alpha$ soit un choix ou une fin de choix.

Définition 9.3 (PREM)

Soit $X \in V \cup T$.

PREM(X) est l'ensemble des terminaux (y compris ϵ) qui peuvent commencer une chaîne dérivée de X. $a \in PREM(X)$, si $X \stackrel{*}{\Longrightarrow} a\beta$.

Soit α un choix ou une fin de choix. $PREM(\alpha)$ est l'ensemble des terminaux (y compris ϵ) qui peuvent commencer une chaîne dérivée de α . $a \in PREM(\alpha)$, si $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} a\beta$

Initialisation

- . $\forall a \in T$, $PREM(a) = \{a\}$.
- . $\forall A \in V$, $PREM(A) = \emptyset$.
- . Pour tout choix ou fin de choix α non vide, $PREM(\alpha) = \emptyset$.
- . PREM $(\epsilon) = \epsilon$.

Algorithme de construction des $PREM(\alpha)$

- . Pour chaque règle de production $A \longrightarrow \alpha$, ajouter les éléments de PREM(α) à ceux de PREM(A) y compris ϵ .
- . Pour chaque choix ou fin de choix de la forme $X\beta$, ajouter les éléments de PREM(X) à ceux de $PREM(X\beta)$, sauf ϵ .
 - Lorsque PREM(X) contient ϵ , ajouter les éléments de $PREM(\beta)$ à ceux de $PREM(\alpha)$ y compris ϵ .

Répéter les phases précédentes tant que l'un des $PREM(\alpha)$ est modifié.

Choix commençant par un terminal

Soit un choix de la forme $a\alpha$, $a \in T$, le seul caractère pouvant commencer ce choix est a. $PREM(a\alpha) = PREM(a) = a$.

Choix dont les premiers sont immédiats

+TE'	{+}
-TE'	{-}
FT'	{}
/FT'	{/}
(E)	{(}

Construction des premiers des autres choix

	Init	1	2	3	4	$ PREM(\alpha) $
E	Ø				$\{nb,(\}$	$\{nb,(\}$
TE'	Ø			$\{nb,(\}$		$\{nb,(\}$
E'	Ø	$\{\epsilon\}$	$\{\epsilon, +, -\}$			$\{\epsilon, +, -\}$
Т	Ø			$\{nb,(\}$		$\{nb,(\}$
FT'	Ø	$\{nb\}$	$\{nb,(\}$			$\{nb,(\}$
T'	Ø	$\{\epsilon\}$	$\{\epsilon, *, /, \}$			$\{\epsilon, *,/,\}$
F	Ø	$\{nb\}$	$\{nb,(\}$			$\{nb,(\}$
E)	Ø				$\{nb,(\}$	$\{nb,(\}$

9.2.3 Suivants

Les suivants sont définis pour tous les non terminaux d'une grammaire.

Définition 9.4 (SUIV)

Soit $X \in V$. SUIV(X) est l'ensemble des terminaux qui peuvent suivre immédiatement X dans une dérivation. $a \in SUIV(X)$ s'il existe un choix contenant Xa.

Si un choix contient XYa et que Y est nullifiable alors a est un suivant de X.

Initialisation

- . Pour toute variable A, $SUIV(A) = \emptyset$.
- . Ajouter un marqueur de fin de chaîne à l'axiome (\$ par exemple).
- . Calculer les premiers pour tous les choix et fins de choix de la grammaire.

Algorithme

- 1. Pour chaque règle $A \longrightarrow \alpha B\beta$, ajouter les éléments de PREM(β) à ceux de SUIV(B), sauf ϵ le cas échéant.
- 2. Pour chaque règle $A \longrightarrow \alpha B$, ajouter les éléments de SUIV(A) aux éléments de SUIV(B).
- 3. Pour chaque règle $A \longrightarrow \alpha B\beta$, lorsque $\epsilon \in PREM(\beta)$, ajouter les éléments de SUIV(A) aux éléments de SUIV(B).

Répéter les phases 2 et 3 tant que l'un des SUIV(A) est modifié.

9.2. ANALYSEUR DESCENDANT LL(1)

Illustration

	Init	1	2	3	SUIV (A)
E	Ø	{\$,)}			{),\$}
E'	Ø	{\$,)}			{\$,)}
Т	Ø	$\{+, -, \$\}$	$\{+, -, \$, \}$		$\{+, -, \$, \}$
T'	Ø	$\{+, -, \$\}$		$\{+, -, \$, \}$	$\{+, -, \$, \}$
F	Ø	$\{*,/,+,-,\$\}$	$\{*,/,+,-,\$,)\}$		$\{*,/,+,-,\$,)\}$

9.2.4 Table d'analyse

Définition 9.5 (Table d'analyse)

Une table d'analyse est un tableau M à deux dimensions qui indique, pour chaque variable A et chaque terminal a (ainsi que \$), la règle de production à appliquer.

Algorithme de construction

```
Pour chaque production A \longrightarrow \alpha

pour tout a \in PREM(\alpha) et a \neq \epsilon

ajouter A \longrightarrow \alpha dans la case M[A,a]

si \in PREM(\alpha), alors

pour chaque b \in SUIV(A), ajouter A \longrightarrow \alpha dans la case M[A,b]
```

Une case vide qui devrait être utilisée lors de l'analyse correspond à une erreur de syntaxe.

Illustration

		+	-	*	/	()	nb	\$
	Е					1		1	
	E'	2	3				4		4
	Т					5		5	
_	T'	8	8	6	7		8		8
	F					9		10	

9.2.5 Simulation par un automate à pile

On considère l'automate $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$ défini par :

 $Q = \{q\}$ l'ensemble des états.

 $\Sigma = T$ l'ensemble des symboles d'entrée.

 $\Gamma = T \cup V$ l'alphabet de pile.

 δ la fonction de transition.

 $q_0 = q$ l'état initial.

 $Z_0 =$ \$ le symbole de départ de la pile.

 $F = \emptyset$ acceptation par pile vide.

 δ est défini par les transitions suivantes (auxquelles on ajoute un paramètre de sortie pour rendre compte des règles utilisées):

 $Match: (q,ax,a\gamma,y) \vdash (q,x,\gamma,y)$

Le symbole d'entrée est le symbole de sommet de la pile.

Il est consumé et le sommet de la pile est dépilé.

 $Production: (q,x,A\gamma,y) \vdash (q,x,\alpha\gamma,yy_i)$

Le sommet de la pile est une variable A.

Il existe une règle de production: $A \longrightarrow \alpha$ donnée par M[A,b] où b est le premier symbole de x. Dans ce cas, A est remplacé au sommet de la pile par le choix de la règle, en empilant à partir des symboles les plus à droite. En sortie, le rang y_i de la règle utilisée, est ajouté.

 $Acceptation: (q,\$,\$,y) \vdash (q,\epsilon,\epsilon,y)$

Illustration

La table suivante illustre les transitions successives de l'automate à partir de la chaîne d'entrée: 3+4*5. L'analyseur lexical substitue nb à chaque nombre de la chaîne pour communiquer "nb+nb*nb", mais pour une meilleure lisibilité, la chaîne d'entrée est laissée intacte. Le fond de la pile est à droite. L'axiome est empilé.

Entrée	Pile	Transition	Sortie
3 + 4 * 5\$	E\$	Production	1
3 + 4 * 5\$	TE'\$	Production	1, 5
3 + 4 * 5\$	FT'E'\$	Production	1, 5, 10
3 + 4 * 5\$	nb T'E'\$	Match	1, 5, 10
+4*5\$	T'E'\$	Production	1, 5, 10, 8
+4*5\$	E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2
+4*5\$	+TE'\$	Match	1, 5, 10, 8, 2
4 * 5\$	TE'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5
4 * 5\$	FT'E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10
4 * 5\$	nb T'E'\$	Match	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10
* 5\$	T'E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6
* 5\$	*FT'E'\$	Match	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6
5\$	FT'E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6, 10
5\$	nb T'E'\$	Match	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6, 10
\$	T'E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6, 10, 8
\$	E'\$	Production	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6, 10, 8, 4
\$	\$	Accept	1, 5, 10, 8, 2, 5, 10, 6, 10, 8, 4

Il est simple de construire l'arbre d'analyse au fur et à mesure de la sortie de l'automate.

Une table plus simple est parfois suffisante. Elle ne fait apparaître en sortie que la règle de production utilisée :

Entrée	Pile	Sortie
3 + 4 * 5\$	E\$	$E \longrightarrow TE'$
3 + 4 * 5\$	TE'\$	$T \longrightarrow FT'$
3 + 4 * 5\$	FT'E'\$	$F \longrightarrow nb$
3 + 4 * 5\$	nb T'E'\$	
+4*5\$	T'E'\$	$T' \longrightarrow \epsilon$
+4*5\$	E'\$	$T' \longrightarrow +TE'$
+4*5\$	+TE'\$	
4 * 5\$	TE'\$	$T \longrightarrow FT'$
4 * 5\$	FT'E'\$	$F \longrightarrow nb$
4 * 5\$	nb T'E'\$	
* 5\$	T'E'\$	$T' \longrightarrow *FT'$
* 5\$	*FT'E'\$	
5\$	FT'E'\$	$F \longrightarrow nb$
5\$	nb T'E'\$	
\$	T'E'\$	$T' \longrightarrow \epsilon$
\$	E'\$	$E' \longrightarrow \epsilon$
\$	\$	Acceptation

9.3 Grammaire LL(1)

Toutes les grammaires ne permettent pas de construire une table d'analyse. Certaines font apparaître plusieurs règles pour un couple (A, a) de la table.

Définition 9.6 (Grammaire LL(1))

Une grammaire est dite LL(1) lorsque sa table d'analyse ne comporte pas plusieurs règles de production pour une même case.

Théorème 9.1

Une grammaire ambiguë, récursive à gauche ou non factorisée à gauche n'est pas LL(1).

Lorsqu'une grammaire n'est pas LL(1), il n'existe qu'une alternative : essayer de la rendre LL(1) ou choisir un analyseur syntaxique de nature différente.

9.3.1 Récursivité à gauche

Définition 9.7 (Grammaire propre)

Une grammaire est propre si elle ne contient aucune règle de la forme : $A \longrightarrow \epsilon$.

Définition 9.8 (Grammaire immédiatement récursive à gauche)

Une grammaire est immédiatement récursive à gauche si elle contient une règle de la forme : $A \longrightarrow A\alpha$.

Une telle grammaire possède une règle de la forme : $A \longrightarrow \beta$, sinon la règle précédente ne serait pas utilisable. Pour chaque premier(β), il existe au moins deux règles applicables. La grammaire n'est pas LL(1).

Définition 9.9 (Grammaire récursive à gauche)

Une grammaire est récursive à gauche si elle contient une variable A se dérivant en $A\alpha$ ($A \stackrel{*}{\Rightarrow} A\alpha$).

Une telle grammaire n'est pas LL(1) pour la même raison que pour la récursivité à gauche immédiate.

Une grammaire peut posséder une récursivité à gauche cachée. C'est le cas lorsque : $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A$ et $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$

Elimination de la récursivité à gauche immédiate

On observe que $A \longrightarrow A\alpha$ et $A \longrightarrow \beta$, permettent de déduire que A produit des chaînes de la forme: $\beta\alpha*$.

Pour éliminer la récursivité à gauche immédiate, il suffit d'ajouter une variable A' et de remplacer les règles telles que:

- $A \longrightarrow A\alpha$
- $A \longrightarrow \beta$

par les règles:

- $A \longrightarrow \beta A'$
- $A' \longrightarrow \alpha A' \mid \epsilon$

Elimination de la récursivité à gauche

Lorsque la grammaire est propre, l'algorithme suivant permet d'éliminer la récursivité à gauche :

```
Ordonner les non terminaux en A_1, A_2, \ldots A_n.

Pour i de 1 à n

Pour j de 1 à i - 1

Remplacer les productions A_i \longrightarrow A_j \alpha où A_j \longrightarrow \beta_1 |\beta_2| \ldots |\beta_p|

par A_i \longrightarrow \beta_1 \alpha |\beta_2 \alpha| \ldots |\beta_p \alpha|

Eliminer la récursivité à gauche immédiate des productions concernant A_j
```

9.3.2 Factorisation à gauche

Définition 9.10 (Grammaire non factorisée à gauche)

Une grammaire n'est pas factorisée à gauche lorsque deux choix d'une même variable commencent par le même symbole.

 $A \longrightarrow X\alpha$ et $A \longrightarrow X\beta$ sont deux règles applicables pour chaque prem(X). La grammaire n'est pas LL(1).

L'algorithme suivant permet de factoriser à gauche une grammaire:

Pour chaque variable A

Trouver α le plus long préfixe commun à deux ou plusieurs de ses choix si $\alpha \neq \epsilon$

Remplacer $A \longrightarrow \alpha \beta_1 | \dots | \alpha \beta_n | \gamma_1 | \dots | \gamma_p$ (les γ_i ne commencent pas par α) par:

$$A \longrightarrow \alpha A' |\gamma_1| \dots |\gamma_p|$$

$$A' \longrightarrow \beta_1| \dots |\beta_n|$$

Recommencer tant que deux productions commencent par le même symbole

9.4 Conflits

9.4.1 Conflit Premier-Premier

Exemple 1

La grammaire définie par les règles suivantes présente un conflit.

- 1. $S \longrightarrow aAb$
- $2. A \longrightarrow cd$
- $3. A \longrightarrow ce$

Le tableau suivant donne les premiers et suivants des variables de la grammaire:

$$\begin{array}{ll} PREM(S) = \{ \ a \ \} \\ PREM(A) = \{ \ c \ \} \end{array} \qquad \begin{array}{ll} SUIV(S) = \{\$\} \\ SUIV(A) = \{ b \} \end{array}$$

La table d'analyse est donnée par:

	a	b	С	d	\$
S	1				
Α			2; 3		



Fig. 9.2 – Conflit: premier-premier

La table présente un conflit premier-premier à cause de la non-factorisation à gauche de la grammaire. La figure 9.2 montre le conflit lors de l'analyse de la chaîne acdb.

Exemple 2

La grammaire définie par les règles suivantes présente également un conflit premier-

premier.

1.
$$S \longrightarrow aTd$$

$$2. T \longrightarrow Tb$$

$$3. T \longrightarrow c$$

Le tableau suivant donne les premiers et suivants des variables de la grammaire:

$$\begin{array}{ll} PREM(S) = \{ \ a \ \} & SUIV(S) = \{\$\} \\ PREM(T) = \{ \ c \ \} & SUIV(T) = \{b, \, d\} \end{array}$$

La table d'analyse est donnée par:

	a	b	c	d	\$
\overline{S}	1				
Т		2;3			



Fig. 9.3 – Conflit: premier-premier - Récursivité

La table présente un conflit prem-prem à cause de la récursivité à gauche de la grammaire. La figure 9.3 montre le conflit lors de l'analyse de la chaîne acbd.

Lookahead(k)

Pour lever un conflit premier-premier, on peut indiquer un lookahead > pour un non terminal particulier. Lorsque deux règles entrent en conflit, on considère alors les k prochains caractères de la chaîne d'entrée.

9.4.2 Conflit Premier-Suivant

Exemple 3

La grammaire définie par les règles suivantes présente un conflit premier-suivant.

1.
$$S \longrightarrow aTb$$

$$2. T \longrightarrow bT$$

3.
$$T \longrightarrow \epsilon$$

Le tableau suivant donne les premiers et suivants des variables de la grammaire:

$$\begin{array}{ll} \text{PREM}(S) = \{ \text{ a } \} & \text{SUIV}(S) = \{\$\} \\ \text{PREM}(T) = \{ \text{ b}, \epsilon \} & \text{SUIV}(T) = \{b\} \end{array}$$

La table d'analyse est donnée par:

	a	b	\$
\overline{S}	1		
Т		2;3	



Fig. 9.4 – Conflit: premier-suivant

La table présente un conflit premier-suivant à cause de la variable T. T est nullifiable et $PREM(T) \cap SUIV(T) \neq \emptyset$. La figure 9.4 montre le conflit lors de l'analyse de la chaîne abb.

Exemple 4

La grammaire définie par les règles suivantes ne présente pas de conflit bien qu'une variable soit nullifiable.

- 1. $S \longrightarrow aTb$
- $2. T \longrightarrow cT$
- 3. $T \longrightarrow \epsilon$

Le tableau suivant donne les premiers et suivants des variables de la grammaire:

$$\begin{array}{ll} \text{PREM}(S) = \{ \text{ a } \} & \text{SUIV}(S) = \{\$\} \\ \text{PREM}(T) = \{ \text{ c, } \epsilon \ \} & \text{SUIV}(T) = \{b\} \end{array}$$

La table d'analyse est donnée par :

	a	b	c	\$
\overline{S}	1			
Т		3	2	

La table ne présente pas de conflit bien que T soit nullifiable.

Choix arbitraire

Lorsque deux règles entrent en conflit, il est possible également de choisir arbitrairement la règle applicable. On choisira par exemple, la première figurant dans la grammaire.

9.4.3 Conclusion

Une grammaire est LL(1) lorsque:

- 1. Il n'y a pas de conflit Premier-Premier. Pour chaque non terminal, les premiers des choix doivent être tous distincts.
- 2. Il n'y a pas de conflit Premier-Suivant. Pour chaque non terminal ayant un choix nullifiable, les Premier et Suivant doivent être distincts.
- 3. Il n'y a pas de choix nullifiables multiples.

Chapitre 10

Analyse Ascendante LR(0)

10.1 Principe d'analyse ascendante

L'analyse ascendante ou par décalage réduction a pour but de construire un arbre d'analyse pour une chaîne d'entrée donnée w à partir de ses feuilles. La racine est construite après que tous les nœuds inférieurs ont été construits. A chaque étape de réduction une sous-chaîne correspondant à la partie droite d'une règle de production est remplacée par la variable de la partie gauche.

10.1.1 Exemple d'analyse

```
Soit la grammaire G suivante:
T = \{a,b,c,d\} \ V = \{S,T\}
P = \{
   1. S \longrightarrow aSbT
   2. S \longrightarrow cT
   3. S \longrightarrow d
   4. T \longrightarrow aT
   5. T \longrightarrow bS
   6. T \longrightarrow c
La chaîne w = accbbadbc peut être réduite vers S par les étapes suivantes:
        accbbadbc
        acTbbadbc
        aSbbadbc
        aSbbaSbc
        aSbbaSbT
        aSbbS
        aSbT
        S
```

10.1.2 Décalage - Réduction

Sur cette chaîne w = accbbadbc, les décalages - réductions sont explicités par la table:

```
aSbbadbc réduction par S \longrightarrow d
accbbadbc
               décalage
                                       aSbbaSbc décalage aSbbaSbc décalage
               décalage
accbbadbc
accbbadbc
               décalage
               réduction par T \longrightarrow c \parallel aSbbaSbc
                                                             réduction par T \longrightarrow c
accbbadbc
              réduction par S \longrightarrow cT \parallel aSbbaSbT
acTbbadbc
                                                             réduction par S \longrightarrow aSbT
               décalage
                                              aSbbS
                                                             réduction par T \longrightarrow bS
aSbbadbc
                                                             réduction par S \longrightarrow aSbT
aSbbadbc
               décalage
                                              aSbT
aSbbadbc
               décalage
aSbbadbc
               décalage
```

Ce qui donne la dérivation droite suivante:

```
S \Rightarrow aSbT \Rightarrow aSbbS \Rightarrow aSbbaSbT \Rightarrow aSbbaSbc \Rightarrow aSbbadbc \Rightarrow acTbbadbc \Rightarrow accbbadbc
```

10.1.3 Méthodes d'analyse

Il est à peu près impossible d'écrire un analyseur ascendant à la main. Il faut pour cela utiliser un générateur d'analyseur.

Il existe plusieurs algorithmes d'analyse ascendante, différents principalement dans leur première partie; la fin de l'analyse étant ensuite la même pour chaque algorithme. Les principales méthodes sont :

- LR(0): théoriquement importante mais trop faible
- SLR(1): version renforcée de LR(0) mais assez faible
- LR(1): très puissante mais nécessite une mémoire importante
- LALR(1): version affaiblie de LR(1) puissante et exécutable

10.1.4 Manche

La tâche principale d'un analyseur ascendant est de trouver le nœud le plus à gauche qui n'a pas encore été construit mais dont tous les fils sont déjà construits.

Cette suite de nœuds est appelé un manche (pivot). Les algorithmes d'analyse ascendante diffèrent uniquement dans la manière de déterminer les manches successifs.

Définition 10.1 (Manche)

Un manche d'un syntagme $\gamma = \alpha \beta w$ est une sous-chaîne β qui correspond à un choix (la partie droite) d'une règle de production $A \longrightarrow \beta$ et une position dans la chaîne γ où la chaîne β peut être trouvée et remplacée par A pour déterminer le syntagme précédent dans une dérivation droite de γ .

Si
$$S \overset{*}{\underset{rm}{\Longrightarrow}} \alpha Aw \underset{rm}{\Longrightarrow} \alpha \beta w$$
 alors $A \overset{*}{\longrightarrow} \beta$ ou plus simplement β est un manche de $\alpha \beta w$ pour la position suivant α .

Dans une grammaire non ambiguë, à chaque dérivation droite ne correspond qu'un seul manche.

Exemples:

- 1. $T \longrightarrow c$ est le manche de accbbadbc en position 3.
- 2. $S \longrightarrow cT$ est le manche de acTbbadbc en position 2.
- 3. $S \longrightarrow aSbT$ est le manche de aSbbaSbT en position 5.

Lors de l'analyse ascendante d'une chaîne, on est amené à reconnaître une forme $\alpha\beta w$ dans des syntagmes, la partie β correspondant à un manche au moment où le pointeur d'entrée est sur le premier symbole de w. La chaîne w est une chaîne de symboles terminaux non encore explorée.

Définition 10.2 (Préfixe viable)

Les préfixes viables sont les préfixes des syntagmes qui ne s'étendent pas au-delà de l'extrémité droite du manche le plus à droite. Ces préfixes sont ceux que l'on peut trouver sur la pile d'un analyseur.

Lors de l'analyse de l'exemple précédent, le syntagme aSbbadbc est considéré lorsque le buffer d'entrée ne contient plus que adbc. le prochain manche est $S \longrightarrow d$. Les symboles a, S, b, b constituent un préfixe viable et sont sur la pile de l'analyseur.

10.2 Item LR(0)

10.2.1 Définition

Les items LR(0) ont la forme $A \longrightarrow \alpha_1 \cdot \alpha_2$ où $A \longrightarrow \alpha_1 \alpha_2$ est une règle de production. Ils n'indiquent que des possibilités d'analyse.

La forme $A \longrightarrow \alpha_1 \cdot \alpha_2$ représente l'hypothèse que $\alpha_1 \alpha_2$ est un pivot possible et qu'il

sera réduit à A. Le point représente l'avancement de l'analyseur quand il lit la règle de gauche à droite : α_1 a déjà été reconnu et α_2 doit encore être analysé lorsque la production est utilisée.

La forme $A \longrightarrow \alpha_1 \alpha_2$ signifie que le pivot est atteint puisque α_1 et α_2 ont été reconnus. $S \longrightarrow aSbT$ fournit 5 items :

 $S \longrightarrow aSbT$

 $S \longrightarrow a \cdot SbT$

 $S \longrightarrow aS \cdot bT$

 $S \longrightarrow aSb \cdot T$

 $S \longrightarrow aSbT$

Une production telle que $A \longrightarrow \epsilon$ ne donne qu'un seul item : $A \longrightarrow \cdot$.

10.2.2 Fermeture d'un ensemble d'items

Si I est un ensemble d'items pour une grammaire G, Fermeture(I) est l'ensemble des items construit par l'algorithme suivant :

Placer chaque item de I dans Fermeture(I)

 $Si \ A \longrightarrow \alpha_1 \cdot B\alpha_2 \in Fermeture(I) \ et \ B \longrightarrow \gamma \ est \ une \ production \ de \ G$ $ajouter \ B \longrightarrow \gamma \ dans \ Fermeture(I)$

Recommencer tant qu'un nouvel item est ajouté

Exemples

Si
$$I = \{S \longrightarrow a \cdot SbT\}$$

Fermeture $(I) = \{S \longrightarrow a \cdot SbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\}$

Si
$$I = \{S \longrightarrow aSb \cdot T\}$$

Fermeture $(I) = \{S \longrightarrow aSb \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\}$

10.3 Automate caractéristique canonique

10.3.1 Définition

On construit un automate caractéristique canonique LR(0). Il est défini sur $V \cup T$. Cet automate fini déterministe reflète les décisions que prend l'analyseur lorsqu'il choisit une règle à appliquer. Analyser B dans $A \longrightarrow \alpha_1 \cdot B\alpha_2$ se traduit par l'analyse d'une règle issue de B.

Chaque fermeture d'ensemble d'items forme un état de l'automate. Les items de I, tels que $S \longrightarrow aSb \cdot T$ forment le noyau de Fermeture(I).

10.3.2 Diagramme de transition

La figure 10.1 représente le diagramme de transition de l'automate caractéristique canonique LR(0) issu de la table construite à la section 10.3.5.

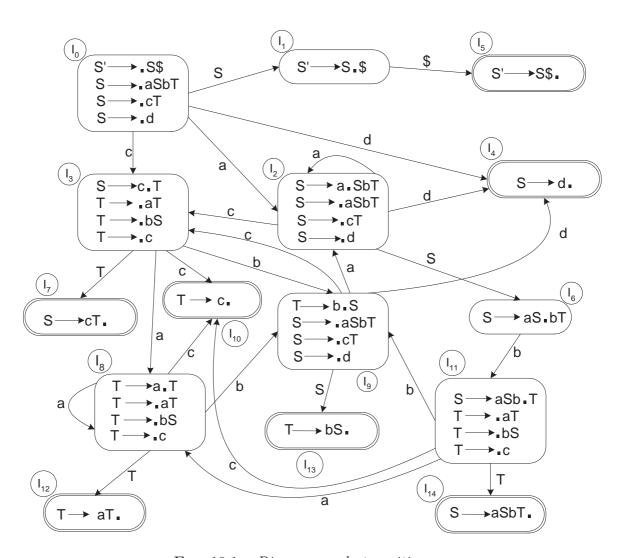


Fig. 10.1 – Diagramme de transition

10.3.3 Transitions

La fonction de transition détermine l'état successeur d'un état donné après l'analyse d'un symbole terminal ou non.

Calcul des transitions

Transition(I,X), I est un ensemble d'items et $X \in T \cup V$. Pour chaque item $A \longrightarrow \alpha_1 \cdot X \alpha_2$ de I on détermine l'item $A \longrightarrow \alpha_1 X \cdot \alpha_2$. La fermeture de l'ensemble de ces derniers donne Transition(I,X).

10.3.4 Collection des items d'une grammaire

Ajouter l'axiome S' et la production $S' \longrightarrow S$ \$ $I_0 \longleftarrow Fermeture(\{S' \longrightarrow S\}\})$ $C \longleftarrow \{I_0\}$ Pour chaque $I \in C$ Pour chaque $X \in V \cup T$ tel que $Transition(I,X) \neq \emptyset$ Ajouter Transition(I,X) à CRecommencer tant que C n'est pas stable

10.3.5 Construction des items

Nous utilisons la grammaire G définie dans la section 10.1.1:

$$T = \{a,b,c,d\} \ V = \{S,T\}$$

$$P = \{$$

$$1. \ S \longrightarrow aSbT$$

$$2. \ S \longrightarrow cT$$

$$3. \ S \longrightarrow d$$

$$4. \ T \longrightarrow aT$$

5.
$$T \longrightarrow bS$$

6.
$$T \longrightarrow c$$

La table suivante montre la construction des items:

$$I_{0} = \{S' \longrightarrow S\$, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\}$$

$$I_{1} = \delta(I_{0}, S) = \{S' \longrightarrow S \cdot \$\}$$

$$I_{2} = \delta(I_{0}, a) = \{S \longrightarrow a \cdot SbT, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\}$$

$$I_{3} = \delta(I_{0}, c) = \{S \longrightarrow c \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\}$$

$$I_{4} = \delta(I_{0}, d) = \{S' \longrightarrow d \cdot \}$$

$$I_{5} = \delta(I_{1}, \$) = \{S' \longrightarrow S\$ \cdot \}$$

$$I_{6} = \delta(I_{2}, S) = \{S \longrightarrow aS \cdot bT\}$$

$$\delta(I_{2}, a) = \{S \longrightarrow a \cdot SbT, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\} = I_{2}$$

 $\delta(I_2,c) = \{S \longrightarrow c \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\}$ $\delta(I_2,d) = \{S \longrightarrow d \cdot \}$

$$I_{7} = \delta(I_{3},T) = \{S \longrightarrow cT \cdot\}$$

$$I_{8} = \delta(I_{3},a) = \{T \longrightarrow a \cdot T, T \longrightarrow cT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\}$$

$$I_{9} = \delta(I_{3},b) = \{T \longrightarrow b \cdot S, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\}$$

$$I_{10} = \delta(I_{3},c) = \{T \longrightarrow c \cdot\}$$

$$I_{11} = \delta(I_{6},b) = \{S \longrightarrow aSb \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\}$$

$$I_{12} = \delta(I_{8},T) = \{T \longrightarrow aT \cdot\}$$

$$\delta(I_{8},a) = \{T \longrightarrow a \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\} = I_{8}$$

$$\delta(I_{8},b) = \{T \longrightarrow b \cdot S, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\} = I_{9}$$

$$\delta(I_{8},c) = \{T \longrightarrow bS \cdot\}$$

$$\delta(I_{9},a) = \{S \longrightarrow a \cdot SbT, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\} = I_{2}$$

$$\delta(I_{9},c) = \{S \longrightarrow c \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\} = I_{3}$$

$$\delta(I_{9},d) = \{S \longrightarrow d \cdot\}$$

$$I_{14} = \delta(I_{11},T) = \{S \longrightarrow aSbT \cdot\}$$

$$\delta(I_{11},a) = \{T \longrightarrow a \cdot T, T \longrightarrow aT, T \longrightarrow bS, T \longrightarrow c\} = I_{8}$$

$$\delta(I_{11},b) = \{T \longrightarrow b \cdot S, S \longrightarrow aSbT, S \longrightarrow cT, S \longrightarrow d\} = I_{9}$$

$$\delta(I_{11},c) = \{T \longrightarrow c \cdot\}$$

10.4 Analyse LR(0)

10.4.1 Table des actions

La table des Actions de l'analyseur est remplie selon l'algorithme:

```
Pour tout état s

si s contient un item tel que A \longrightarrow \alpha \cdot a\beta alors

Action[s] \leftarrow D\'{e}calage

sinon

si s contient A \longrightarrow \alpha \cdot (r\`{e}gle\ i) et A \neq S' alors

Action[s] \leftarrow R\'{e}duction\ i

si s contient S' \longrightarrow S\$ \cdot alors

Action[s] \leftarrow Acceptation
```

Définition 10.3 (Grammaire LR(0))

Une grammaire est LR(0) si aucune entrée de la table des actions ne contient plus d'une action.

Table des successeurs

La table des successeurs n'est qu'une simple table de transition d'un automate. La définition des transitions entre les états permet de remplir cette table.

10.4.2 Illustration

Etats	Action	Successeurs						
		a	b	c	d	S	Т	\$
0	Décalage	2		3	4	1		
1	Décalage							5
2	Décalage	2		3	4	6		
3	Décalage	8	9	10			7	
4	Réduction 3							
5	Acceptation							
6	Décalage		11					
7	Réduction 2							
8	Décalage	8	9	10			12	
9	Décalage	2		3	4	13		
10	Réduction 6							
11	Décalage	8	9	10			14	
12	Réduction 4							
13	Réduction 5							
14	Réduction 1							

10.4.3 Algorithme d'analyse

L'analyse est réalisée grâce à un automate à pile. Son fonctionnement est le suivant :

Syntaxe: $(\acute{e}tat, entr\'ee, pile, sortie)$. Le fond de la pile est situé à droite. Soit s l'état courant

$$Si\ Action[s] = D\'{e}calage$$

 $(s,ax,s\gamma,y) \vdash (s',x,s'as\gamma,y) \text{ avec } s' = \text{successeur}[s,a]$
L'automate:

- consume le caractère d'entrée (a),
- empile le caractère et le successeur de l'état actuel,
- et se positionne dans l'état successeur.

$$Si\ Action[s] = R\'{e}duction\ j$$
; (par la règle $j: A \longrightarrow \alpha$)
 $\alpha = X_1 X_2 \cdots X_n$
 $(s,x,sX_n \cdots s_2 X_2 s_1 X_1 t \gamma,y) \vdash (s',x,s'At\gamma,yj)$ avec $s' = \text{successeur}[t,A]$

L'automate:

- dépile les symboles correspondant à la partie droite de la règle j, ainsi que les sommets intermédiaires,
- empile le symbole gauche de la règle j et le successeur de l'état apparu sur la pile,
- et se positionne dans cet état.

- $Si \ Action[s] = Acceptation$ chaîne syntaxiquement correcte.
- $Si~Successeur[s]=\emptyset$ (le successeur recherché n'apparaı̂t pas dans la table) erreur

10.4.4 Simulation de l'automate

Soit à analyser la chaîne: accbbadbc. L'état initial est empilé. La table suivante illustre le fonctionnement de l'automate (Acceptation par état final).

Entrée	Pile	Action	Sortie
accbbadbc\$	0-1	Décalage	
ccbbadbc\$	2a0⊣	Décalage	
cbbadbc\$	3c2a0⊣	Décalage	
bbadbc\$	10c3c2a0⊣	Réduction 6	6
bbadbc\$	7T3c2a0⊣	Réduction 2	6 2
bbadbc\$	6S2a0⊣	Décalage	6 2
badbc\$	11b6S2a0⊣	Décalage	6 2
adbc\$	9b11b6S2a0⊣	Décalage	6 2
dbc\$	2a9b11b6S2a0⊣	Décalage	6 2
bc\$	4d2a9b11b6S2a0⊣	Réduction 3	6 2 3
bc\$	6S2a9b11b6S2a0⊣	Décalage	6 2 3
c\$	11b6S2a9b11b6S2a0⊣	Décalage	6 2 3
\$	$10c11b6S2a9b11b6S2a0 \dashv$	Réduction 6	6 2 3 6
\$	14T11b6S2a9b11b6S2a0⊣	Réduction 1	6 2 3 6 1
\$	13S9b11b6S2a0⊣	Réduction 5	6 2 3 6 1 5
\$	14T11b6S2a0⊣	Réduction 1	$\left[\; 6\; 2\; 3\; 6\; 1\; 5\; 1 \; \right]$
\$	1S0⊣	Décalage	$\left[\; 6\; 2\; 3\; 6\; 1\; 5\; 1 \; \right]$
ϵ	5\$1S0⊣	Acceptation	$\left[\; 6\; 2\; 3\; 6\; 1\; 5\; 1 \; \right]$

10.4.5 Conflits

Conflit Décaler - Réduire

Certains états peuvent contenir un item de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot a\beta$ et un item de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot$. Ceci engendre un conflit Décaler - Réduire.

Conflit Réduire - Réduire

Certains états peuvent contenir deux items de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot$, représentant deux situations de réduction par deux productions différentes. Ceci engendre un conflit Réduire - Réduire.

Chapitre 11

Analyse Ascendante SLR(1)

11.1 Introduction

Très peu de grammaires sont LR(0). Par exemple, une grammaire avec une production vide ne peut être LR(0). Si nous considérons une production telle que $T \longrightarrow \epsilon$, un ensemble d'items contenant un item de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot T\beta$ contient aussi l'item $T \longrightarrow \cdot$ d'où un conflit Décaler - Réduire.

La méthode d'analyse SLR(1) (ou Simple LR(1)) est un peu plus puissante que la méthode LR(0), mais encore insuffisante en pratique.

11.2 Algorithme de construction

La méthode LR(0) du chapitre 10 ne considère aucun caractère de prévision. La méthode SLR(1) quant à elle prend en compte les suivants globaux de chaque variable pour construire les tables d'actions et de successeurs. La table des actions est à deux dimensions.

La méthode SLR(1) s'appuie sur la remarque qu'un pivot ne doit pas être réduit à un non terminal A si le caractère de prévision n'appartient pas à SUIV(A).

Le diagramme de transition de l'automate SLR(1) est le même que celui de l'automate LR(0), le nombre d'états est le même, la table des successeurs est la même, mais la table d'actions est différente. L'algorithme de construction des tables est le suivant :

- 1. Construire la collections des ensembles d'items $LR(0): \{I_0, I_1, \cdots I_n\}$ Chaque item I_p permet de construire l'état p de l'analyseur.
- 2. Pour chaque $\delta(I_i,a) = I_j$, $a \in T$ mettre Décalage dans la case $M_A[i,a]$ de la table des actions. mettre j dans la case $M_S[i,a]$ de la table des successeurs.

- 3. Pour chaque $\delta(I_i,A)=I_j,\ A\in V$ mettre j dans la case $M_S[i,A]$ de la table des successeurs.
- 4. Pour chaque règle $k, A \longrightarrow \alpha$, telle que $A \longrightarrow \alpha \in I_p$ (sauf pour A = S'), mettre Réduction k dans chaque case $M_A[p,a]$ où $a \in \mathrm{SUIV}(A)$.
- 5. Si $S' \longrightarrow S\$ \cdot \in I_p$, mettre Acceptation dans la ligne $M_A[p]$ de la table des actions.

11.3 Tables SLR(1)

Reprenons la grammaire de la section 10.3.5. Les premiers et suivants sont précisés dans les tables suivantes :

Premiers et suivants

	Premiers
S	$\{a,c,d\}$
SbT	$\{a,c,d\}$
Т	$\{a,b,c\}$

	Suivants
S	{\$,b}
Т	{\$,b}

Etats	Action				Successeurs							
	a	b	c	d	\$	a	b	c	d	\$	S	Т
0	D		D	D		2		3	4		1	
1					D					5		
2	D		D	D		2		3	4		6	
3	D	D	D			8	9	10				7
4		R 3			R 3							
5	Acceptation											
6		D					11					
7		R 2			R 2							
8	D	D	D			8	9	10				12
9	D		D	D		2		3	4		13	
10		R 6			R 6							
11	D	D	D			8	9	10				14
12		R 4			R 4							
13		R 5			R 5							
14		R 1	·		R 1							

Il est possible de fondre ces deux tables. Il suffit de faire suivre l'action de décalage du numéro de l'état successeur lorsqu'il s'agit d'un symbole terminal.

Tables d'analyse

Etats			Action			Su	ıcc
	a	b	С	d	\$	S	Т
0	D 2		D 3	D 4		1	
1					D 5		
2	D 2		D 3	D 4		6	
3	D 8	D 9	D 10				7
4		R 3			R 3		
5		Acceptation					
6		D 11					
7		R 2			R 2		
8	D 8	D 9	D 10				12
9	D 2		D 3	D 4		13	
10		R 6			R 6		
11	D 8	D 9	D 10				14
12		R 4			R 4		
13		R 5			R 5		
14		R 1			R 1		

11.4 Grammaire SLR(1), non LR(0)

```
Soit G la grammaire suivante:
```

$$T = \{id, + ,(,),[,]\} \ V = \{E,T\}$$

 $P = \{$

- 1. $E \longrightarrow T$
- $2. E \longrightarrow E + T$
- 3. $T \longrightarrow id$
- 4. $T \longrightarrow (E)$
- 5. $T \longrightarrow id[E]$

Cette grammaire illustre la création d'une expression. Les productions 1 à 4 ne posent pas de problème. L'introduction de la règle 5 signifiant qu'un terme peut être un élément de tableau produit un conflit Décalage - Réduction en analyse LR(0). En effet, après la rencontre du symbole *id*, on ne peut décider si l'on doit réduire en appliquant la règle 3 ou si l'on doit décaler pour compléter le choix de la règle 5. L'analyse SLR(1), prenant en compte les caractères suivant globalement chacune des variables permet de lever ce conflit. Le terminal [n'apparaissant pas dans les suivants possibles de la variable T indique un décalage obligatoire lorsqu'a été reconnue la séquence *id* [. Ceci est illustré par l'analyse suivante.

Etats

$$I_{0} = \{S' \rightarrow E\$, E \rightarrow T, E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$I_{1} = \delta(I_{0}, E) = \{S' \rightarrow E \cdot \$, E \rightarrow E \cdot + T\}$$

$$I_{2} = \delta(I_{0}, T) = \{E \rightarrow T \cdot \}$$

$$I_{3} = \delta(I_{0}, id) = \{T \rightarrow id \cdot T, T \rightarrow id \cdot [E]\}$$

$$I_{4} = \delta(I_{0}, ()) = \{T \rightarrow (\cdot E), E \rightarrow T, E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$I_{5} = \delta(I_{1}, \$) = \{S' \rightarrow E\$ \cdot \}$$

$$I_{6} = \delta(I_{1}, +) = \{E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$I_{7} = \delta(I_{3}, [) = \{T \rightarrow id[\cdot E], E \rightarrow T, E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$I_{8} = \delta(I_{4}, E) = \{T \rightarrow id[\cdot E], E \rightarrow E \cdot + T\}$$

$$\delta(I_{4}, I) = \{E \rightarrow T \cdot \}$$

$$\delta(I_{4}, I) = \{T \rightarrow (\cdot E), E \rightarrow T, E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$\delta(I_{4}, I) = \{T \rightarrow (\cdot E), E \rightarrow T, E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\}$$

$$I_{9} = \delta(I_{6}, I) = \{E \rightarrow E + T \cdot \}$$

$$\delta(I_{6}, id) = \{T \rightarrow id \cdot T, T \rightarrow id \cdot [E]\} = I_{3}$$

$$\delta(I_{6}, I) = \{T \rightarrow id[E \cdot], E \rightarrow E + T, T \rightarrow id, T \rightarrow (E), T \rightarrow id[E]\} = I_{4}$$

$$I_{10} = \delta(I_{7}, E) = \{T \rightarrow id[E \cdot], E \rightarrow E + T\}$$

$$\delta(I_{7}, Id) = \{T \rightarrow id \cdot T, T \rightarrow id \cdot [E]\} = I_{4}$$

$$I_{11} = \delta(I_{8}, I) = \{T \rightarrow id[E] \cdot \}$$

$$\delta(I_{8}, I) = \{T \rightarrow id[E] \cdot \}$$

$$\delta(I_{8}, I) = \{T \rightarrow id[E] \cdot \}$$

$$\delta(I_{10}, I) = \{T \rightarrow id[E] \cdot \}$$

11.4.1 Premiers - Suivants

	Premiers
Е	{ <i>id</i> ,(}
T	{ <i>id</i> ,(}
E + T	{ <i>id</i> ,(}

	Suivants					
Ε	$\{\$, +,),]\}$					
Т	$\{\$, +,),]\}$					

11.4.2 Tables d'analyse

Etats		Action						Succ	
	id	+	()	[]	\$	Е	Т
0	D 3		D 4					1	2
1		D 6					D 5		
2		R 1		R 1		R 1	R 1		
3		R 3		R 3	D 7	R 3	R 3		
4	D 3		D 4					8	2
5	Acceptation								
6	D 3		D 4						9
7	D 3		D 4					10	2
8		D 6		D 11					
9		R 2		R 2		R 2	R 2		
10		D 6				D 12			
11		R 4		R 4		R 4	R 4		
12		R 5		R 5		R 5	R 5		

11.4.3 Simulation de l'automate

Soit à analyser la chaîne : tab[i] + p

L'analyse lexicale transforme l'entrée en : id[id] + id. La table suivante illustre le fonctionnement de l'automate (Acceptation par état final).

Entrée	Pile	Action	Sortie
id[id] + id\$	0-1	Décalage	
[id] + id\$	3 id 0⊢	Décalage	
[id] + id\$	7 [3 id 0⊢	Décalage	
] + id\$	3 id 7 [3 id 0⊣	Réduction	3
] + id\$	2 T 7 [3 id 0⊢	Réduction	3 1
] + id\$	10 E 7 [3 id 0⊣	Décalage	3 1
+ id\$	12] 10 E 7 [3 id 0⊢	Réduction	3 1 5
+ id\$	2 T 0⊢	Réduction	3 1 5 1
+ id\$	1 E 0⊣	Décalage	3 1 5 1
id\$	$6 + 1 \to 0 - 1$	Décalage	3 1 5 1
\$	$3 \text{ id } 6 + 1 \to 0 \dashv$	Réduction	3 1 5 1 3
\$	$9 \text{ T } 6 + 1 \text{ E } 0 \dashv$	Réduction	3 1 5 1 3 2
\$	1 E 0⊣	Décalage	3 1 5 1 3 2
ϵ	5 \$ 1 E 0⊣	Acceptation	3 1 5 1 3 2

11.5 Conflits

Les mêmes types de conflits que dans le cas des grammaires LR(0) subsistent.

11.5.1 Conflit Décaler - Réduire

Certains états peuvent contenir un item de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot a\beta$ et un item de la forme $A \longrightarrow \alpha \cdot$. Ceci engendre un conflit Décaler - Réduire.

11.5.2 Conflit Réduire - Réduire

Certains états peuvent contenir deux items de la forme $A \longrightarrow \alpha$, représentant deux situations de réduction par deux productions différentes. Ceci engendre un conflit Réduire - Réduire.

Chapitre 12

Analyse LR(1)

12.1 Exemple

```
Considérons la grammaire G: T = \{ = , * , id \} \ V = \{ S,G,D \} P = \{ S \longrightarrow G = D \\ S \longrightarrow D \\ G \longrightarrow *D \\ G \longrightarrow id \\ D \longrightarrow G \} Le symbole = appartient à SUIV(D). En effet on peut dériver: S \Longrightarrow G = D \Longrightarrow *D = D I_0 = \{ S' \longrightarrow S\$, S \longrightarrow G = D, S \longrightarrow D, D \longrightarrow G, G \longrightarrow *D, G \longrightarrow id \} I_1 = Transition(I_0,G) = \{ S \longrightarrow G = D, D \longrightarrow G \cdot \}. En analyse SLR(1), cette grammaire possède un état LR(0), qui indique of
```

En analyse SLR(1), cette grammaire possède un état LR(0), qui indique de réduire par la production $D \longrightarrow G$ en présence de tout suivant de D et en particulier =. Un syntagme tel que G = **id pourrait être réduit en D = **id or un tel syntagme commençant par D = ne peut exister. Cette grammaire n'est donc pas SLR(1).

12.2 Introduction

Si un ensemble d'items I_i contient $A \longrightarrow \alpha \cdot$ et si $a \in SUIV(A)$ alors la table des actions SLR indiquera de réduire. Cependant cette décision peut être illicite. En effet, il peut exister des préfixes $\beta \alpha$ ne pouvant pas être suivis de a.

Des conflits Décaler-Réduire peuvent provenir du fait que la méthode SLR n'est pas suffisamment puissante pour se rappeler assez de contexte gauche pour décider de l'action à effectuer par l'analyseur.

Il faut attacher davantage d'information aux items LR(0), ce qui permet d'éviter

certaines réductions invalides. Pour cela, il faut que chaque état d'un analyseur LR indique exactement les symboles d'entrée qui peuvent suivre un manche $A \longrightarrow \alpha$ pour lesquels une réduction vers A est possible.

12.3 Items LR(1)

12.3.1 Définition

Définition 12.1 (Item LR(1))

Un item LR(1) est une forme telle que $[A \longrightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ où $A \longrightarrow \alpha\beta$ est une production de la grammaire et a est un symbole terminal, ϵ ou la marque de fin d'entrée \$.

Un item $[A \longrightarrow \alpha \cdot a]$ signifie Réduire par la production $A \longrightarrow \alpha$ uniquement si le prochain symbole d'entrée est a. Il ne sera pas ainsi obligatoire de réduire pour tout suivant de A. Un item $[A \longrightarrow \alpha \cdot b\beta, a]$ impliquera un décalage.

Définition 12.2 (Item LR(1) valide)

Un item LR(1) $[A \longrightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ est valide pour un préfixe viable $\delta \alpha$, s'il existe une dérivation droite telle que : $S \underset{rm}{\overset{*}{\Rightarrow}} \delta Aaw \underset{rm}{\Longrightarrow} \delta \alpha \beta aw$

12.3.2 Fermeture d'un ensemble d'items LR(1)

Considérons un item $[A \longrightarrow \alpha \cdot B\beta, a]$, valide pour un préfixe $\delta \alpha$. Il existe une dérivation : $S \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta Aaw \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta Aaw \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta \alpha B\beta aw$. Pour une production $B \longrightarrow \eta$, la dérivation devient : $S \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta Aaw \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta \alpha B\beta aw \stackrel{*}{\Longrightarrow} \delta \alpha \eta\beta aw$.

Les items valides pour le même préfixe $\delta \alpha$ sont les items $[B \longrightarrow \eta, b]$ tels que $b \in PREM(\beta aw)$.

Remarque:

```
PREM(\beta aw) = PREM(\beta a)
Si \beta est nullifiable alors a \in PREM(\beta a)
Si \beta n'est pas nullifiable alors PREM(\beta a) = PREM(\beta)
```

Algorithme de fermeture

```
Soit I un ensemble d'items d'une grammaire G.

Placer\ chaque\ item\ de\ I\ dans\ Fermeture(I).

Si\ l'item\ [A \longrightarrow \alpha \cdot B\beta, a] \in Fermeture(I)

et\ si\ B \longrightarrow \gamma\ est\ une\ production\ de\ G

Pour\ chaque\ terminal\ b \in PREM(\beta a)

Ajouter\ l'item\ [B \longrightarrow \gamma, b]\ \grave{a}\ Fermeture(I).

Recommencer\ tant\ que\ Fermeture(I)\ n'est\ pas\ stable.
```

12.3.3 Transition

Détermination de Transition(I,X), où I est un ensemble d'items d'une grammaire G et X un élément de $T \cup V$.

```
Considérer les items de la forme [A \longrightarrow \alpha_1 \cdot X\alpha_2, a] \in I
Construire J l'ensemble des items de la forme [A \longrightarrow \alpha_1 X \cdot \alpha_2, a]
Transition(I,X) = Fermeture(J)
```

12.3.4 Calcul de l'ensemble des items

Soit à calculer l'ensemble des items LR(1) d'une grammaire.

Ajouter l'axiome S' et la production S' \longrightarrow S\$ $I_0 \longleftarrow Fermeture(\{[S' \longrightarrow S\$, \epsilon]\})$ $C \longleftarrow \{I_0\}$ $Pour chaque I \in C$ $Pour chaque X \in V \cup T \ tel \ que \ Transition(I,X) \neq \emptyset$ $Ajouter \ Transition(I,X) \ \grave{a} \ C$ $Recommencer \ tant \ que \ C \ n'est \ pas \ stable$

12.3.5 Tables d'analyse LR(1)

- 1. Construire $C = \{I_0, I_1, \dots I_n\}$ l'ensemble des items LR(1). Chaque I_i permet de construire l'état i de l'analyseur.
- 2. Si $[A \longrightarrow \alpha \cdot a\beta, b] \in I_i$ mettre Décalage dans $M_A[i,a]$ de la table des actions. On ne se préoccupe pas de b. mettre j dans $M_S[i,a]$ de la table des successeurs où $I_j = \delta(I_i,a)$
- 3. Si $[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a] \in I_i$ et $A \neq S'$ mettre Réduction p (où p est le rang de la production $A \longrightarrow \alpha$) dans $M_A[i,a]$ de la table des actions.
- 4. Si $[S' \longrightarrow S\$\cdot, \epsilon] \in I_i$ mettre Acceptation dans $M_A[i]$ de la table des actions.
- 5. Si $\delta(I_i, A) = I_j$ mettre j dans $M_S[i, A]$ de la table des successeurs

Définition 12.3 (Grammaire LR(1))

Une grammaire est LR(1) si aucune case de la table des actions ne contient plus d'une action.

12.3.6 Illustration

```
Soit G la grammaire:

T = \{c,d\}, V = \{S,C\}
```

$$\begin{split} \mathbf{P} &= \{ \ 1. \ S \longrightarrow CC \\ 2. \ C \longrightarrow cC \\ 3. \ C \longrightarrow d \ \} \end{split} \qquad \begin{aligned} \mathbf{PREM(C)} &= \{c,d\}. \end{aligned}$$

Ensemble des Items LR(1)

$$I_0 = \{ [S' \longrightarrow S\$, \epsilon], [S \longrightarrow CC, \$], [C \longrightarrow cC, c], \\ [C \longrightarrow cC, d], [C \longrightarrow d, c], [C \longrightarrow d, d] \}$$

$$I_{1} = \delta(I_{0},S) = \{[S' \longrightarrow S \cdot \$, \epsilon]\}$$

$$I_{2} = \delta(I_{0},C) = \{[S \longrightarrow C \cdot C,\$], [C \longrightarrow cC,\$], [C \longrightarrow d,\$]\}$$

$$I_{3} = \delta(I_{0},c) = \{[C \longrightarrow c \cdot C,c], [C \longrightarrow c \cdot C,d], [C \longrightarrow cC,c],$$

$$[C \longrightarrow cC,d], [C \longrightarrow d,c], [C \longrightarrow d,d]\}$$

$$I_{4} = \delta(I_{0},d) = \{[C \longrightarrow d \cdot c], [C \longrightarrow d \cdot d]\}$$

$$I_5 = \delta(I_1,\$) = \{[S' \longrightarrow S\$\cdot,\epsilon]\}$$

$$I_{6} = \delta(I_{2},C) = \{[S \longrightarrow CC \cdot ,\$]\}$$

$$I_{7} = \delta(I_{2},c) = \{[C \longrightarrow c \cdot C,\$],[C \longrightarrow cC,\$],[C \longrightarrow d,\$]\}$$

$$I_{8} = \delta(I_{2},d) = \{[C \longrightarrow d \cdot ,\$]\}$$

$$I_{9} = \delta(I_{3},C) = \{[C \longrightarrow cC \cdot ,c], [C \longrightarrow cC \cdot ,d]\}$$

$$\delta(I_{3},c) = \{[C \longrightarrow c \cdot C,c], [C \longrightarrow c \cdot C,d], [C \longrightarrow cC,c],$$

$$[C \longrightarrow cC,d], [C \longrightarrow d,c], [C \longrightarrow d,d]\} = I_{3}$$

$$\delta(I_{3},d) = \{[C \longrightarrow d \cdot ,c][C \longrightarrow d \cdot ,d]\} = I_{4}$$

$$I_{10} = \delta(I_7, C) = \{ [C \longrightarrow cC \cdot ,\$] \}$$

$$\delta(I_7, c) = \{ [C \longrightarrow c \cdot C,\$], [C \longrightarrow cC,\$], [C \longrightarrow d,\$] \} = I_7$$

$$\delta(I_7, d) = \{ [C \longrightarrow d \cdot ,\$] \} = I_8$$

Tables d'analyse

Etats		Succ			
	c	d	\$	S	С
0	D 3	D 4		1	2
1			D 5		
2	D 7	D 8			6
3	D 3	D 4			9
4	R 3	R 3			
5	Acceptation				

6			R 1	
7	D 7	D 8		10
8			R 3	
9	R 2	R 2		
10			R 2	

Analyse de la chaîne ccdcd

Entrée	Pile	Action	Sortie
ccdcd\$	0-1	Décalage	
cdcd\$	3 c 0⊣	Décalage	
dcd\$	3 c 3 c 0⊢	Décalage	
cd\$	4 d 3 c 3 c 0⊢	Réduction	3
cd\$	9 C 3 c 3 c 0⊢	Réduction	3 2
cd\$	9 C 3 c 0⊢	Réduction	3 2 2
cd\$	2 C 0⊢	Décalage	3 2 2
d\$	7 c 2 C 0⊢	Décalage	3 2 2
\$	8 d 7 c 2 C 0⊢	Réduction	3 2 2 3
\$	10 C 7 c 2 C 0⊢	Réduction	$3\ 2\ 2\ 3\ 2$
\$	6 C 2 C 0⊢	Réduction	$3\ 2\ 2\ 3\ 2\ 1$
\$	1 S 0⊣	Décalage	$3\ 2\ 2\ 3\ 2\ 1$
ϵ	5 \$ 1 S 0⊢	Acceptation	

12.3.7 Exemples de conflits LR(1)

Décaler - Réduire

Lorsqu'un état contient des items tels que : $[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a]$ et $[A \longrightarrow \beta \cdot a\gamma,b]$, il dénote un conflit Décaler - Réduire à la rencontre du caractère a.

Réduire - Réduire

Lorsqu'un état contient des items tels que: $[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a]$ et $[B \longrightarrow \alpha \cdot ,a]$, il dénote un conflit Réduire - Réduire à la rencontre du caractère a commun aux suivants de A et de B.

12.4 Analyse LALR(1)

La méthode LALR(1) (LookAheadLR) est presque aussi puissante que la méthode LR(1) et aussi compacte que la méthode SLR(1). C'est certainement la plus utilisée par les générateurs d'analyseur syntaxique. Les tables SLR et LALR ont le même nombre d'états. Nous construirons les états LALR à partir des états LR bien qu'en pratique un algorithme permette de les générer à partir des items LR(0).

12.4.1 Cœur d'un ensemble d'items

$$I_{3} = \{ [C \longrightarrow c \cdot C, c], [C \longrightarrow c \cdot C, d] \\ [C \longrightarrow cC, c], [C \longrightarrow cC, d] \\ [C \longrightarrow d, c], [C \longrightarrow d, d] \}$$

 I_3 peut être réécrit en compactant les items bâtis sur le même item LR(0):

$$I_{3} = \{ [C \longrightarrow c \cdot C, c/d] \\ [C \longrightarrow cC, c/d] \\ [C \longrightarrow d, c/d] \}$$

Le noyau de l'état est l'ensemble des items placés initialement dans celui-ci et permettant de générer les autres par fermeture. Sauf pour l'état initial, le noyau ne contient pas d'items dont le point est situé en première position.

Le cœur de l'état est l'ensemble des items LR(0) obtenus à partir des items LR(1), par restriction sur les symboles de prévision.

La figure 12.1 indique les noyau et cœur de l'état 3.

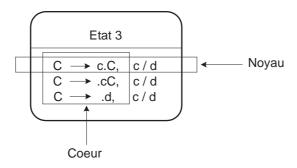


Fig. 12.1 – Noyau et cœur de l'état 3

Dans l'exemple de la section 12.3.6 les items I_3 et I_7 , I_4 et I_8 , I_9 et I_{10} ont respectivement le même cœur.

12.4.2 Fusion de deux états

Il est possible de fusionner deux états ayant le même cœur. Il suffit de réunir les listes de symboles de prévision pour chaque item LR(0) correspondant.

$$I_{3} \cup I_{7} = J_{37}$$

$$J_{37} = \{ [C \longrightarrow c \cdot C, c/d/\$]$$

$$[C \longrightarrow cC, c/d/\$]$$

$$[C \longrightarrow d, c/d/\$] \}$$

$$I_{4} \cup I_{8} = J_{48}$$

$$J_{48} = \{ [C \longrightarrow d \cdot c/d/\$] \}$$

La fusion de deux ou plusieurs états est consistante par transition. En effet: Si I et J ont le même cœur alors Transition(I,X) et Transition(J,X) auront le même cœur puisqu'ils ne diffèreront que sur les symboles de prévision (voir illustration en figure 12.2).

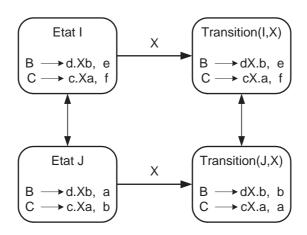


Fig. 12.2 – Consistance de la fusion et de la fonction de transition

12.4.3 Tables d'analyse LALR

- 1. Construire $C = \{I_0, I_1, \dots I_n\}$ l'ensemble des items LR(1) pour la grammaire augmentée.
- 2. Pour chaque cœur, trouver les états ayant ce même cœur et les remplacer par leur fusion. Soit $C' = \{J_0, J_1, \dots J_m\}$ l'ensemble des items LALR(1) qui en résultent $(m \le n)$. Chaque J_i permet de construire l'état i de l'analyseur.
- 3. Soit δ et Δ les fonctions de transition sur les états LR(1) et LALR(1).
 - Si I_k n'a pas fusionné, il est renommé J_k et $\Delta(J_k,X)=\delta(I_k,X)$ pour tout X.
 - Si $\delta(I_k,X)=I_p$ et si I_k a fusionné en J_l alors I_p a fusionné en J_q et $\Delta(J_l,X)=J_q$
- 4. Si $[A \longrightarrow \alpha \cdot a\beta, b] \in J_i$

mettre Décalage dans $M_A[i,a]$ de la table des actions.

On ne se préoccupe pas de b.

mettre j dans $M_S[i,a]$ de la table des successeurs où $J_i = \Delta(J_i,a)$

- 5. Si $[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a] \in J_i$ et $A \neq S'$ mettre Réduction p (où p est le rang de la production $A \longrightarrow \alpha$) dans $M_A[i,a]$ de la table des actions.
- 6. Si $[S' \longrightarrow S\$\cdot, \epsilon] \in J_i$ mettre Acceptation dans $M_A[i]$ de la table des actions.
- 7. Si $\Delta(J_i, A) = J_j$ mettre j dans $M_S[i, A]$ de la table des successeurs

Définition 12.4 (Grammaire LALR(1))

Une grammaire est LALR(1) si aucune case de la table des actions ne contient plus d'une action.

12.4.4 Exemple

Reprenons l'exemple de la section 12.3.6. Les états pouvant fusionner sont les états I_3 et I_7 , I_4 et I_8 , I_9 et I_{10} . On obtient les nouveaux états J_{37} , J_{48} et J_{910} .

$$J_{37} = \{ [C \longrightarrow c \cdot C, c/d/\$]$$

$$[C \longrightarrow cC, c/d/\$]$$

$$[C \longrightarrow d, c/d/\$] \}$$

$$J_{48} = \{ [C \longrightarrow d \cdot , c/d/\$] \}$$

$$J_{910} = \{ [C \longrightarrow cC \cdot , c/d/\$] \}$$

Tables d'analyse

Analyse LR							
Etats		Action	1	Succ			
	c	d	\$	S	С		
0	D 3	D 4		1	2		
1			D 5				
2	D 7	D 8			6		
3	D 3	D 4			9		
4	R 3	R 3					
5	Ac	ceptat	ion				
6			R 1				
7	D 7	D 8			10		
8			R 3				
9	R 2	R 2					
10			R 2				

Analyse LALR					
Etats	Action			Succ	
	c	d	\$	S	С
0	D 37	D 48		1	2
1			D 5		
2	D 37	D 48			6
37	D 37	D 48			910
48	R 3	R 3	R 3		
5	Acceptation				
6			R 1		
910	R 2	R 2	R 2		

12.4.5 Conflits

La fusion de deux états ne peut entraı̂ner de nouveaux conflits Décaler - Réduire qui n'auraient pas figuré dans les états LR(1). En effet :

Soit J_{kl} un état LALR présentant un conflit Décaler - Réduire. J_{kl} est de la forme : $J_{kl} = \{[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a], [B \longrightarrow \beta \cdot a\gamma,b], \cdots \}$

Soit I_k l'état LR contenant $[A \longrightarrow \alpha \cdot ,a]$. Puisque I_k et I_l ont le même cœur, il contient également un item tel que $[B \longrightarrow \beta \cdot a\gamma,c]$.

 I_k présente donc déjà un conflit Décaler - Réduire.

 $J_{kl} = \{ [A \longrightarrow c \cdot , d/e], [B \longrightarrow c \cdot , e/d] \}$

La fusion de deux états peut entraı̂ner de nouveaux conflits Réduire - Réduire qui n'auraient pas figuré dans les états LR(1). Ceci explique l'existence de grammaire LR(1) non LALR(1).

12.4.6 Grammaire LR(1) non LALR(1)

```
Soit G la grammaire:
T = \{a,b,c,d,e\}, V = \{S,A,B\}
P = {
1. S \longrightarrow aAd/bBd/aBe/bAe
2. A \longrightarrow c
3. B \longrightarrow c
I_0 = \{ [S' \longrightarrow S\$, \epsilon],
             [S \longrightarrow aAd,\$]
             [S \longrightarrow bBd,\$]
             [S \longrightarrow aBe,\$]
             [S \longrightarrow bAe,\$]
I_2 = \delta(I_0, a) = \{ [S \longrightarrow a \cdot Ad, \$], [S \longrightarrow a \cdot Be, \$], [A \longrightarrow c, d], [B \longrightarrow c, e] \}
I_3 = \delta(I_0, b) = \{ [S \longrightarrow b \cdot Bd, \$], [S \longrightarrow b \cdot Ae, \$], [B \longrightarrow c, d], [A \longrightarrow c, e] \}
I_k = \delta(I_2, c) = \{ [A \longrightarrow c \cdot , d], [B \longrightarrow c \cdot , e] \}

I_l = \delta(I_3, c) = \{ [A \longrightarrow c \cdot , e], [B \longrightarrow c \cdot , d] \}
I_k et I_l ne présentent pas de conflit Réduire - Réduire.
Le préfixe ac est viable et les chaînes acd et ace sont reconnues :
S \underset{rm}{\Longrightarrow} aAd \underset{rm}{\Longrightarrow} acdS \underset{rm}{\Longrightarrow} aBe \underset{rm}{\Longrightarrow} ace
       Après fusion:
```

 J_{kl} présente un conflit Réduire - Réduire à la rencontre des symboles d et e.

Chapitre 13

Analyse Sémantique

13.1 Introduction

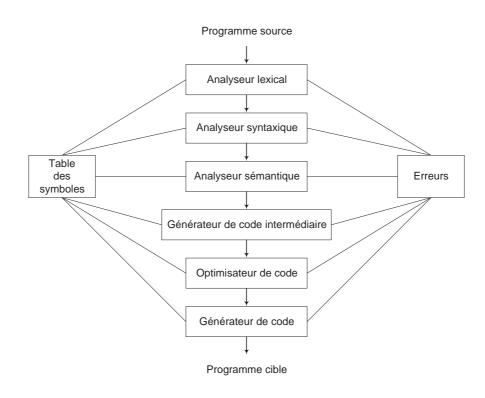


Fig. 13.1 – Les différentes étapes de la compilation

La figure 13.1 représente de façon théorique les phases d'un compilateur. L'analyse syntaxique produit une représentation sous forme d'arbre du texte d'entrée. L'arbre syntaxique (ou concret) n'est cependant pas la représentation la plus usuelle de la structure du programme source. On lui préfère l'arbre abstrait plus compacte dont les nœuds internes sont les mots-clés du langage ou les opérateurs et leurs fils

les opérandes. La construction de cet arbre est basée sur les mêmes concepts que ceux utilisés par l'analyse sémantique. Celle-ci peut d'ailleurs être effectuée en parallèle de l'analyse syntaxique.

La phase d'analyse sémantique rassemble des informations qui serviront dans la production de code et contrôle un certain nombre de cohérences sémantiques. Par exemple, c'est au cours de cette phase que sont déterminés les instructions, les expressions et les identificateurs. Sont également contrôlés les type dans les affectations et les passages de paramètres. Les types d'indices utilisés pour les tableaux peuvent aussi être vérifiés.

Les grammaires hors contexte ne contiennent pas tous les éléments dont l'analyse sémantique a besoin. Ceux-ci dépendent du contexte dans lequel est conçu un programme. On pourrait faire appel à des grammaires contextuelles pour représenter de tels programmes, mais elles sont cependant plus délicates à manipuler et les processus évoqués lors de l'analyse sémantique sont difficilement automatisables. Ils dépendent de la catégorie de programmes et sont en général implémentés à la main. Nous regroupons sous le terme de «définition dirigée par la syntaxe» les concepts requis pendant l'analyse sémantique et par «traduction dirigée par la syntaxe» l'implémentation des processus qui les mettent en œuvre.

13.2 Grammaire attribuée

On utilise un formalisme qui permet d'associer des actions aux règles de production d'une grammaire. Ainsi :

- Chaque symbole de la grammaire possède des attributs. On note X.a l'attribut a du symbole X. Si plusieurs symboles X figurent dans une règle, on note X le symbole lorsqu'il est en partie gauche, X_1, X_2, \ldots , les symboles X en partie droite, à partir du plus à gauche.
- Chaque règle de production de la grammaire possède un ensemble de règles sémantiques ou actions permettant de calculer les valeurs des attributs.
- Une règle sémantique est une suite d'instructions algorithmiques.

Définition 13.1 (Définition dirigée par la syntaxe)

On appelle Définition dirigée par la syntaxe (DDS) la donnée d'une grammaire et de règles sémantiques.

13.2.1 Exemple

Soit la grammaire G définie par les règles suivantes : $S \longrightarrow aSb/aS/\epsilon$

Il s'agit de déterminer le nombre de a.

Production	Règle sémantique
$S \longrightarrow aSb$	$S.nba := S_1.nba + 1$
$S \longrightarrow aS$	$S.nba := S_1.nba + 1$
$S \longrightarrow \epsilon$	S.nba := 0
$S' \longrightarrow S$ \$	// S.nba contient la valeur

Dans cet exemple, on s'aperçoit que l'attribut en partie gauche est calculé en fonction de l'attribut en partie droite.

13.3 Attributs

13.3.1 Arbre décoré

Définition 13.2 (Arbre décoré)

Un arbre décoré est un arbre syntaxique sur les nœuds duquel on fait figurer à gauche et à droite du symbole ses attributs.

La figure 13.2 représente l'arbre décoré lors de la validation de la chaîne: aaab. On peut calculer la valeur de l'attribut d'un nœud dès que l'attribut des fils a été calculé.

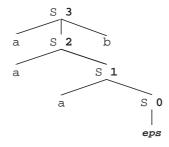


Fig. 13.2 – Arbre décoré

L'écriture des règles sémantiques impose un ordre d'évaluation des attributs. On distingue deux sortes d'attributs : les attributs synthétisés et les attributs hérités. Dans l'arbre décoré on place à gauche du nœud les attributs hérités et à droite les attributs synthétisés.

Définition 13.3 (Attribut synthétisé)

Un attribut synthétisé est attaché au non terminal en partie gauche et se calcule en fonction des attributs des symboles de la partie droite.

Dans l'arbre décoré, un attribut synthétisé est attaché à un nœud et se calcule en fonction des attributs de ses fils.

Définition 13.4 (Attribut hérité)

Un attribut est hérité lorsqu'il est calculé à partir des attributs du non terminal de la partie gauche et des attributs des autres symboles de la partie droite.

Dans l'arbre décoré, un attribut hérité dépend des attributs du nœud père et des attributs des nœuds frères.

Définition 13.5 (Définition S-attribuée)

Une définition dirigée par la syntaxe n'ayant que des attributs synthétisés est appelée définition S-attribuée.

Définition 13.6 (Définition L-attribuée)

Une définition dirigée par la syntaxe est L-attribuée si tout attribut hérité d'un symbole de la partie droite d'une production ne dépend que:

- . des attributs hérités du symbole en partie gauche et
- . des attributs des symboles le précédant dans la production.

13.3.2 Définition formelle

Dans une définition dirigée par la syntaxe, chaque production $A \longrightarrow \alpha$ de la grammaire possède un ensemble de règles sémantiques de la forme : $b := f(c_1, c_2, \dots c_k)$, où :

- . f est une fonction,
- . b est soit un attribut synthétisé de A, soit un attribut hérité d'un des symboles figurant en partie droite de la production
- . les $c_{i,1 \le i \le k}$ sont des attributs quelconques des symboles.

On considère qu'un terminal ne peut avoir que des attributs synthétisés définis à partir des caractères qui composent son lexème. Parfois, il est nécessaire que certaines règles sémantiques produisent des effets de bord. On les considère alors comme des fonctions associées à des attributs factices.

13.3.3 Ordre d'évaluation des attributs

Une DDS peut utiliser à la fois des attributs hérités et des attributs synthétisés. Il est donc nécessaire d'établir un ordre d'évaluation des règles sémantiques.

Définition 13.7 (Graphe de dépendances)

Un graphe de dépendances est un graphe orienté représentant l'ordre d'évaluation des attributs d'une grammaire attribuée. Chaque attribut constitue un sommet du graphe. Il y a un arc de a vers b si le calcul de b dépend de celui de a.

Lorsque le graphe de dépendance contient un cycle, l'évaluation est impossible.

13.3.4 Exemple

Déclaration des variables en C:

Production	Règle sémantique
$D \longrightarrow TL$	L.type = T.val
$L \longrightarrow L, id$	$L_1.type = L.type$
	setType(id.ref,L.type)
$L \longrightarrow id$	setType(id.ref,L.type)
$T \longrightarrow \text{int}$	T.val = integer
$T \longrightarrow \text{real}$	T.val = real

Déclaration: real x, y, z

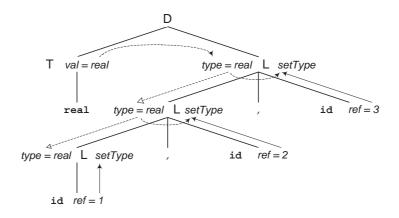


Fig. 13.3 – Graphe de dépendances

13.4 Traduction dirigée par la syntaxe

Définition 13.8 (Schéma de traduction)

Un schéma de traduction est une définition dans laquelle l'ordre d'exécution des actions sémantiques est imposé. La production $A \longrightarrow \alpha X\{action\}Y\beta$ signifie que l'action est exécutée après que le sous-arbre issu de X a été construit et parcouru et avant que celui issu de Y ne le soit.

On peut évaluer les attributs en même tant que l'on effectue l'analyse syntaxique. Dans ce cas, on utilise souvent une pile pour conserver les valeurs des attributs, cette pile pouvant être la même que celle de l'analyseur syntaxique, ou une autre. L'ordre d'évaluation des attributs est tributaire de l'ordre dans lequel les noeuds de l'arbre syntaxique sont créés (soit par une méthode ascendante, soit par une méthode descendante). Cependant il ne faut pas perdre de vue que l'arbre entier n'est pas réellement construit lors de l'analyse syntaxique.

13.4.1 Analyse ascendante

L'analyse ascendante se prête bien à la traduction de définitions S-attribuées puisque l'arbre syntaxique est créé des feuilles vers la racine. On empile et dépile les attributs synthétisés.

Exemple: évaluation d'une expression.

Production	Règle sémantique	Traduction
$S \longrightarrow E$ \$	S.val := E.val	écrire p.depiler()
$E \longrightarrow E + T$	$E.val := E_1.val + T.val$	tmpT = p.depiler()
		tmpE = p.depiler()
		p.empiler(tmpE + tmpT)
$E \longrightarrow E - T$	$E.val := E_1.val-T.val$	tmpT = p.depiler()
		tmpE = p.depiler()
		p.empiler(tmpE - tmpT)
$E \longrightarrow T$	E.val := T.val	
$T \longrightarrow T * F$	$T.val := T_1.val*F.val$	tmpF = p.depiler()
		tmpT = p.depiler()
		p.empiler(tmpT x tmpF)
$T \longrightarrow F$	T.val := F.val	
$F \longrightarrow (E)$	F.val := E.val	
$F \longrightarrow nb$	F.val := nb.val	p.empiler(nb)

Analyse de 9 - 5 + 2

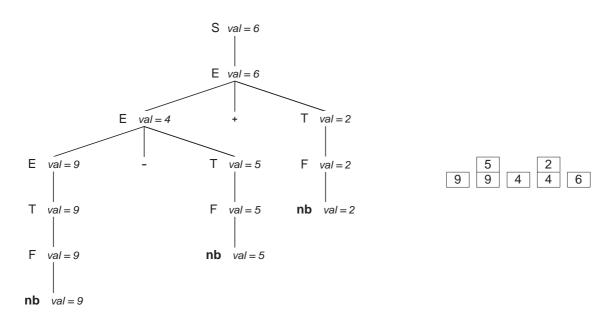


Fig. 13.4 – Analyse ascendante

13.4.2 Analyse descendante

L'analyse descendante se prête bien à la traduction de définitions L-attribuées n'ayant que des attributs hérités puisque l'arbre syntaxique est créé de la racine vers les feuilles. On empile et dépile les attributs hérités.

Exemple: calcul du niveau d'imbrication de parenthèses.

Production	Règle sémantique	Traduction
$S' \longrightarrow S$ \$	S.nb := 0	p.empiler(0)
$S \longrightarrow (S)S$	$S_1.nb := S.nb + 1$	tmp = p.depiler()
	$S_2.nb := S.nb$	p.empiler(tmp)
		p.empiler(tmp + 1)
$S \longrightarrow \epsilon$	écrire S.nb	écrire p.depiler()

Analyse de (()) ()

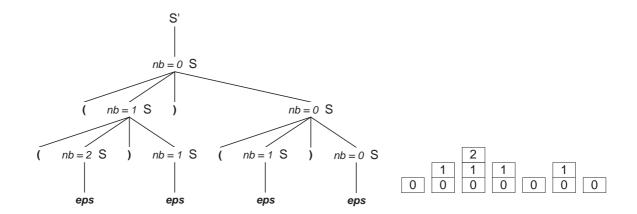


Fig. 13.5 – Analyse descendante

13.4.3 Principe

On insère les actions dans les règles de production comme suit :

- Un attribut hérité attaché à une variable en partie droite de règle est calculé par une action intervenant avant cette variable.
- Un attribut synthétisé attaché à la variable en partie gauche est calculé après que tous les arguments dont il dépend ont été calculés. L'action est en général placée en fin de règle.
- Dans les définitions L-attribuées une action ne peut faire référence à un attribut d'un symbole placé à sa droite.

13.4.4 Définition L-attribuée

L'exemple suivant représente l'évaluation d'une expression somme définie par une grammaire LL. E signifie *expression* et T signifie *terme*.

Production	Règle sémantique	Traduction
$E \longrightarrow T$	R.he := T.val	rhe = t
R	E.val := R.s	e = rs
$R \longrightarrow +T$	$R_1.he := R.he + T.val$	rhe = rhe + t
R	$R.s := R_1.s$	
$R \longrightarrow -T$	$R_1.he := R.he - T.val$	rhe = rhe - t
R	$R.s := R_1.s$	
$R \longrightarrow \epsilon$	R.s := R.he	rs = rhe
$T \longrightarrow nb$	T.val := nb.val	t = n

Production	Schéma de Traduction
$E \longrightarrow TR$	$E \longrightarrow T \text{ {rhe = t;}} R \text{ {e = rs; }}$
$R \longrightarrow +TR$	$R \longrightarrow +T \text{ {rhe = rhe + t; } } R$
$R \longrightarrow -TR$	$R \longrightarrow -T \text{ {rhe = rhe - t;} } R$
$R \longrightarrow \epsilon$	$R \longrightarrow \epsilon \text{ \{rs = rhe;\}}$
$T \longrightarrow nb$	$T \longrightarrow nb \ \{t = n;\}$

Analyse de 9 - 5 + 2

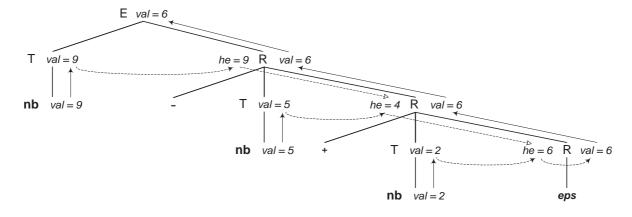


Fig. 13.6 – Analyse L-attribuée

Ordre des actions

Action	Valeur
t = 9	
rhe = t	9
t = 5	
rhe = rhe - t	4
t = 2	
rhe = rhe + t	6
rs = rhe	6
e = rs	6

13.5 Arbre abstrait - AntLR

Une définition dirigée par la syntaxe peut être utilisée pour construire un arbre abstrait représentant un programme satisfaisant une grammaire. Le générateur AntLR ¹ construit cet arbre lors de l'analyse syntaxique.

Le symbole \land placé derrière une catégorie lexicale indique que ce token est considéré comme racine intermédiaire d'une arborescence de l'arbre abstrait. Un nœud est construit pour ce token et devient la racine de toute portion de l'arbre déjà construite.

Les feuilles de l'arbre syntaxique sont automatiquement insérées dans l'arbre abstrait sauf si elles sont suivies du symbole!. Si A, B et C représentent des catégories lexicales:

```
A B C donne l'arbre (B A C).
B est la racine, A et C sont les fils.
A B C donne l'arbre (C (B A)).
```

C est la racine et a un seul fils dont la racine est B et qui a pour fils A.

13.5.1 Exemple: expression arithmétique

La grammaire suivante permet de décrire des expressions arithmétiques sur des entiers. Les symboles ^ permettent de construire l'arbre abstrait d'une expression.

```
grammar Expr;
options {
  output = AST;
}
tokens{
  PLUS = '+';
  MOINS = '-';
  MULT = '*';
```

^{1.} Terence Parr, Université de San Francisco, http://www.antlr.org/

```
DIV = '/';
EXP = '^';
}
expr : sumExpr ;
sumExpr : prodExpr ((PLUS^|MINUS^) prodExpr)*;
prodExpr : powExpr ((MUL^|DIV^) powExpr)*;
powExpr : atom (EXP^ atom)?;
atom : INT;
INT : '0'..'9'+;
```

13.5.2 Arbre abstrait

A partir de l'expression 10 - 5 + 4 * 20 / 2, l'environnement AntLR permet de construire l'arbre abstrait suivant :

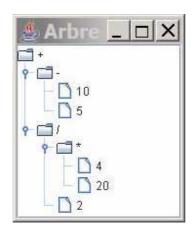


Fig. 13.7 – Arbre abstrait

13.5.3 Evaluation récursive

AntLR permet de définir des grammaires sur des arbres abstraits. La grammaire suivante permet d'évaluer récursivement l'expression de la section précédente. Le résultat en est 45.0.

```
| ^(MOINS x=exp y=exp) {$v = $x.v - $y.v;}
| ^(MULT x=exp y=exp) {$v = $x.v * $y.v;}
| ^(DIV x=exp y=exp) {$v = $x.v / $y.v;}
| ^(EXP x=exp y=exp) {$v = Math.exp($y.v * Math.log($x.v));}
| INT {$v = Double.parseDouble($INT.text);}
;
```

13.6 Traduction de langage

Traduction de texte écrits en langage csv (comma separated values) en langage xhtml.

Règles de production:

```
grammar CSV;
COMMA : ',';
RECORD : ('A'..'Z' | 'a'..'z' |'0'..'9')+
    ;
NEWLINE : '\r'? '\n';
WS : (' '|'\t')+ {skip();};
file : line (NEWLINE line)* NEWLINE? EOF
line : record+;
record : RECORD COMMA?;
```

Affichage de la trace d'analyse:

Les règles sont complétées par des actions écrites dans le langage de programmation désiré. Elles indiquent ici les règles appelées et les records trouvés.

```
grammar CSV;
...
file
: {System.out.println("file called");}
line (NEWLINE line)* NEWLINE? EOF
  {System.out.println("file matched");}
;
line :
  {System.out.println("line called");}
  record+
  {System.out.println("line matched");}
;
record :
  {System.out.println("record called");}
  r=RECORD COMMA?
```

```
{System.out.println("record = " + $r.getText());
  System.out.println("record matched");}
Affichage xHTML:
  En substituant les actions, il est possible d'afficher une table xHTML.
grammar CSV;
. . .
file
: {System.out.println("");}
 line (NEWLINE line)* NEWLINE? EOF
 {System.out.println("");}
line:
 {System.out.println(" ");}
 record+
 {System.out.println(" ");}
record :
 {System.out.print(" ");}
 r=RECORD COMMA?
 {System.out.print($r.getText());
  System.out.println("");}
```

Méthode retournant une chaîne:

Il est possible de modifier les règles pour que les méthodes correspondantes construisent une chaîne réutilisable.

```
grammar CSV;
@members{
   StringBuilder sb = new StringBuilder();
}
...
file returns [String s] :
   {sb.append(" \n");}
   line (NEWLINE line)* NEWLINE? EOF
   {sb.append("\n"); s = sb.toString();}
;
line :
   {sb.append(" \n");}
   record+
   {sb.append(" \n");}
```

13.6. TRADUCTION DE LANGAGE

```
;
record :
    {sb.append(" ");}
    r=RECORD COMMA?
    {sb.append($r.getText());
        sb.append("\\n");}
;
```

Bibliographie

- [1] A. Aho, R. Sethi, and J. D. Ullman. Compilateurs Principes, techniques et outils. InterEditions, 1991.
- [2] A. Aho and J. D. Ullman. Concepts fondamentaux de l'Informatique. Dunod, 1993.
- [3] A. W. Appel. Modern compiler implementation in java. Cambridge, 2002.
- [4] Jeffrey E.F. Friedl. Maîtrise des Expressions Régulières. O'Reilly, 2003.
- [5] D. Grune, H. E. Bal, C. J. H. Jacobs, and K. G. Langendoen. *Compilateurs, Cours et exercices corrigés.* Dunod, 2002.
- [6] J. E. Hopcroft, R. Motwani, and J. D. Ullman. *Introduction to Automata Theory, Languages and Computation*. Addison Wesley, 2001.
- [7] Terence Parr. The Definitive ANTLR Reference. The Pragmatic Programmers, 2007.
- [8] Terence Parr. Language Implementation Patterns. The Pragmatic Programmers, 2007.

Annexe A

Générateurs d'analyseur

A.1 Commandes unix

```
lex (Lexical Analyzer Generator)
flex: version gnu de lex
yacc (Yet Another Compiler-Compiler)
```

Exemple de spécifications flex

```
Principe: \{\text{sp\'ecifications flex}\} \longrightarrow \text{flex} \longrightarrow \text{programme C}
```

```
int nbVoyelles, nbConsonnes, nbPonct;
%}
             [b-df-hj-np-xy]
consonne
ponctuation [,;:?!\.]
%%
[aeiouy] nbVoyelles++;
{consonne} nbConsonnes++;
{ponctuation} nbPonct++;
\n
              // ne rien faire
%%
main() {
  nbVoyelles = nbConsonnes = nbPonct = 0;
  yylex();
  printf(''Nb voyelles : %d - Nb consonnes : %d - Ponctuation : %d'',
           nbVoyelles, nbConsonnes, nbPonct);
}
```

A.2 Générateurs en langage Java

```
    JLex: Princeton University
    http://www.cs.princeton.edu/~appel/modern/java/JLex/
    javaCC: https://javacc.dev.java.net/
    AntLR: http://www.antlr.org/
```

Exemple javacc

Principe: $\{\text{sp\'ecifications javacc}\} \longrightarrow \text{javacc} \longrightarrow \text{fichiers .java}$

Exemple de lexer reconnaissant des identificateurs ou des entiers

```
PARSER_BEGIN(Parser)
package spec;
   class Parser{
     public static void main(String args[]) throws ParseException {
      java.util.Scanner s = new java.util.Scanner(System.in);
      System.out.println("Write a string");
      String s = scanner.nextLine();
      Parser p = new Parser(new StringReader(s));
      p.Input();
   }
PARSER_END(Parser)
TOKEN : {
     < #CAR: ["a"-"z","A"-"Z"] >
   | < #DIGIT: ["0"-"9"] >
   | < ID: <CAR>(<CAR>|<DIGIT>)* >
   | < #INTPLUS: (["0"-"9"])+ >
   | < NUM: (<INTPLUS>"."<INTPLUS>) |
            (<INTPLUS>".") >
}
void Input() :
{Token t = null;}
{t = \langle ID \rangle}
   {System.out.println("Token: " + t.image + "type: " + t.kind);}
 | t = < NUM>
   {System.out.println("Token: " + t.image + "type: " + t.kind);}
```

Annexe B

Le générateur AntLR

Cette annexe décrit l'utilisation de la version 3 du générateur de parser AntLR¹.

B.1 Exemple simple

B.1.1 Introduction

Pour réaliser les analyses lexicale et syntactique, il faut spécifier une grammaire (Lexer, Parser) qui décrit la façon de regrouper le flux de caractères en un flux de tokens puis d'analyser le flux de tokens sortant. Il suffit de créer un fichier d'extension .g définissant les unités lexicales et syntaxiques de la grammaire. AntLR créera de lui-même un fichier annexe contenant la grammaire du lexer. On peut ajouter à la grammaire des actions regroupant des lignes de code du même langage que celui utilisé pour le code généré pour les lexer et parser. Les unités lexicales sont écrites en majuscules. Une règle du parser est utilisée comme axiome de la grammaire. AntLR génère les classes correspondant au lexer et au parser.

B.1.2 Grammaire

1. Site AntLR: http://www.antlr.org

B.2 Mise en œuvre

B.2.1 Génération des classes en ligne de commande

Il faut exécuter AntLR sur le fichier SimpleGrammar.g qui contient la description des unités lexicales. Le nom du fichier doit être identique au nom de la grammaire. A partir de l'exemple précédent, les classes créées porteront les noms: SimpleGrammarLexer et SimpleGrammarParser.

Après avoir mis à jour la variable PATH (pour accéder à Java - version 1.4 ou supérieure) et la variable CLASSPATH (les librairies utiles sont disponibles sur le site AntLR: antlr-3.0.jar, stringtemplate-3.0.jar et antlr-2.7.7.jar), il suffit d'exécuter une ligne de commande telle que:

```
java org.antlr.Tool SimpleGrammar.g
```

B.2.2 Exemple de fichier batch sous Windows

On suppose Java, installé sur la machine hôte. Dans un répertoire on copie le fichier de grammaire (SimpleGrammar.g). On crée un répertoire lib contenant les librairies java requises pour le fonctionnement de AntLR (antlr-3.0.jar, stringtemplate-3.0.jar, antlr-2.7.7.jar). On crée au même niveau le fichier .bat suivant:

B.2.3 Outil ANTLRWorks

Il est recommandé d'écrire la grammaire avec l'outil ANTLRWorks 2 . Cet éditeur possède de nombreuses fonctionnalités et en particulier génère les classes correspondant à la grammaire. Il est possible de configurer cet outil de façon à ce que les classes générées soient accessibles à partir d'un environnement de développement tel qu'Eclipse 3 , où l'on peut visualiser les erreurs de compilation dues au code inséré dans les actions. ANTLRWorks permet d'indiquer l'endroit où les classes sont générées et le package qu'elles respectent. La figure B.1 montre l'interface de l'outil ANTLRworks à partir de la grammaire de la section B.3. Elle montre également l'arbre de dérivation de l'expression: $ab = 5 \times 4 + 1$.

^{2.} Site ANTLRWorks: http://www.antlr.org/works/

^{3.} Site Eclipse: http://www.eclipse.org

B.2.4 Exécution

Programme principal

On peut ajouter les lignes suivantes à la grammaire juste après la déclaration du nom de la grammaire pour définir les packages des classes créées :

```
@header {
  package annexeb;
}
@lexer::header {package annexeb;}
```

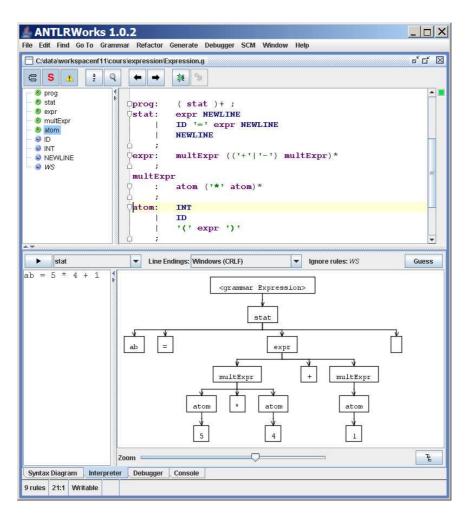


Fig. B.1 – Interface de ANTLRWorks

Pour utiliser les classes créées, il faut les instancier. On peut par exemple dans le même package créer une classe contant une méthode main telle que :

```
package annexeb;
import java.io.ByteArrayInputStream;
import java.util.Scanner;
import org.antlr.runtime.ANTLRInputStream;
```

```
import org.antlr.runtime.CommonTokenStream;
public class SimpleGrammarMain {
  public static void main(String[] args) {
    Scanner scanner = new Scanner(System.in);
    System.out.print("Texte : ");
    String s = scanner.nextLine();
    ByteArrayInputStream bais = new ByteArrayInputStream(s.getBytes());
    try {
      ANTLRInputStream input = new ANTLRInputStream(bais);
      SimpleGrammarLexer lexer = new SimpleGrammarLexer(input);
      CommonTokenStream tokens = new CommonTokenStream(lexer);
      SimpleGrammarParser parser = new SimpleGrammarParser(tokens);
      parser.prog();
    catch(Exception ex) {
      ex.printStackTrace();
  }
}
```

La saisie d'un exemple se fait au clavier après l'invite Texte. La méthode crée un flux de caractères qui est associé au lexer. Un flux de tokens est créé à partir du lexer qui est associé au parser. Il suffit alors d'appeler la méthode correspondant à l'axiome de la grammaire. Selon celle-ci, il suffit de taper deux fois une suite de lettres et une suite de chiffres puis un point. Le point fait sortir du programme. Le programme affiche les lettres et les chiffres tapés.

Fonctionnement

AntLr a créé une classe lexer et une classe parser dans le package spécifié (dans l'exemple appelées SimpleGrammarLexer et SimpleGrammarParser). Les unités lexicales permettent d'ajouter des méthodes de la classe lexer. Ainsi l'unité ALPHA sera associée à la méthode mALPHA() permettant d'analyser une suite de lettres. Les règles du parser sont associées à des méthodes de la classe parser: ainsi la règle prog donne une méthode prog().

Méta-langage AntLr

```
() Règle
()* 0 ou plus
()+ 1 ou plus
()? 0 ou 1
| Alternative
... Intervalle
~ Négation
... caractère quelconque
```

B.3 Autre exemple

La grammaire suivante permet d'écrire des expressions numériques. Les règles du parser sont en minuscule; celles du lexer en majuscule. Lexer et parser ne sont pas séparés.

B.3.1 Grammaire

```
grammar Expression;
@lexer::header {
 package expression;
@header {
 package expression;
       stat+;
prog:
stat:
       expr NEWLINE
       ID '=' expr NEWLINE
       NEWLINE
   1
expr:
       multExpr (('+'|'-') multExpr)*
multExpr
       atom ('*' atom)*
atom:
       INT
       ID
       '(' expr ')'
   ('a'..'z'|'A'..'Z')+;
       '0'...'9'+;
INT :
NEWLINE:'\r'?'\n';
WS : (',')'+\{skip();\};
```

expression. Expression Lexer et expression. Expression Parser sont les deux classes créées par AntLR. La méthode associée à l'axiome de la grammaire est prog.

B.3.2 Exécution

L'exécution est réalisée à partir d'un fichier contenant des expressions par une méthode main telle que:

A ce stade, le parser n'a pas de sortie et n'indique pas les expressions mal construites. Il serait nécessaire de compléter la grammaire en vue d'une utilisation particulière du parser.

B.4 Création de l'arbre AST

B.4.1 Création par défault

AntLR donne la possibilité de créer automatiquement, semi-automatiquement ou manuellement l'arbre AST, structure intermédiaire d'un programme compatible avec la grammaire. Il faut tout d'abord ajouter une section options indiquant au parser de créer l'arbre:

```
grammar Expression;
options {
   language = Java;
   output = AST;
}
```

Les méthodes du parser associées aux règles de la grammaire ne sont alors plus de type void mais d'un type structuré dont le nom reprend celui de la méthode. Ainsi la méthode stat sera de type stat_return sous-classe de ParserRuleReturnScope.

Pour chaque règle, AntLR crée une racine d'arborescence. Pour chaque token présent dans une règle, il crée un noeud (Tree) et l'ajoute comme fils du noeud courant. Par défaut les noeuds forment une liste et antlr attache les noeuds de la liste à un noeud racine de type nil.

B.4.2 Création automatique

stat+ ;

ex.printStackTrace();

}

prog:

Pour ne pas créer un noeud pour un token particulier, il suffit de le suffixer avec un !. Pour créer un noeud racine à partir d'un token particulier, il suffit de le suffixer avec un ^. A partir des règles du parser suivantes :

```
stat:
        expr NEWLINE!
        ID '='^ expr NEWLINE!
        NEWLINE!
        multExpr (('+'^|'-'^) multExpr)*
expr:
multExpr
        atom ('*'^ atom)*
        n=INT {System.out.println("Entier : " + $n.text);}
atom:
        '('! expr ')'!
et avec le programme suivant :
25 + 3 * 4
ab = 10 * (5 - 2)
On obtient l'arbre suivant qui est une liste:
(+ 25 (* 3 4)) (= ab (* 10 (- 5 2)))
B.4.3
       \operatorname{Code}
public static void mainAST() {
  try {
    FileInputStream fis =
        new FileInputStream("expression/expression.prg");
    ANTLRInputStream input = new ANTLRInputStream(fis);
    ExpressionLexer lexer = new ExpressionLexer(input);
    CommonTokenStream tokens = new CommonTokenStream(lexer);
    ExpressionParser parser = new ExpressionParser(tokens);
    prog_return r = parser.prog();
    CommonTree t = (CommonTree) r.getTree();
    System.out.println(t.toStringTree());
  catch(Exception ex) {
```

B.4.4 Affichage de l'arbre

En utilisant les classes ASTFrame et ASTtoTreeModelAdapter écrites par J. Werner, il est possible de créer une fenêtre présentant l'arbre : Il suffit d'ajouter les deux

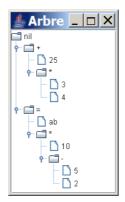


Fig. $B.2 - Arbre \ AST$

```
lignes suivantes au code précédent:
ASTFrame af = new ASTFrame("Arbre", t);
af.setVisible(true);
```

B.4.5 Création manuelle de l'arbre

Il est parfois plus simple d'indiquer directement l'arborescence qui doit être construite à partir d'une règle. La génération de l'arbre peut être décrite dans la grammaire en utilisant ->:

```
stat+ ;
prog:
stat:
        expr NEWLINE
                            -> expr
        ID '=' expr NEWLINE -> ^('=' ID expr)
    1
    NEWLINE
        multExpr (('+'^|'-'^) multExpr)*
expr:
multExpr
        atom ('*' atom)*
    :
        n=INT {System.out.println("Entier : " + $n.text);}
atom:
        '(' expr ')' -> expr
```

On peut insérer des noeuds imaginaires facilitant l'analyse ultérieure:

```
prog: stat+ -> ^(PROG stat+)
```

PROG est simplement déclaré comme un token non défini par une expression régulière.

B.5 Actions AntLR

Il est possible d'insérer des actions écrites dans le langage cible à tout endroit de la grammaire.

B.5.1 Actions du parser

Il est possible de réutiliser les tokens issus du lexer.

Dans la règle précédente n est un objet de type Token. On le réutilise en écrivant \$n dans le code de l'action. text est un attribut de l'objet Token.

B.5.2 Variables et méthodes globales

La section @members permet de définir des méthodes et des variables d'instance de l'objet parser créé. Elles sont appelées dans le code sans ajouter de symbole particulier. La communication d'information entre les règles appelées lors d'une analyse est ainsi simplifiée. Une règle peut avoir besoin de variables locales. Elles sont alors déclarées et initialisées dans la section @init de la règle. L'exemple suivant montre l'usage de ces divers éléments.

```
grammar CSVString;
@header{
 package csv;
@lexer::header{
 package csv;
@members{
 StringBuilder sb = new StringBuilder();
COMMA : ',';
RECORD : ('A'...'Z' | 'a'...'z' | '0'...'9')+
         '\r'? '\n';
NEWLINE :
         (' '|'\t')+ {skip();};
file returns [String s] :
 {sb.append(" \n");}
 line (NEWLINE line)* NEWLINE? EOF
   {sb.append("\n"); s = sb.toString();}
```

```
;
line
@init {String tagin = " \n", tagout = " \n";}:
    {sb.append(tagin);}
    record+
    {sb.append(tagout);}
;
record :
    {sb.append(" ");}
    r=RECORD COMMA?
    {sb.append($r.getText());
        sb.append("
```

Annexe C

Introduction à Java 5.0

C.1 Introduction

C.1.1 Objectifs

L'objectif de cette annexe est d'introduire les principales notions de la programmation objet et les principaux éléments de la syntaxe Java. La version de Java utilisée est la version 5.0 Tiger. Il ne s'agit pas d'une liste exhaustive des caractéristiques de java. Les exemples sont volontairement choisis en direction de la théorie des langages. Introduction de façon linéaire

C.1.2 Environnements de développement

Il y a deux façons d'écrire des programmes Java et de les exécuter:

- Sans utiliser d'environnement de développement
 - Ecrire le code dans un simple éditeur de texte
 - Compiler et exécuter le code en ligne de commande
- En utilisant un environnement de développement
 - Les environnements les plus utilisés sont :
 - Eclipse: http://www.eclipse.org/
 - Netbeans: http://www.netbeans.com
 - Borland JBuilder: http://www.borland.com/jbuilder
 - Avantages
 - Compilation, exécution, debugging dans un seul environnement
 - Complétion du code source
 - Possibilité d'augmenter l'environnement

Dans cette initiation, tous les exemples sont supposés créés dans l'environnement Eclipse, version 3.2. Certaines actions décrites comme obligatoires sont en réalité parfois simplement conseillées, mais une bonne programmation orientée objet les requiert comme telles.

C.2 Programmation orientée objet

C.2.1 Classes et Objets

L'unité de base est l'objet. Une application est un ensemble d'objets communiquant entre eux. Un objets contient notamment des données (appelées attributs) et stockés dans les variables d'instance. Un objet peut effectuer une série d'actions (traditionnellement nommée méthodes) utilisant les données internes de l'objets et des paramètres.

A un moment donné de l'exécution d'un programme, chaque attribut a une valeur. L'ensemble des valeurs des attributs de l'objet détermine l'état courant de l'objet. Cet état ne peut changer que si une méthode de l'objet est invoquée.

Il faut commencer par définir les catégories des objets (leurs classes) en décrivant leurs attributs et leurs méthodes. Le concept permettant cela est celui de classe. Une classe décrit une méthode particulière destinée à construire un objet correspondant, une instance de cette classe.

Une classe doit être également considérée comme une entité faisant partie d'un programme. Elle peut contenir des attributs, stockés dans des variables de classe et des méthodes de classe. A cet égard, il faut concevoir une classe comme une instance de la classe Class. Pour différencier les champs des objets de ceux de la classe ces derniers sont précédés du modificateur static. L'écriture d'une classe comporte donc:

- la déclaration des variables des instances de cette classe
- la déclaration des méthodes des instances de cette classe
- la déclaration des variables de cette classe
- la déclaration des méthodes de cette classe
- la déclaration des méthodes constructeurs des instances de cette classe

C.2.2 API Java

Java définit un ensemble de classes prêtes à être utilisées. Elles constituent l'API java (Application Programming Interface) c'est-à-dire l'ensemble des ressources utilisables par toute application. Il est intéressant de consulter régulièrement la description de cette API (http://java.sun.com/j2se/1.5.0/docs/api/index.html). Les classes sont regroupées en packages ayant une finalité particulière. Par exemple les packages suivant sont fréquemment utilisés:

- java.io: Classes pour le système d'entrée/sortie (ex: File)
- java.lang: Classes fondamentales pour la conception (ex: Math, String, System)

C.2. PROGRAMMATION ORIENTÉE OBJET

- java.util: Classes collections de structures, classes utilitaires diverses (ex: Vector, Scanner)
- javax.swing: Interfaces graphiques (ex: Frame)

Le nom complet d'une classe est composé du nom du package auquel elle appartient suivi du nom local. Une classe est encore appelée le type de ses instances.

C.2.3 Entrées-Sorties sur la console

L'entrée standard est un objet de type InputStream et la sortie standard est un objet de type PrintStream. Ce sont les variables in et out de la classe System. Les premières applications que l'on crée font généralement intervenir ces deux objets prédéfinis.

Exemple d'instruction pour écrire une chaîne sur la console:

```
System.out.println("Chaîne");
```

L'objet in est moins aisé à utiliser et Java 5.0 définit les objets Scanner qui permettent des saisies clavier plus simple:

```
Scanner scanner = new Scanner(System.in);
String s = scanner.nextLine();
```

C.2.4 Une application en Java

Pour créer une application, il suffit d'implémenter une méthode particulière, la méthode main d'une classe quelconque. Cette méthode a la signature suivante :

```
public static void main(String[] args) {...}
```

C'est une méthode de type void, c'est-à-dire ne retournant pas de valeur et prenant en paramètre un tableau de chaînes contenant les paramètres de la ligne de commande. Pour lancer une application il suffit d'exécuter cette méthode.

Exemple 1

Le premier exemple consiste à considérer une chaîne structurée de la façon suivante : une chaîne est constituée d'un ou de plusieurs caractères.

```
// Nom du package de la classe
package intro.java;
// Classes à importer
import java.util.Scanner;
// Nom de la classe
public class Exemple {
// Méthode main exécutable
   public static void main(String[] args) {
// Appel d'une méthode de la classe Exemple
   exp1();
```

```
// Déclaration de la méthode exp1
public static void exp1() {

// Instanciation d'un objet Scanner permettant les entréées console
    Scanner scanner = new Scanner(System.in);

// Lecture d'une chaîne sur la console
    String s = scanner.nextLine();

// Affichage de chaque caractère de la chaîne entrée sur la console
    for (int i = 0; i < s.length(); i++) {
        System.out.println(s.charAt(i));
    }

}
</pre>
```

Dans l'exemple précédent scanner, s, i sont des variables locales à la méthode exp1. Ce ne sont ni des variables d'instances ni des variables de classes.

C.3 Éléments de base

C.3.1 Types primitifs

Les types de données primitifs regroupent les valeurs numériques entières ou décimales, les caractères simples et Unicode ainsi que les booléens true et false. Le langage propose un grand nombre de types numériques. On peut classer ces types en deux catégories: les types entiers et les types décimaux. Ce qui différencie les types d'une même catégorie, c'est la taille de mémoire utilisée pour contenir une valeur.

byte	nombres entiers binaires 8 bits.
short	nombres entiers courts sur 16 bits.
int	nombres entiers sur 32 bits.
long	nombres entiers longs sur 64 bits.
float	nombres à virgule flottante sur 32 bits.
double	nombres à virgule flottante double sur 64 bits.
char	caractères Unicode sur 16 bits.
boolean	true; false; booléen sur 1 bit.

C.3.2 Types des variables

Si une variable est déclarée de type primitif (caractère, nombre, booléen), elle contient physiquement une valeur. Lors des appels de méthodes les paramètres de type primitif sont passés par valeur.

Si une variable contient une instance d'une classe, elle contient en fait une référence, c'est-à-dire l'adresse mémoire où l'information relative à l'objet stockée. Lors des appels de méthodes les paramètres de type non primitif sont passés par référence. Il peut exister plusieurs références sur le même objet. Une méthode peut construire

un objet aussi complexe soit-il. Seule, une référence sera retournée. La classe String n'est pas un type primitif. La comparaison de chaînes doit se faire par la méthode equals.

C.3.3 Structures de contrôle des méthodes

Structure conditionnelle

```
Alternative simple:
  if (expression booléenne) blocvrai; else blocfaux;
   Alternative multiple:
 switch (variable){
  case cas1: //
    instructions cas1
    break ; //si ce break est omis, on exécute aussi instruc21 et instruc22
  case cas2:
    instructions cas2
    break;
  default :
    instructions par defaut
   Dans une structure alternative multiple, la variable doit être d'un type scalaire,
c'est-à-dire complètement ordonné.
   Opérateur ternaire:
variable = condition ?
      expression si condition Vraie:
      expression si condition Fausse
```

Structure répétitive

```
Boucle FOR
```

```
for (initialisation; condition; mise à jour){
   instructions
}
```

- Initialisation : suite d'instructions à exécuter par le programme avant de rentrer pour la première fois dans la boucle.
- Condition : suite de conditions exécutées en fin de boucle. Elles permettent de continuer la répétition.
- Mise à jour: suite d'instructions exécutées chaque fois que la boucle est terminée avant le test de continuité.

Boucle WHILE

```
while (test logique) {
   instructions
}
```

Le test est effectué avant les instructions de la boucle. Tant que le test renvoie la valeur true les instructions de la boucle sont exécutées. La boucle n'est pas exécutée si le test renvoie false à sa première évaluation.

On utilise plutôt une boucle for lorsque la condition porte également sur un compteur de boucle.

Exemple 2

Nous écrivons simplement une méthode exp2 qui pourrait être substituée à la méthode exp1 de l'exemple C.2.4.

Considérons une chaîne qui contient une série de lettres suivie par une série de chiffres telle que : abcdef1234. On peut penser à la méthode suivante pour analyser la chaîne.

```
public static void exp2() {
  Scanner scanner = new Scanner(System.in);
  String s = scanner.nextLine();
  StringBuilder letters = new StringBuilder();
  StringBuilder digits = new StringBuilder();
  int i = 0;
  boolean exist = true;
  char c = s.charAt(i):
  while (exist && Character.isLetter(c)) {
    letters.append(c);
    i++;
    exist = i < s.length();</pre>
    if (exist)
      c = s.charAt(i);
  while (exist && Character.isDigit(c) ) {
    digits.append(c);
    i++;
    exist = i < s.length();</pre>
    if (exist)
      c = s.charAt(i);
  System.out.println(letters.toString());
  System.out.println(digits.toString());
}
```

Exemple 3

```
L'exemple C.3.3 peut être récrit en:
public static void exp3() {
   Scanner scanner = new Scanner(System.in);
   String s = scanner.nextLine();
   StringBuilder letters = new StringBuilder();
   StringBuilder digits = new StringBuilder();
   int i;
   for (i = 0 ; i < s.length() && Character.isLetter(s.charAt(i)); i++) {
     letters.append(s.charAt(i));
   }
   for (; i < s.length() && Character.isDigit(s.charAt(i)); i++) {
     digits.append(s.charAt(i));
   }
   System.out.println(letters.toString());
   System.out.println(digits.toString());
}</pre>
```

La reconnaissance de la structure entraı̂ne la confrontation des caractères entrés avec une série de contraintes dictées par la structure. Après avoir analysé la chaı̂ne d'entrée, le programme fournit les groupes de caractères associés avec les éléments de la structure tels que les lettres et les chiffres.

On peut considérer la chaîne d'entrée à deux niveaux : le niveau caractère et le niveau de la structure de la chaîne. On peut voir la structure de caractères contenus dans la chaîne comme une suite de lettres et une suite de chiffres. On peut aussi interpréter la suite de chiffres comme un identificateur et la suite de chiffres comme un entier. La structure de la chaîne devient alors : un identificateur suivi par un entier.

Au deux niveaux, on parle de langages. Les symboles du langage au niveau caractère sont les lettres et les chiffres. Les symboles du langage au niveau de la structure sont <identificateur> et <entier>.

Exemple 4

Comment construire un analyseur d'affectation? x=25;

On considère qu'il existe une variable d'instance, c par exemple, qui contient toujours le prochain caractère à analyser. On écrit :

- une méthode qui analyse le niveau le plus élevé du langage.
- les méthodes appelées par la première et qui décrivent une structure intermédiaire.
- ainsi de suite les méthodes jusqu'au niveau le plus élémentaire: le niveau caractère

On pourrait obtenir dans cette approche top-down:

- 1. affectation

```
- 2. identificateur; entier
```

- 3. caractère_courant; consume

C.4 Construction d'une classe

Supposons que nous voulions construire un analyseur permettant de reconnaître une chaîne pouvant contenir plusieurs affectations. Pour simplifier l'exercice nous considérons que la chaîne doit être terminé par le symbole *. La saisie de la chaîne est dissociée de l'analyse elle-même.

C.4.1 Portée - Visibilité

Les variables ne sont accessibles que dans le bloc de code où elles sont déclarées.

Private

Les variables d'instances permettent de définir l'état d'un objet. L'ensemble des valeurs des variables d'instances définit l'état de l'objet à un instant de l'exécution. Les variables d'instances devraient toutes être privées, c'est-à-dire accompagnées du modificateur d'accès private. On ne peut accéder à ces variables que dans les méthodes de la classe. Une instance d'une classe peut cependant voir les attributs privés d'une autre instance de la même classe.

```
private String input;
```

Les méthodes d'instance accessoires doivent être également déclarées private.

Public

Aucune variable d'instance ne devrait être déclarée publique. Il faut construire les accesseurs à ce type de variables. Les variables déclarées public sont accessibles à partir de toute classe.

```
public void parse() { ... }
```

Protected

Une méthode déclarée protected dans une classe est accessible par les seules sous-classes.

```
protected void parse() { ... }
```

C.4.2 Constructeurs

Un constructeur est une méthode spéciale d'une classe, permettant d'initialiser ses variables d'instances et d'exécuter différentes opérations d'initialisation.

```
ParserSimpleImpl(String input) {
  this.input = input;
```

```
Le mot clé this permet de faire référence à l'objet en cours au moment de l'exécution.

this.input = input;

La variable d'instance input est initialisée avec le paramètre input.

la création d'un objet instance d'une classe utilise l'opérateur new appelant un constructeur.

Scanner scanner = new Scanner(System.in);

String s = scanner.nextLine();

Parsersimple parser = new ParserSimpleImpl(s);
```

C.4.3 Interface

Une interface décrit le comportement d'une classe et ne contient que les signatures des méthodes publiques de la classe. Une

```
public interface ParserSimple {
  public void parse();
}
```

Une interface est destinée à être implémentée par une ou différentes classes qui définissent le corps des méthodes.

```
public class ParserSimpleImpl implements ParserSimple { ... }
```

C.4.4 Application simple

Un parser est destiné à analyser une chaîne. L'unique méthode du parser intéressant un programme utilisateur est parse et est déclarée dans l'interface (Section C.4.3) et devra être implémentée. Une application cliente devra également savoir comment construire un objet parser (Section C.4.2).

Une classe implémentant l'interface requiert deux variables d'instance pour contenir la chaîne à analyser et le rang du caractère courant lors de l'analyse.

```
public class ParserSimpleImpl implements Parsersimple {
   private String input;
   private int rang;
   ...
}
Elle doit implémenter la méthode parse. Le corps de la méthode ne fait apparaître
que le niveau le plus élevé d'analyse (C.3.3, niveau 1): méthode affectation.
public void parse() {
   rang = 0;
   while (currentChar() != '*') { //le caractère situé à rang
   affectation();
   consume(); // consume le ;
   }
}
```

Cette méthode affectation fait elle-même apparaître le niveau suivant (C.3.3, niveau 2): méthodes identificateur et entier.

```
private void affectation() {
   String id = identificateur();
   System.out.println(id);
   consume(); // consume le =
   String n = entier();
   System.out.println(n);
}
```

Les méthodes identificateur et entier sont similaires. Elles essaient de reconnaître les caractères respectivement comme des lettres ou des chiffres.

```
private String identificateur() {
  StringBuilder s = new StringBuilder();
  while ( Character.isLetter(currentChar()) ) {
    s.append(currentChar());
    consume();
  }
  return s.toString();
}
```

C.5 Conteneur Générique

C.5.1 Déclaration

Considérons maintenant un parser chargé de mémoriser les tokens, c'est-à-dire les groupements de caractères reconnus comme identificateur ou entier. Les tokens sont ici des chaînes. Ils sont ajoutés au fur et à mesure dans une structure conteneur : une liste de chaînes. Un conteneur générique est une structure contenant des objets et connaissant le type des objets quelle contient. Exemple de déclaration :

```
private ArrayList<String> tokens = null;
Exemple d'initialisation:
tokens = new ArrayList<String>();
Le parser devra déclarer une méthode publique permettant à une application client
d'utiliser les tokens reconnus:
public ArrayList<String> getTokens() {
   return tokens;
}
```

C.5.2 Itération

Java 5.0 offre une façon simple d'itérer sur les objets d'un conteneur générique. Dans l'exemple précédent, les objets contenu dans la structure sont de type String.

```
L'itération se fait pour chaque objet de la structure:
for (String t : parser.getTokens()) {
   System.out.println(t);
}
```

C.6 Héritage de Classes

L'héritage est un concept fondamental de la programmation orientée objet. Il permet de spécialiser le comportement d'une classe (ses méthodes) en lui créant une ou plusieurs sous-classes.

```
public class ParserIdLCImpl extends ParserAvecGenerique {
    ...
}
```

La sous-classe peut ajouter de nouvelles fonctionnalités à celles existantes dans la super-classes, mais aussi de redéfinir des méthodes héritées. Celles-ci doivent être décarées public ou protected pour pouvoir être redéfinies. Ainsi, la méthode affectation doit être déclarée protected dans ParserAvecGenerique, la super-classe, et dans ParserIdLCImpl, la classe dérivée.

Nous la modifions pour que les identificateurs puissent être composés d'un groupe de lettres suivi éventuellement par un groupe de chiffres. Les autres méthodes utilisées dans la sous-classes doivent être elles aussi déclarées protected. Elles ne sont pas "surchargées" dans la sous-classe.

```
protected void affectation() { // overall structure method
  getTokens().add(identificateur() + entier());
  consume(); // consume le =
  getTokens().add(entier());
}
```

C.7 Sites Utiles

Français

```
http://www.laltruiste.com/coursjava/sommaire.html
http://java.developpez.com/cours/
```

Anglais

http://java.sun.com/docs/books/tutorial/index.html